

## 2025 届高三年级 4 月份模拟考

### 物理参考答案及解析

#### 一、单项选择题

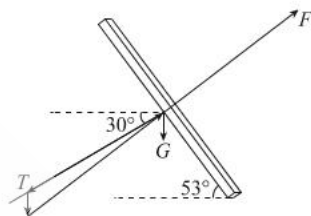
1. A **【解析】**处于  $n=3$  能级的氢原子发生电离所需要的光子能量只需大于 1.51 eV 即可,因为紫外线的光子能量一定大于 3.11 eV,故 A 项正确;原子核受激发向低能级跃迁时辐射出  $\gamma$  射线,故 B 项错误;氢原子从  $n=3$  能级向  $n=2$  能级跃迁时会辐射出 1.89 eV 的光子,其能量大于红外光子的能量,故 C 项错误;氢原子从  $n=4$  能级向低能级跃迁时最多可辐射出 6 种不同频率的光,光子能量分别为 12.75 eV、12.09 eV、10.2 eV、2.55 eV、1.89 eV、0.66 eV,这其中属于可见光范围的只有由  $n=3$  能级向  $n=2$  能级跃迁辐射出的光子能量为 1.89 eV 的光和由  $n=4$  能级向  $n=2$  能级跃迁辐射出的光子能量 2.55 eV 的光,因为只有一个氢原子,所以无法同时发生,故 D 项错误。

2. B **【解析】**因为物块恰好静止在斜面上,所以  $mg\sin\theta = \mu mg\cos\theta$ ,解得  $\mu = \tan\theta$ ,故 A 项错误;设物块到达 B 点时的速度为  $v$ ,拉力作用在物块上时加速度大小为  $a_1$ ,撤去拉力后加速度大小为  $a_2$ ,则有  $v = a_1 t, v - \frac{v}{3} = 2a_2 t$ ,解得  $a_1 = 3a_2$ ,根据受力分析得  $F - mg\sin\theta - \mu mg\cos\theta = ma_1, mg\sin\theta + \mu mg\cos\theta = ma_2$ ,解得  $F = 8mg\sin\theta$ ,故 B 项正确;A、B 两点间的距离  $x_{AB} = \frac{vt}{2}$ ,B、C 两点间的距离  $x_{BC} = \frac{(v + \frac{v}{3})2t}{2} = \frac{4vt}{3}$ ,所以  $x_{AB} = \frac{3}{8}x_{BC}$ ,故 C 项错误;设物块从 B 点到停下的时间为  $t'$ , $v = a_2 t'$ ,解得  $t' = 3t$ ,则物块从 A 点开始运动到最终停下所需要的时间为  $t_{\text{总}} = 4t$ ,故 D 项错误。

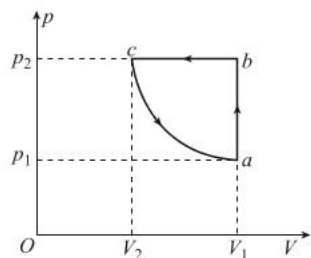
3. B **【解析】**卫星绕星球做匀速圆周运动,有  $G \frac{Mm}{(2R)^2} = m \frac{v^2}{2R}$ ,对星球表面质量为  $m_0$  的物体有  $G \frac{Mm_0}{R^2} = m_0 g$ ,联立解得  $g = \frac{2v^2}{R}$ ,B 项正确。

4. D **【解析】** $\Delta t$  时间内撞击风筝的空气质量为  $m =$

$\rho S v \Delta t \sin 53^\circ = \frac{4}{5} \rho S v \Delta t$ ,根据动量定理可得  $F \Delta t = m v \sin 53^\circ$ ,解得  $F = \frac{16 \rho S v^2}{25}$ ,故 A、B 项错误;风筝表面受力分析如图所示,根据正弦定理得  $\frac{F}{\sin 120^\circ} = \frac{T}{\sin 53^\circ}$ ,可得  $T = \frac{8\sqrt{3}}{15} F = \frac{128\sqrt{3} \rho S v^2}{375}$ ,故 C 项错误,D 项正确。

