

# 高三年级 4 月质量检测 · 物理

## 参考答案、提示及评分细则

### 1. 【答案】A

【解析】根据衰变前后电荷数,质量数守恒,衰变方程为  ${}^{242}_{96}\text{Cm} \rightarrow {}^{238}_{94}\text{Pu} + {}^4_2\text{He}$ , 则  $a=2, b=4$ , A 正确; 高速运动的  ${}^4_2\text{He}$  粒子形成的  $\alpha$  射线, 电离作用很强, 穿透能力较弱, B 错误; 衰变的快慢可用半衰期表示, 半衰期由原子核本身决定, 与温度等外部因素无关, C 错误;  ${}^{242}_{96}\text{Cm}$  的核子数更多, 所以比  ${}^{238}_{94}\text{Pu}$  的结合能大, D 错误.

### 2. 【答案】C

【解析】调节滑动变阻器的滑片, 使微安表的示数减小为 0, 此时电压表的示数为  $U$ , 可知此时所加电压为反向电压, 则 K 板带正电, A 板带负电,  $b$  端为电源正极,  $a$  端为电源负极, A 错误; 根据  $E_k = eU_c$  可得两种光照下逸出的光电子的最大初动能之比  $E_{k1} : E_{k2} = U_{c1} : U_{c2} = 1 : 3$ , B 错误; 据  $h\nu - W = E_{km}$  可得  $\frac{2.64 \text{ eV} - W}{7.56 \text{ eV} - W} = \frac{1}{3}$ , 求得逸出功  $W = 0.18 \text{ eV}$ , C 正确; 若保持入射光的频率不变, 增大入射光的强度, 逸出的光电子最大初动能不变, 则遏止电压不变, D 错误.

### 3. 【答案】D

【解析】带电粒子运动的初速度  $v_0$  相同, 粒子 1 的水平位移为粒子 2 的 2 倍, 由  $t = \frac{L}{v_0}$  可知, 运动时间之比为  $t_1 : t_2 = 2 : 1$ , A 错误; 竖直方向粒子做初速度为 0 的匀加速直线运动, 满足  $y = \frac{1}{2}at^2$ , 根据牛顿第二定律有  $qE = ma$ , 由两式解得  $q = \frac{2ym}{Et^2}$ , 所以它们所带的电荷量之比  $q_1 : q_2 = 1 : 8$ , B 错误; 电势能的减小量等于电场力做的功即  $\Delta E = qEy$ , 因为  $y_1 : y_2 = 1 : 2, q_1 : q_2 = 1 : 8$ , 所以电场力做功之比为  $1 : 16$ , 它们电势能减少量之比  $\Delta E_1 : \Delta E_2 = 1 : 16$ , C 错误; 根据动量定理有, 动量增量  $\Delta p = qEt, t_1 : t_2 = 2 : 1, q_1 : q_2 = 1 : 8$ , 则动量增量之比  $\Delta p_1 : \Delta p_2 = 1 : 4$ , D 正确.

### 4. 【答案】C

【解析】由题意可知两棒受摩擦力和安培力均等大反向, 则两棒组成的系统受合外力为零, 动量守恒, A 错误; 设向右为正方向, 则系统初动量  $2mv_0 - m \cdot 2v_0 = 0$ , 则末动量为零,  $ab$  棒克服安培力与摩擦力所做的总功为  $\frac{1}{2}mv_0^2$ , 无法求出其克服安培力所做的功, B 错误; 两棒同时停止, 即两棒运动时间相等, 设为  $t$ , 流过导体棒  $cd$  的电荷量为  $q = \bar{I}t = \frac{\bar{E}}{3r}t = \frac{\Delta\Phi}{3r} = \frac{BL}{3r} \frac{d}{2} = \frac{BLd}{6r}$ , C 正确; 由系统动量守恒  $2mv_0 - m \cdot 2v_0 = 0$  可知  $2m\bar{v}_1t - m \cdot 2\bar{v}_2t = 0$ , 即  $2mx_1 - mx_2 = 0$ , 即  $x_2 = 2x_1$ , 导体棒  $ab$  运动的距离  $x_1 = \frac{d}{6}$ , D 错误.

