

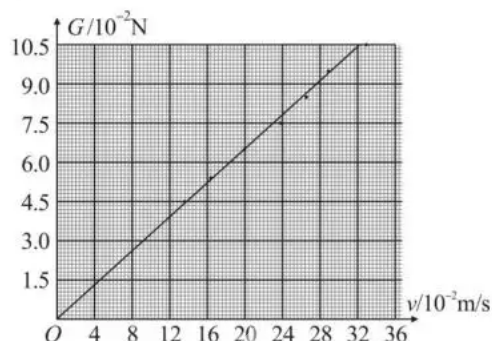
物理试题答案

一. 选择题 (4×10=40 分)

| | | | | | | | | | | |
|----|---|---|---|---|---|---|---|----|----|-----|
| 题号 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| 答案 | D | B | A | B | C | A | B | BC | BD | ACD |

二. 非选择题 (8+10+10+15+17=60 分)

11. 【答案】(1) $\frac{l_n - l_0}{n}$ (2分); (4)



(2分)

(5) G_1 (2分) 正比 (2分)

12 【答案】(1) B (2分) (2) a (2分), $\frac{a}{b} - R_0$ (2分) (3) $<$ (2分) $>$ (2分)

解析: (1) 电动势为 1.5V, C 量程太大

(2) $E = U + \frac{U}{R}(R_0 + r)$ 整理得: $U = E - \frac{U}{R}(R_0 + r)$

$E = a, r = \frac{a}{b} - R_0$

(3) $\frac{1}{U} = \frac{1}{E} + (\frac{1}{ER_0} + \frac{1}{ER_V})r + (\frac{1}{ER_0} + \frac{1}{ER_V})R$ 可知, $E_{测} = \frac{R_V}{R_0 + R_V} E_{真}, r_{测} = \frac{R_0 + R_V}{R_V} r_{真}$,

故 E 偏小, r 偏大

三. 计算题

13. 【答案】(1) $p = \frac{V}{V + V_0} p_0$ (2) $V' = \frac{V}{V + V_0} V_0$

解析 (1) 第一次抽气结束时, 设牛顿管中空气压强为 p , 则有:

$$p_0 V = p(V + V_0) \quad (3 \text{分})$$

$$\text{解得 } p = \frac{V}{V + V_0} p_0 \quad (2 \text{分})$$

(2) 排气阀 K_2 第一次打开时, 设活塞下方空气的体积为 V' , 则有

$$pV_0 = p_0V' \quad (3 \text{ 分})$$

$$\text{解得 } V' = \frac{V}{V+V_0}V_0 \quad (2 \text{ 分})$$

14. 【答案】

$$(1) \frac{3\sqrt{3}}{2}R \quad (2) \frac{3}{2}\sqrt{gR} \quad (3) \frac{3}{2}mgR$$

解析 (1) 设小圆环初始位置距 A 点距离为 d.
小球和小圆环系统由水平方向动量守恒有

$$md = 3md' \dots\dots\dots \textcircled{1} \quad (2 \text{ 分})$$

$$\text{又 } d + d' = 4R \sin 60^\circ \dots\dots\dots \textcircled{2} \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{综上得: } d = \frac{3\sqrt{3}}{2}R \quad (1 \text{ 分})$$

(2) 设小球 P 摆到最低点的速度为 v_1 , 此时小环的速度为 v_2

对小环和 P 球由水平方向动量守恒及机械能守恒有:

$$3mv_1 - mv_2 = 0 \dots\dots\dots \textcircled{3} \quad (1 \text{ 分})$$

$$\frac{1}{2}mv_1^2 + \frac{1}{2}mv_2^2 = 3mg(4R - 4R \sin 30^\circ) \dots\dots\dots \textcircled{4} \quad (1 \text{ 分})$$

设碰后 P 球的速度为 v_3 , Q 球速度为 v_4 . PQ 碰撞过程由动量守恒和机械能守恒有:

$$3mv_1 = 3mv_3 + mv_4 \dots\dots\dots \textcircled{5} \quad (1 \text{ 分})$$

$$\frac{1}{2}3mv_1^2 = \frac{1}{2}3mv_3^2 + \frac{1}{2}mv_4^2 \dots\dots\dots \textcircled{6} \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{由 } \textcircled{3} - \textcircled{6} \text{ 解得: } v_4 = \frac{3}{2}\sqrt{gR} \quad (1 \text{ 分})$$

