

(2) 对 A 受力分析如图, 其中 $N_2' = N_2$

则 C 对 A 的摩擦力 $f = 2mg \sin 30^\circ + N_2' \cos 30^\circ$ 2 分

得 $f = 1.5mg$ 1 分

方向沿斜面向上.....1 分

14. (1) 篮球在飞行过程中距 A 点的最大高度 $h = \frac{(v_0 \sin 60^\circ)^2}{2g}$ 2 分

解得: $h = 3.6 \text{ m}$ 1 分

(2) 离 AB 连线最远时, 篮球速度与 AB 平行, 由于篮球在水平方向上做匀速直线运动, 则 $v \cos 30^\circ = v_0 \cos 60^\circ$ 1 分

得 $v = 4\sqrt{2} \text{ m/s}$ 1 分

(3) 水平方向 $x = v_0 \cos 60^\circ t$ 2 分

竖直方向 $y = v_0 \sin 60^\circ t - \frac{1}{2}gt^2$ 2 分

又 $\tan 30^\circ = \frac{y}{x}$ 1 分

得 $t = \frac{4\sqrt{2}}{5} \text{ m/s}$

AB 间距离为 $s = \sqrt{x^2 + y^2}$ 1 分

得 $s = 6.4 \text{ m}$ 1 分

15. (1) 在 Q 端, 根据牛顿第二定律 $3mg - mg = \frac{mv_Q^2}{r}$ 2 分

解得 $v_Q = 2 \text{ m/s}$

从 P 端到 Q 端, 动能定理, 可得 $mg \frac{r}{2} = \frac{1}{2}mv_Q^2 - \frac{1}{2}mv_P^2$ 2 分

解得 $v_P = \sqrt{2} \text{ m/s}$

滑至 P 端时的竖直分速度为 $v_{Px} = v_P \cos 60^\circ$ 1 分

又因为 $v_{Px} = v_0$

解得 $v_0 = \frac{\sqrt{2}}{2} \text{ m/s}$ 1 分

(2) 由 (1) 分析可知, 滑块第一次到达 Q 端速度 $v_Q = 2 \text{ m/s}$, 可知小滑块先匀速至 S 端, 滑上水平轨道后减速, 直到被弹簧反向弹回, 再次进入传送带, 在传送带上继续减速, 设在传送带向左减速的位移为 x , 则由动能定理:

$$-\mu mg \cdot (2d + x) = 0 - \frac{1}{2}mv_1^2 \quad \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$$

解得 $x = \frac{6}{7}m < 1m$ 1 分 小滑块不会从传送带左端滑出。

随后向右加速，由运动的对称性，运动到 S 端后时的速度与刚才从右端滑上传送带时的速度大小相等，即小滑块每次进出传送带动能相等，相当于小滑块的动能只在 ST 段消耗，滑块在 ST 段上走过的总路程为 s ，根据功能关系

$$\mu mgs = \frac{1}{2}mv_1^2 \quad \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$$

解得 $s = 2m$ 1 分

由于 $N = \frac{s}{d}$ ，得 $N = 3.5$ 1 分

所以小滑块最终静止的位置与传送带右端 S 间的距离 $d' = \frac{d}{2}$

$$d' = \frac{2}{7}m \quad \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$$

(3) 分析得只返回传送带一次，由于第一次小滑块匀速通过传送带，电动机对传送带没多做功，从第一次向左经过 S 端到第二次向右经过 S 端，根据对称性，传送带对地位移 $s_1 = v_1t$ 1 分

$$t = \frac{v_s - (-v_s)}{\mu g} \quad \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$$

$$-\mu mg \cdot 2d = \frac{1}{2}m_s^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 \quad \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$$

则电动机对传送带多做的功即摩擦力对传送带做的功的大小为

$$W = |\mu mgs_1| \quad \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$$

联立解得： $W = \frac{8\sqrt{21}}{7}J$ 1 分