### 5. 【答案】B

【解析】根据多用电表内部结构, 电流从红表笔流入、黑表笔流出, 可知  $a$  孔插黑表笔, A 错误; 设欧姆表使用电源的电动势为  $E$ , 欧姆表的总内阻为  $R_{\text{内}}$ , 由闭合电路的欧姆定律可得  $3 \times 10^{-3} \text{ A} = \frac{E}{R_{\text{内}} + 500 \Omega}$ ,  $8 \times 10^{-3} \text{ A} = \frac{E}{R_{\text{内}} + 100 \Omega}$ , 联立解得  $R_{\text{内}} = 140 \Omega, E = 1.92 \text{ V}$ , B 正确; 该表盘中  $6 \text{ mA}$  刻度对应的电阻值

为  $R_x'$ , 由闭合电路欧姆定律可得  $I' = \frac{E}{R_x' + R_{\text{内}}}$ , 其中  $R_{\text{内}} = 140 \Omega$ ,  $E = 1.92 \text{ V}$ ,  $I' = 6 \text{ mA}$ , 解得  $R_x' = 180 \Omega$ , C 错误; 电池用久了, 若电动势不变而内阻增大, 则欧姆调零后, 使电流表满偏, 即指针指到最右端, 根据  $R_{\text{内}} = \frac{E}{I_g}$  可知仍可以准确测量电阻, D 错误.

6. 【答案】D

【解析】出现两次引力最大值, 即卫星运动一周, 故卫星的周期为  $t$ , 则卫星从 A 到 B 的时间小于  $\frac{1}{4}t$ , A 错误; 卫星在近地点 B 时有  $\frac{GMm}{r_1^2} = 9F$ , 卫星在远地点时有  $\frac{GMm}{r_2^2} = F$ , 联立解得  $\frac{r_2}{r_1} = \frac{3}{1}$ , B 错误; 根据开普勒第二定律, 卫星在近地点 B 与远地点 D 时有  $v_1 \cdot \Delta t \cdot r_1 = v_2 \cdot \Delta t \cdot r_2$ , 联立解得卫星在近地点 B 与远地点 D 的速度之比为  $\frac{v_1}{v_2} = \frac{3}{1}$ , C 错误; 由已知条件知近地点 B 到地心的距离为  $r_1 = 2R$ , 卫星的周期为  $T = t$ , 该卫星的半长轴为  $4R$ , 结合开普勒第三定律知  $\frac{GMm}{(4R)^2} = m \cdot 4R \cdot \frac{4\pi^2}{T^2}$ , 解得  $M = \frac{256\pi^2 R^3}{Gt^2}$ , 由万有引力等于重力, 有  $\frac{GMm}{R^2} = mg$ , 解得  $g = \frac{GM}{R^2} = \frac{256\pi^2 R}{t^2}$ , 地球的第一宇宙速度为  $v_1 = \sqrt{gR} = \frac{16\pi R}{t}$ , D 正确.

7. 【答案】D

【解析】下落的过程中, 重力做功不等于 0, 根据  $P = \frac{W}{t}$  可知, 重力的平均功率不为 0, A 错误; 设半径为  $R$ , 根据  $mgR\cos\alpha = \frac{1}{2}mv^2$ ,  $N - mg\cos\alpha = m\frac{v^2}{R}$ , 解得  $N = 3mg\cos\alpha$ , 当  $\alpha = 60^\circ$  时,  $N = \frac{3}{2}mg$ , B 错误; 当  $\alpha = 30^\circ$  时, 由动能定理有  $mgR\sin 60^\circ = \frac{1}{2}mv^2$ , 则小球的向心加速度大小  $a_1 = \frac{v^2}{R} = \sqrt{3}g$ , 小球沿切线方向的加速度大小  $a_2 = \frac{mg\cos 60^\circ}{m} = \frac{1}{2}g$ , 故小球的加速度大小为  $a = \sqrt{a_1^2 + a_2^2} = \frac{\sqrt{13}}{2}g$ , C 错误; 重力功率最大时, 小球在竖直方向的分速度应该达到最大值, 可知此时竖直方向合力为 0, 因此  $N\cos\alpha = mg$ , 结合  $mgR\cos\alpha = \frac{1}{2}mv^2$ ,  $N - mg\cos\alpha = m\frac{v^2}{R}$ , 解得  $\cos\alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}$ , D 正确.