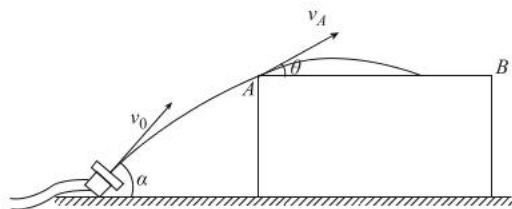


5. C **【解析】** $b \rightarrow c$  过程中,气体的压强不变,体积减小,则温度降低,气体分子平均动能减小,则单位时间内撞击单位面积器壁的分子数增多,A 项错误; $c \rightarrow a$  过程,图线斜率一定,气体的温度不变,B 项错误;画出  $p-V$  图像, $a \rightarrow b \rightarrow c$  过程中,外界对气体做功  $W = p_2(V_1 - V_2)$ , $a, c$  状态温度相同, $\Delta U = 0$ ,根据热力学第一定律  $\Delta U = W + Q$ ,可知  $Q = -W = -p_2(V_1 - V_2)$ ,C 项正确; $a \rightarrow b \rightarrow c \rightarrow a$  过程中,外界对气体做功,对应图像中围成面积, $\Delta U = 0$ ,则气体放出热量,D 项错误。



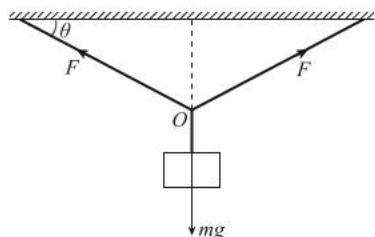
6. C **【解析】**由水枪喷出的质量为  $\Delta m$  的水,从喷出至落到 AB 边的过程,由动能定理可得  $-\Delta mgh = \frac{1}{2} \Delta m v_1^2 - \frac{1}{2} \Delta m v_0^2$ ,解得  $v_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} v_0$ ,水击中平台的速度大小相同,A 项错误; $\alpha$  角越大,水抛物线轨迹最高点越高,在空中的运动时间越长,B 项错误;水在 AB

边上的落点距 A 点最远时, 轨迹如图所示, 研究水从 A 点落到平台上, 设时间为  $t$ , 水平方向有  $v_A \cos \theta \cdot t = x$ , 竖直方向有  $v_A \sin \theta = g \cdot \frac{t}{2}$ ,  $v_A = v_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} v_0$ , 解得  $x = \frac{2v_A^2 \sin \theta \cos \theta}{g} = \frac{v_A^2 \sin 2\theta}{g}$ , 当  $\theta = 45^\circ$  时, 有  $x_{\max} = \frac{v_A^2}{g} = \frac{v_0^2}{2g}$ , C 项正确; 当  $\theta = 45^\circ$  时, 水在 AB 边上的落点距 A 点最远, 此时  $\alpha > 45^\circ$ , D 项错误。



7. D 【解析】 $0 \sim t_0$  时间内, 牵引力做的功  $W = F \cdot \frac{1}{2} at^2$ , 所以  $\frac{W}{t} = F \cdot \frac{1}{2} at$ , 故  $P = \frac{1}{2} Fat_0$ ,  $t_0$  时刻, 汽车牵引力的功率  $P_{\text{牵}} = F \cdot at_0 = 2P$ , 故 A 项错误;  $\frac{t_0}{2} \sim t_0$  时间内, 牵引力做的功  $W' = Pt_0 - \frac{1}{2} P \frac{t_0}{2} = \frac{3}{4} Pt_0$ , 故  $\bar{P} = \frac{W'}{\frac{t_0}{2}} = \frac{3}{2} P$ , 故 B 项错误;  $0 \sim t_0$  时间内, 由图像可得  $k = \frac{P}{t_0} = \frac{1}{2} Fa$ ,  $a = \frac{2P}{Ft_0}$ , 由牛顿第二定律可得  $F - f = ma$ , 解得  $f = F - \frac{2mP}{Ft_0}$ , 故 C 项错误; 汽车匀速行驶时,  $F_{\text{牵}} = f$ , 所以  $P_{\text{牵}} = f \cdot v_m$ , 所以  $v_m = \frac{2P}{f} = \frac{2PFt_0}{F^2 t_0 - 2mP}$ , D 项正确。