(3) 小球 P 做平抛运动, 由平抛规律有:

$$h = \frac{1}{2}gt^2 \dots\dots\dots \textcircled{7} \quad (1 \text{ 分})$$

$$x = v_4t \dots\dots\dots \textcircled{8} \quad (1 \text{ 分})$$

$$R - h = \frac{10}{27R}x^2 \dots\dots\dots \textcircled{9} \quad (1 \text{ 分})$$

小球平抛过程由动能定理:

$$E_k - \frac{1}{2}mv_4^2 = mgh \dots\dots\dots \textcircled{10} \quad (2 \text{ 分})$$

由③-⑩得: $E_k = \frac{3}{2}mgR$ (1 分)

15. 【答案】(1) $\frac{2mv}{qB}$

(2) $(-\frac{4mv}{qB}, 0, 0)$

(3) 位置坐标为 $(0, 0, -h)$, 其中

$$h = \frac{1}{2}g(2nT)^2 = \frac{32n^2\pi^2m^2g}{q^2B^2}, \text{ 其中 } n=1, 2, 3\dots$$

$$\text{或 } h = \frac{1}{2}g(2nT + T_1)^2 = \frac{2\pi^2m^2g}{q^2B^2}(4n+1)^2, \text{ 其中 } n=0, 1, 2\dots$$

解析: (1) 设粒子在 $t = \frac{T}{2} \sim T$ 内做圆周运动的轨迹半径为 R_2 , 则有

$$qv\frac{B}{2} = m\frac{v^2}{R_2}, \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{解得 } R_2 = \frac{2mv}{qB}; \quad (2 \text{ 分})$$

(2) 同理可得, 粒子 $t = 0 \sim \frac{T}{2}$ 内做圆周运动的轨迹半径为 $R_1 = \frac{mv}{qB}$, 周

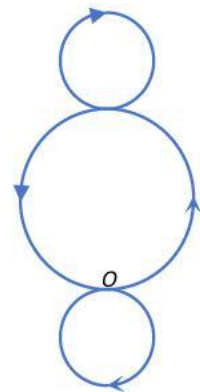
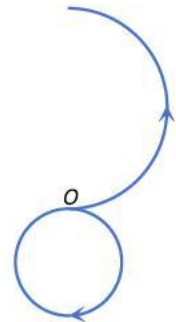
$$\text{期为 } T_1 = \frac{2\pi R_1}{v} = \frac{2\pi m}{qB} \quad (2 \text{ 分})$$

$$\text{在 } t = \frac{T}{2} \sim T \text{ 内粒子做圆周运动的周期为 } T_2 = \frac{2\pi R_2}{v} = \frac{4\pi m}{qB} \quad (2 \text{ 分})$$

$t = 0 \sim T$ 内粒子在 xOy 平面内的运动轨迹如右图所示, 则 $t=T$ 时刻粒子的位置坐标为 $(-2R_2,$

$$0, 0), \text{ 即 } (-\frac{4mv}{qB}, 0, 0); \quad (2 \text{ 分})$$

(3) $t = 0 \sim 2T$ 内粒子在 xOy 平面内的投影运动轨迹如右图所示, 故粒子再次回到 z 轴的时刻为 $t = 2nT$ 或 $t = 2nT + T_1$,



(2分)

$0 \sim t$ 内粒子在竖直方向的位移为 $h = \frac{1}{2}gt^2$, (2分)

t 时刻粒子的位置坐标为 $(0, 0, -h)$, 其中

$$h = \frac{1}{2}g(2nT)^2 = \frac{32n^2\pi^2m^2g}{q^2B^2}, \text{ 其中 } n=1, 2, 3\cdots \quad (2\text{分})$$

或 $h = \frac{1}{2}g(2nT + T_1)^2 = \frac{2\pi^2m^2g}{q^2B^2}(4n+1)^2$, 其中 $n=0, 1, 2\cdots$ (2分)