8. 【答案】BD

【解析】 $t = 1.5 \text{ s}$  时, P 点开始振动, 可知波速  $v = \frac{PS_1}{t} = \frac{3}{1.5} \text{ m/s} = 2 \text{ m/s}$ , 周期为  $T = \frac{2\pi}{\omega} = 0.5 \text{ s}$ , 则波长  $\lambda = vT = 1 \text{ m}$ , 波源  $S_2$  传播到 P 点的时间  $t' = \frac{PS_2}{v} = \frac{5}{2} \text{ s} = 2.5 \text{ s}$ , 则波源  $S_2$  传播到 P 点之前 P 点振幅为  $10 \text{ cm}$ , 振动了  $\Delta t = t' - t = 1 \text{ s} = 2T$ , 所以波源  $S_2$  传播到 P 点之前 P 点的路程为  $s_1 = 8A = 80 \text{ cm}$ , 两波源到 P 点的波程差  $\Delta x = 5 \text{ m} - 3 \text{ m} = 2 \text{ m} = 2\lambda$ , 所以波源  $S_2$  传播到 P 点后 P 点为振动加强点, 振幅为  $A' = 2A = 20 \text{ cm}$ , 波源  $S_2$  传播到 P 点后 P 点又振动了  $\Delta t' = 3 \text{ s} - t' = 0.5 \text{ s} = 1T$ , 波源  $S_2$  传播到 P 点后 P 点的路程为  $s_2 = 4A' = 80 \text{ cm}$ , 则  $0 \sim 3 \text{ s}$  内, P 点运动的路程为  $s = s_1 + s_2 = 160 \text{ cm}$ , A 错误, B 正确; 两列波到 P 的波程差为  $2 \text{ m}$ , 到 O 的波程差也为  $2 \text{ m}$ , 因此 O、P 都是振动加强点, C 错误, D 正确.

9. 【答案】AD

【解析】水银柱全部在粗管中, 上下长度为  $L$ , 根据题意水银柱对应的压强为  $0.2p_0$ , 当水银柱刚好全部进入细管中, 水银柱的上下长度为  $3L$ , 水银柱对应的压强为  $0.6p_0$ , 由理想气体状态方程可得  $\frac{1.2p_0 \times 4L}{T_0} = \frac{(0.6p_0 + p_0) \times 5L}{T_1}$ , 解得  $T_1 = \frac{5T_0}{3}$ , A 正确; 水银柱从粗管缓慢溢进细管过程中, 气体压强

增大, B 错误; 气体的温度缓慢由  $T_1$  变成  $2T_0$  的过程中, 设气体体积的增加量为  $\Delta V$ , 气体做等压变化, 则有  $\frac{\Delta V}{2T_0 - T_1} = \frac{5L \times 3S}{T_1}$ , 解得  $\Delta V = 3LS$ , 即水银柱移动的距离为  $3L$ , C 错误; 根据功的定义可得气体对外界做的功  $W = (0.6p_0 + p_0)\Delta V$ , 解得  $W = 4.8p_0LS$ , 气体吸收的热量为  $Q$ , 根据热力学第一定律可知气体增加的内能为  $Q - 4.8p_0LS$ , D 正确.

10. 【答案】ACD

【解析】 $F$  未作用时, 设压缩量为  $x_0$ , 对  $AB$  由平衡条件有  $kx_0 = 2mg\sin\alpha$ , 由题图乙可知  $F$  作用瞬间,  $AB$  加速度大小为  $a = \frac{3}{16}g$ , 此时对  $AB$  有  $F - 2mg\sin\alpha + kx_0 = 2ma$ , 联立解得  $F = \frac{3}{8}mg$ , A 正确;  $AB$  分离瞬间,  $AB$  间弹力为 0, 且二者加速度相等, 对  $A$  有  $mg\sin\alpha - F = ma_0$ , 对  $B$  有  $mg\sin\alpha - k(x_0 - l) = ma_0$ , 联立解得  $k = \frac{5mg}{8l}$ ,  $a_0 = \frac{1}{8}g$ , B 错误, C 正确; 从  $F$  作用到  $AB$  分离过程, 结合  $v^2 - v_0^2 = 2ax$  可知题图乙“面积”表示“ $\frac{1}{2}v^2$ ”的改变量, 则有  $\frac{a - a_0}{2} \times l = \frac{1}{2}v^2$ , 解得  $AB$  分离时的速度  $v$  满足  $v^2 = \frac{gl}{16}$ ,  $AB$  分离后, 对  $A$  有  $mg\sin\alpha - F = ma'$ , 解得  $a' = \frac{1}{8}g$ ,  $A$  还能继续沿斜面向上运动  $x = \frac{v^2}{2a'} = \frac{l}{4}$ , D 正确.

11. 【答案】

(1) A (2 分)

(2)  $\frac{5md^2}{8t^2}$  (2 分)     $\frac{mgh}{2}$  (2 分)

(3)  $\frac{4g}{5d^2}$  (2 分)

【解析】(1) 由题意知, 此时若直接释放物块  $B$ , 则遮光条不能通过光电门, 应向上调节光电门位置, A 正确, C 错误; 向下调节  $B$  的位置不会改变绳长, 遮光条依旧不通过光电门, B 错误.