8. B 【解析】因为重物系在弹性绳中点, 则半根绳的劲度系数变为  $2k$ , 如图所示, 设弹性绳与水平方向的夹角为  $\theta$ , 则左侧半根弹性绳伸长量为  $\Delta L = \frac{L}{2\cos \theta} - \frac{L}{2}$ , 此时弹性绳上的弹力为  $F = 2k\Delta L$ , 由受力分析得  $F \sin \theta = \frac{1}{2} mg$ , 解得  $\theta = 37^\circ$ ,  $\Delta L = 0.125 \text{ m}$ , 则整根弹性绳伸长量为  $0.25 \text{ m}$ , 故 B 项正确。



## 二、多项选择题

9. BCD 【解析】带电粒子在 M 点保持静止, 说明 M 点合电场强度为零, 负点电荷与圆环在 M 点产生的电场强度大小相等、方向相反, 所以圆环带负电, 故 A 项错误; 设圆环所带电荷量大小为  $Q_1$ , 将圆环无限细分为  $n$  段, 每一小段都可以看做一个点电荷  $q = \frac{Q_1}{n}$ , 则圆环在 M 点产生的电场强度大小  $E_1 = \frac{nkq}{(\frac{L}{2})^2 + L^2}$

$\times \frac{L}{\sqrt{(\frac{L}{2})^2 + L^2}}$ , 负点电荷在 M 点产生的电场强度

大小  $E_2 = \frac{kQ}{L^2}$ , 由  $E_1 = E_2$  可得  $Q_1 = \frac{5\sqrt{5}Q}{8}$ , 故 B 项正

确; 移走负点电荷, 圆环在 MO 间电场方向沿  $x$  轴正方向, 在 O 点右侧电场方向沿  $x$  轴负方向, O 点的电场强度为零。带电粒子从 M 点向  $x$  轴正方向运动, 粒子带正电, 在 MO 间电场力做正功, 到 O 点右侧电场力做负功, 在 O 点粒子的动能最大, 故 C 项正确; 在  $x$  轴负半轴, 从 O 点开始圆环产生的电场强度先增大后减小, 根据数学知识可知, 电场强度最大值在距离 O 点  $\frac{\sqrt{2}}{4} L$  处, 所以从 M 点向  $x$  轴负方向运动, 粒子的加速度将一直减小, 故 D 项正确。

10. AC 【解析】设  $a$ 、 $b$  端输入电压为  $U_0$ , 原、副线圈两端电压分别为  $U_1$ 、 $U_2$ , 匝数分别为  $n_1$ 、 $n_2$ , 电流分别为  $I_1$ 、 $I_2$ , 滑片  $T$  不动, 滑片  $P$  上移,  $\frac{n_1}{n_2}$  不变, 负载电阻变大, 则原线圈中的电流  $I_1$  变小, 定值电阻  $R_1$  分压减小, 原线圈两端电压  $U_1$  增大, 由  $U_2 = \frac{n_2}{n_1} U_1$  可得  $U_2$  增大, 故 A 项正确; 由  $U_0 = U_1 + I_1 R_1$ ,  $U_2 = \frac{n_2}{n_1} U_1$  可得  $U_2 = \frac{n_2}{n_1} U_0 - \frac{n_2}{n_1} I_1 R_1$ , 所以  $\frac{\Delta U}{\Delta I} = \frac{n_2}{n_1} R_1$  不变, 故 C 项正确; 滑片  $P$  不动, 滑片  $T$  上移, 则  $n_2$  增大。将变压器包括负载电阻等效为一个电阻, 等效电阻  $R_{\text{等效}} = (\frac{n_1}{n_2})^2 (R_2 + R_3)$ ,  $n_2$  增大, 等效电阻减小, 总电阻减小, 电流表的示数增大, 故 B 项错误; 因  $R_1$  与  $R_{\text{等效}}$  大小关系未知, 所以等效电阻减小, 变压器的输出功率变化情况不确定, 故 D 项错误。