(2) 物块  $B$  经过该光电门时的速度为  $v = \frac{d}{t}$ , 从释放点下落至遮光条通过此光电门中心时, 系统动能的增加量为  $\Delta E_k = \frac{1}{2}mv_A^2 + \frac{1}{2}mv_B^2$ , 其中  $v_B = 2v_A = \frac{d}{t}$ , 化简可得  $\Delta E_k = \frac{5md^2}{8t^2}$ , 系统重力势能的减少量为  $\Delta E_p = mgh - mg \frac{h}{2} = \frac{mgh}{2}$ .

(3) 若系统机械能守恒, 由机械能守恒定律得  $\Delta E_k = \Delta E_p$ , 解得  $\frac{1}{t^2} = \frac{4g}{5d^2}h$ , 由  $\frac{1}{t^2} - h$  该图像的斜率为  $k$ , 在实验误差允许范围内  $k = \frac{4g}{5d^2}$ , 则验证了机械能守恒定律.

12. 【答案】

(1) AC (1 分)    F (1 分)

(2) 2 (1 分)    B (1 分)

(3) 3.64 (1 分)    0.55 (1 分)

(4) 2.73 (1 分)    1651.65 (1 分)

【解析】(1) 定值电阻  $R_0$  有保护电源的作用, 且由于电源内阻很小, 则根据闭合电路的欧姆定律有  $U = E - I(r + R_0)$ , 可知加了定值电阻后, 回路中电阻增大, 电流变化时使电压表的示数变化会更明显, 故选 AC. 电池的电动势约为  $3.6\text{ V}$ , 电流表达达到最大电流  $0.9\text{ A}$  时, 电路中的最小电阻为  $R_{\min} = \frac{E}{I_m} = \frac{3.6}{0.9}\Omega = 4\Omega$ , 电池的内阻约为几百毫欧, 所以定值电阻选  $R_2 = 4\Omega$ , 如果定值电阻选  $R_1 = 20\Omega$ , 电路中

的最大电流为  $I_m = \frac{E}{R_1} = \frac{3.6}{20} \text{ A} = 0.18 \text{ A}$ , 最大电流还达不到电流表量程的三分之一, 电流测量范围太小, 故选 F.

(2) 开关 S 接 2 时由于电压表的分流作用, 电流的测量值小于真实值, 电压表示数为零时分流电流为零, 即短路电流是准确的, 可知导致电源电动势与内阻的测量值都小于真实值,  $U-I$  图线应为  $b$ ; 系统误差来源于电压表的分流作用.

(3) 将单刀双掷开关 S 的选择开关掷向 1 时测出的电动势  $E$  是准确的, 则准确的电动势为  $E = U_2 = 3.64 \text{ V}$ ; 将单刀双掷开关 S 的选择开关掷向 2 时为电流表外接法, 引起误差的原因是电压表的分流, 但是当电压表示数为 0 时, 电压表不分流, 所以图线  $b$  与横轴的交点为准确的短路电流, 则准确的短路电流为  $I_1 = 0.80 \text{ A}$ , 又因为在电路中连入了定值电阻  $R_2 = 4 \Omega$ , 所以  $r' = \frac{U_2}{I_1}$ , 其中  $r' = r + R_2$ , 解得电源准确的内阻为  $r = 0.55 \Omega$ .

(4) 根据闭合电路欧姆定律可知图线  $a$  的斜率  $k_2 = \frac{U_2}{I_2} = r' + R_A$ , 联立  $r' = \frac{U_2}{I_1}$ , 可求得  $R_A = \frac{U_2}{I_2} - \frac{U_2}{I_1}$ , 代入数据得  $R_A = 2.73 \Omega$ ; 图线  $b$  的斜率  $k_2 = \frac{U_1}{I_1} = \frac{R_V r'}{R_V + r'}$ , 联立  $r' = \frac{U_2}{I_1}$ , 可求得  $R_V = \frac{U_1 U_2}{I_1 (U_2 - U_1)}$ , 代入数据得  $R_V = 1651.65 \Omega$ .