11. CD 【解析】对活塞  $b$  受力分析, 沿斜面方向有  $p_B S$

$= p_0 S + mg \sin \theta$ , 可得  $p_B = p_0 + \frac{mg \sin \theta}{S} = 1.5 \times 10^5 \text{ Pa}$ , A 项错误; 在活塞  $b$  碰到气缸卡口之前, 将活塞  $a$ 、 $b$  与之间弹簧、气体  $B$  看作整体, 对整体受力分析, 沿斜面方向有  $p_A S = p_0 S + 2mg \sin \theta$ , 可得  $p_A = p_0 + \frac{2mg \sin \theta}{S} = 2 \times 10^5 \text{ Pa}$ , 缓慢加热气体, 气体  $A$  做等压变化, 体积变大, 温度升高, 气体  $B$  的压强不变, 体积不变, 温度不变, B 项错误; 在活塞  $b$  碰到气缸顶端后, 继续加热, 弹簧被压缩, 气体  $B$  发生等温变化, 设初状态气体  $B$  的体积为  $V_0$ , 当弹簧压缩  $0.1 \text{ m}$  时, 气体  $B$  的体积变为原来的  $\frac{3}{4}$ , 对气体  $B$  有  $p_B V_0 = p_B' \cdot \frac{3}{4} V_0$ , 解得  $p_B' = 2 \times 10^5 \text{ Pa}$ , C 项正确; 弹簧的弹力  $F = kx = 2 \text{ N}$ , 此时气体  $A$  的压强  $p_A' = p_B' + \frac{mg \sin \theta}{S} + \frac{F}{S} = 2.6 \times 10^5 \text{ Pa}$ , 对气体  $A$  有  $\frac{p_A V_0}{T} = \frac{p_A' (2V_0 + \frac{V_0}{4})}{T'}$ , 解得  $T' = 585 \text{ K}$ , D 项正确。

12. BD **【解析】** 设回路中电流为  $I$ , 导体棒  $ab$ 、 $cd$  的加速度大小分别为  $a_1$ 、 $a_2$ , 由牛顿第二定律可得  $2mg \sin \theta - 2BIL \cos \theta = 2ma_1$ ,  $mg \sin \theta - BIL \cos \theta = ma_2$ , 可知, 任意时刻  $a_1 = a_2$ , 则任意时刻两导体棒速度大小都相等。两导体棒释放位置距水平面高度相同, 所以当导体棒  $cd$  到达右侧倾斜导轨底端时, 导体棒  $ab$  也恰好到达左侧倾斜导轨底端, 速度大小也是  $v$ , 故 A 项错误; 导体棒  $ab$  进入水平导轨时, 两导体棒产生的总电动势  $E = 2BLv$ , 回路中电流大小为  $I = \frac{E}{3R} = \frac{2BLv}{3R}$ , 故 B 项正确; 两导体棒在水平导轨上运动过程中, 所受合外力为零, 二者速度同时, 相距最近。由动量守恒定律得  $2mv - mv = 3mv_{共}$ , 解得  $v_{共} = \frac{1}{3}v$ , 故 C 项错误; 两导体棒在倾斜导轨运动过程中, 通过导体棒  $ab$  的电荷量  $q_1 = \frac{\Delta \Phi}{3R} = \frac{2B \cos \theta \times L \times \frac{h}{\sin \theta} + B \cos \theta \times L \times \frac{h}{\sin \theta}}{3R}$ , 解得  $q_1 = \frac{\sqrt{3}BLh}{R}$ , 两导体棒在水平导轨运动到共速过程, 对导

体棒  $ab$ , 由动量定理得  $-BL \sum i \Delta t = 2mv_{共} - 2mv$ ,  $q_2 = \sum i \Delta t$ , 解得  $q_2 = \frac{4mv}{3BL}$ , 则上述过程中, 通过导体棒  $ab$  的电荷量  $q = q_1 + q_2 = \frac{\sqrt{3}BLh}{R} + \frac{4mv}{3BL}$ , 故 D 项正确。

### 三、非选择题

13. (1) AD (2 分)

(2) 10.30 (1 分) 632 (1 分)

(3) C (2 分)

**【解析】** (1) 条纹比较模糊可能是单双缝不平行导致的, 毛玻璃屏是用来承接干涉条纹的, 故 A 项正确, B 项错误; 减小单双缝间距并不能改变条纹间距, C 项错误; 光源各部分的相位差是不稳定的, 不能形成干涉条纹, 单缝的作用就是选定光源中的相位差恒定的部分, 从而形成干涉条纹, D 项正确。

(2) 由图乙可得  $x_1 = 10 \text{ mm} + 15 \times 0.02 \text{ mm} = 10.30 \text{ mm}$ , 条纹间距  $\Delta x = \frac{x_2 - x_1}{4} = \frac{L}{d} \lambda$ , 故  $\lambda = 632 \text{ nm}$ 。

(3) 透明薄片相当于增大光程, 光程差为 0 的点将向下移动, 故中央亮纹向  $P$  点下侧移动, C 项正确。

14. (1) ① C (1 分)

②  $40 \mu\text{A}$  (1 分)

(2)  $\frac{5c}{b-a}$  (2 分)  $\frac{ac}{b-a}$  (2 分)

(3)  $<$  (2 分)

**【解析】** (1) ① 电阻箱  $R_1$  要能控制电路总电流几乎保持不变, 应选择接入阻值远大于电流表内阻的电阻箱, 故选 C。

② 当通过电阻箱  $R_2$  的电流是电流表示数的 4 倍时, 说明量程扩大了 5 倍, 则电流表的示数  $I = \frac{1}{5} \times 200 \mu\text{A} = 40 \mu\text{A}$ 。

(2) 根据闭合电路欧姆定律可得  $E = 5I(R_1 + r)$ , 整理可得  $R_1 = \frac{E}{5} \times \frac{1}{I} - r$ , 结合图线可得  $\frac{E}{5} = \frac{c}{b-a}$ , 解得  $E = \frac{5c}{b-a}$ , 将  $E = \frac{5c}{b-a}$  代入  $c = \frac{E}{5}b - r$ , 解得  $r = \frac{ac}{b-a}$ 。

(3) 在扩大电流表量程过程中, 当保持电阻箱  $R_1$  阻

值不变,闭合开关  $S_2$ ,电阻箱  $R_2$  接入电路后,电路总电阻会变小,总电流会变大,所以扩大的量程倍数大于 5。在进行橙汁电池电动势计算时存在系统误差,电动势的实际值  $E_{\text{真}} > \frac{5c}{b-a}$ 。

15.【解析】(1)由图乙可知质点的振动方程为

$$y = -0.2 \sin 2\pi t (\text{cm}) \quad (1 \text{分})$$

$$\text{由 } y_Q = 0.1 \text{ cm 得 } t = \frac{11}{12} \text{ s, 所以 } x_Q = \frac{11}{12} \lambda = \frac{11}{3} \text{ m} \quad (1 \text{分})$$

$$\text{又波速 } v = \frac{\lambda}{T} = 4 \text{ m/s} \quad (1 \text{分})$$

故质点 Q 第一次到达波峰的时间

$$t' = \frac{x_Q - x_P}{v} = \frac{1}{6} \text{ s} \quad (1 \text{分})$$

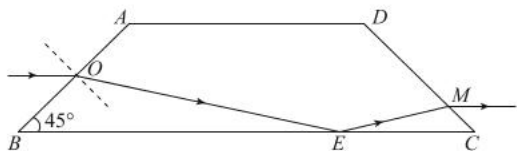
(2)质点在平衡位置附近平均速度较大,故由振动方程  $y = -0.2 \sin 2\pi t (\text{cm})$  可知

从平衡位置经  $\frac{1}{8} T$  质点走过的路程为

$$s = 0.2 \sin \frac{\pi}{4} \text{ cm} = 0.1\sqrt{2} \text{ cm} \quad (2 \text{分})$$

所以质点 P 振动过程中,任意 0.25 s 内所走过的最大路程为  $s_{\text{max}} = 2s = 0.2\sqrt{2} \text{ cm}$  (2分)

16.【解析】(1)光路图如图所示 (3分)



(2)根据几何关系可知  $\triangle BOE \sim \triangle CME$ , 则  $\frac{BO}{BE} =$

$$\frac{CM}{CE} \quad (1 \text{分})$$

$$BE + EC = 2\sqrt{2}L \quad (1 \text{分})$$

$$\text{解得 } BE = \frac{8\sqrt{2}L}{5}, EC = \frac{2\sqrt{2}L}{5}$$

在  $\triangle BOE$  中,  $\cos \angle B = \frac{BO^2 + BE^2 - OE^2}{2BO \cdot BE}$ , 可得  $OE = 2L$  (1分)

$$\frac{BE}{\sin(90^\circ + \beta)} = \frac{OE}{\sin 45^\circ}, \text{解得 } \cos \beta = \frac{4}{5} \quad (1 \text{分})$$

$$\text{由折射定律可得 } n_2 = \frac{\sin 45^\circ}{\sin \beta} = \frac{5\sqrt{2}}{6} \quad (1 \text{分})$$

17.【解析】(1)物块 A 能在竖直面内做圆周运动,轨迹半径为  $20d$ ,设物块 A 的初速度为  $v_0$ ,质量为  $m$ ,第一圈到达最高点时最小速度为  $v_1$ ,在最高点时,由重力提供向心力得

$$mg = m \frac{v_1^2}{20d} \quad (1 \text{分})$$

物块 A 从最低点到最高点,由动能定理得

$$-mg \cdot 40d = \frac{1}{2}mv_1^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 \quad (1 \text{分})$$

$$\text{解得 } v_0 = 10\sqrt{gd} \quad (1 \text{分})$$

(2)物块 A 获得(1)问中的最小速度后,将做圆周运动,分析可知,物块 A 在同一个圆周运动中,绳子所受拉力最大值出现在最低点且以 P 为圆心,假设物块 A 在  $n$  圈后的最低点绳子的拉力达到最大值  $33mg$ ,此时速度为  $v_2$ ,分析可知此时物块 A 做圆周运动的半径为

$$L = (20 - 2n)d$$

由牛顿第二定律得

$$33mg - mg = m \frac{v_2^2}{L} \quad (1 \text{分})$$

由动能定理得

$$-mg \cdot 2nd = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 \quad (1 \text{分})$$

$$\text{解得 } n = 9, v_2 = 8\sqrt{gd}$$

因此,绳子恰好在物块 A 运动 9 圈时的最低点断开,之后物块 A 沿切线进入圆弧轨道,设到达 M 点时速度为  $v_3$ ,由平抛运动的末速度分解得

$$v_3 = \frac{v_2}{\cos 37^\circ} = 10\sqrt{gd} \quad (1 \text{分})$$

由动能定理得

$$mgR(1 - \cos 37^\circ) = \frac{1}{2}mv_1^2 - \frac{1}{2}mv_3^2 \quad (1 \text{分})$$

$$\text{解得 } R = 50d \quad (1 \text{分})$$

(3)当物块 A 滑上木板 B 后,对物块 A 和木板 B 组成的系统分析,物块 A 做匀减速运动,木板 B 做匀加速运动,设他们的加速度大小分别为  $a_1$  和  $a_2$ ,则

$$\mu mg = ma_1$$

$$\mu mg = 3ma_2 \quad (1 \text{分})$$

设木板第一次到达挡板时速度为  $v$ ,有

$$v^2 = 2a_2 \cdot 2d$$

$$\text{可得 } v = \frac{\sqrt{30gd}}{5} \quad (1 \text{分})$$

此时物块 A 的速度为  $v_5$ , 因为物块 A 的加速度是木板 B 的 3 倍, 则

$$v_5 = v_1 - 3v$$

$$\text{可得 } v_5 = \frac{7\sqrt{30gd}}{5} \quad (1 \text{ 分})$$

此时, 物块 A 的速度依然大于木板 B, 又因为木板 B 与挡板 C 发生弹性碰撞, 则木板 B 与挡板撞击后原速率返回, 速度减为 0 时, 物块 A 的速度设为  $v_6$ , 则

$$v_6 = v_5 - 3v = \frac{4\sqrt{30gd}}{5}$$

当木板 B 再一次加速到挡板时, 速度依然为  $v$ , 此时物块 A 的速度减为  $v_7$

$$v_7 = v_6 - 3v = \frac{\sqrt{30gd}}{5} = v$$

此时, 物块 A 和木板 B 共速, 木板 B 将继续与挡板相撞后原速率返回, 并最终共同以速度  $v_8$  向左运动, 物块 A 将不会从木板 B 上掉落, 由动量守恒定律得

$$3mv - mv = (m + 3m)v_8 \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{解得 } v_8 = \frac{\sqrt{30gd}}{10}$$

此过程中, 物块 A 始终相对于木板 B 向右运动, 若想物块 A 不从木板 B 上掉落, 木板 B 的最小长度为物块 A 相对于木板 B 运动的总路程大小  $x$ , 由能量守恒定律得

$$\mu mgx = \frac{1}{2}mv_1^2 - \frac{1}{2}(m + 3m)v_8^2 \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{解得 } x = 66d \quad (1 \text{ 分})$$

18. 【解析】(1) 设粒子前半周期沿  $y$  轴方向的加速度大小为  $a_1$ , 后半周期沿  $y$  轴方向的加速度大小为  $a_2$

前半周期粒子在  $y$  轴方向的位移为

$$\Delta y = \frac{1}{2}a_1\left(\frac{T}{2}\right)^2 \quad ①$$

由题意, 后半周期粒子在  $y$  轴方向位移为

$$-\Delta y = a_1 \frac{T}{2} \cdot \frac{T}{2} - \frac{1}{2}a_2\left(\frac{T}{2}\right)^2 \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{由 } ①② \text{ 得 } \frac{a_1}{a_2} = \frac{1}{3} \quad (1 \text{ 分})$$

$$\begin{aligned} \text{又带电粒子在匀强电场中的加速度 } a &= \frac{qE}{m}, \text{ 所以 } \frac{E_1}{E_2} \\ &= \frac{1}{3} \quad (1 \text{ 分}) \end{aligned}$$

(2)(i)  $\frac{T}{2}$  末粒子速度与  $x$  轴正方向的夹角正切值为  $\frac{1}{2}$ , 则  $v_y = \frac{1}{2}v_0$

$$\frac{T}{2} \text{ 末, } v_y = a_1 \frac{T}{2} \quad (1 \text{ 分})$$

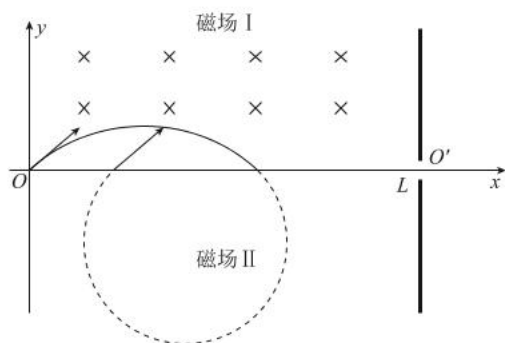
经过一个周期从坐标原点  $O$  进入磁场区域

$$v_y' = a_1 \frac{T}{2} - a_2 \frac{T}{2} \quad (1 \text{ 分})$$

由 ③④⑤ 得粒子在原点  $O$  时沿  $y$  轴正方向的分速度  $v_y' = v_0$  (1 分)

所以粒子在原点  $O$  进入磁场时速度大小为  $\sqrt{2}v_0$ , 方向与  $y$  轴正方向成  $45^\circ$  角

粒子在磁场中运动轨迹如图所示



由粒子第一次在两个磁场中运动的时间相等, 有

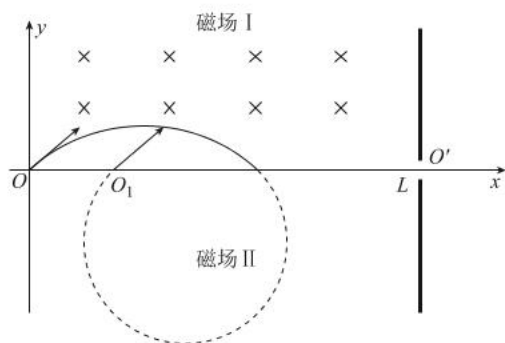
$$\frac{1}{4}T_1 = \frac{3}{4}T_2 \quad (1 \text{ 分})$$

粒子在磁场中做匀速圆周运动, 有  $qvB = m \frac{v^2}{R}$

$$\text{周期 } T = \frac{2\pi R}{v} = \frac{2\pi m}{qB} \quad (7)$$

$$\text{由 } ⑥⑦ \text{ 可得 } k = \frac{B_2}{B_1} = 3 \quad (1 \text{ 分})$$

(ii) 当  $k$  值为 2 时,  $R_1 = 2R_2$ ,  $T_1 = 2T_2$ , 粒子在一个周期内运动轨迹如图所示



由题意可知  $|OO_1| = \sqrt{2}(R_1 - R_2)$  ⑧ (1分)

带电粒子在磁场 I 中做匀速圆周运动, 半径为

$$R_1 = \frac{\sqrt{2}mv_0}{qB_0} \text{ ⑨} \quad (1分)$$

设完整周期次数为  $N$ , 由恰好从  $O'$  点飞离挡板有

$$N|OO_1| + \sqrt{2}R_1 = L \text{ ⑩} \quad (1分)$$

$$\text{由 ⑧ ⑨ ⑩ 得 } N = \frac{qB_0L}{mv_0} - 2 \quad (1分)$$

带电粒子在 I、II 磁场中运动的总时间

$$t_{\text{总}} = N\left(\frac{1}{4}T_1 + \frac{3}{4}T_2\right) + \frac{1}{4}T_1$$

$$\text{代入已知数据得 } t_{\text{总}} = \frac{\pi(5qB_0L - 8mv_0)}{4qB_0v_0} \quad (1分)$$

(3) 带电粒子在薄板右侧区域的运动是沿  $x$  轴正方向的匀速直线运动和垂直  $xOy$  面的匀速圆周运动的合成 (1分)

要满足最终从  $x$  轴上某点离开该磁场, 则圆周必为整数个周期 (1分)

$$\text{由 } R' = \frac{mv_0}{qB_0}, T = \frac{2\pi m}{qB_0}$$

该磁场区域的圆柱体的最小体积

$$V_{\text{min}} = \pi(2R')^2 \cdot v_0 T = \frac{8\pi^2 m^3 v_0^3}{q^3 B_0^3} \quad (1分)$$