13. 【解析】(1) 设折射角为  $\beta$ , 在  $\triangle DOC$  中,  $OD = \frac{\sqrt{3}}{3}R$ ,  $OC = R$ , 由几何关系可得  $DC = \sqrt{OD^2 + OC^2} =$

$$\frac{2\sqrt{3}}{3}R, \text{ 则 } \sin \beta = \frac{OD}{DC} = \frac{1}{2} \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{即 } \beta = 30^\circ$$

$$\text{根据折射定律得 } n = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$$

$$\text{代入已知条件可得 } n = \sqrt{2} \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{由全反射临界角 } \sin C = \frac{1}{n}$$

$$\text{可知 } C = 45^\circ \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{设 } s \text{ 为路程, 由正弦定理得 } \frac{R}{\sin 60^\circ} = \frac{s}{\sin 75^\circ}$$

$$\text{解得 } s = \frac{(3\sqrt{2} + \sqrt{6})}{6}R$$

$$\text{由激光在玻璃砖中的速度 } v = \frac{c}{n} \quad (1 \text{ 分})$$

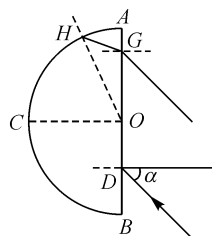
$$\text{解得 } t = \frac{s}{v} = \frac{(3 + \sqrt{3})}{3c}R \quad (2 \text{ 分})$$

(2) 全反射临界角  $C = 45^\circ$ , 如图所示,  $\angle OHG = C = 45^\circ$

$$\text{根据正弦定理可知 } \frac{OG}{\sin C} = \frac{OH}{\sin (90^\circ + \beta)} \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{则 } OG = \frac{\sqrt{6}}{3}R \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{则 } DG = OD + OG = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{6}}{3}R \quad (2 \text{ 分})$$



14. 【解析】(1) 根据题意, 画出粒子的运动轨迹如图所示. 设粒子在磁场中做圆周运动的半径为  $R$ , 由几何关系有  $R = R \cos 60^\circ + l$

$$\text{解得 } R = 2l \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{由牛顿第二定律有 } qv_0 B = m \frac{v_0^2}{R} \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{解得 } v_0 = \frac{2qBl}{m}$$

$$\text{粒子在磁场中运动的周期 } T = \frac{2\pi R}{v_0} \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{粒子在磁场中运动的时间 } t_1 = \frac{T}{6}$$

$$\text{解得 } t_1 = \frac{\pi m}{3qB} \quad (1 \text{ 分})$$

$$(2) \text{ 负点电荷应在轨迹的圆心处, 由牛顿第二定律可知 } \frac{q}{3} v_0 B + k \cdot \frac{qq_0}{3R^2} = m \frac{v_0^2}{R} \quad (2 \text{ 分})$$

$$\text{解得 } q_0 = \frac{16qB^2 l^3}{mk} \quad (2 \text{ 分})$$

(3) 由题意可知, 粒子从  $N$  点离开, 仅在点电荷  $q_0$  的作用下运动, 粒子所需要的向心力为  $m \frac{v_0^2}{R}$ , 大于点电荷提供的库仑力, 因此粒子无法做匀速圆周运动, 即电荷从  $N$  点离开磁场后绕点电荷  $q_0$  做椭圆运动

设第一次出现速度方向与  $N$  点速度方向相反的位置距离圆周运动圆心的距离为  $d$ , 椭圆运动的半长轴可表示为  $a = \frac{R+d}{2}$  (1分)

$$\text{轴可表示为 } a = \frac{R+d}{2} \quad (1 \text{ 分})$$

粒子从  $N$  点射出磁场, 到速度第一次出现方向与  $N$  点速度方向相反, 所用时间为椭圆运动的半个周期, 类比开普勒第三定律, 在库仑力作用下半长轴为  $a$  的椭圆运动与半径为  $a$  的圆周运动的周期相同, 由牛顿第二定律得  $k \frac{qq_0}{3a^2} = m \frac{4\pi^2}{(2t_2)^2} a$  (1分)

$$\text{同, 由牛顿第二定律得 } k \frac{qq_0}{3a^2} = m \frac{4\pi^2}{(2t_2)^2} a \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{可得 } a = 4l, d = 6l \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{由能量守恒定律得 } \frac{1}{2} m v_0^2 - \frac{q}{3} \cdot \frac{kq_0}{R} = \frac{1}{2} m v_{\min}^2 - \frac{q}{3} \cdot \frac{kq_0}{d} \quad (2 \text{ 分})$$

$$\text{解得 } v_{\min} = \frac{2qBl}{3m} \quad (1 \text{ 分})$$

15. 【解析】(1) 物块  $P$  与长木板  $Q$  组成的系统动量守恒  $m_1 v = (m_1 + m_2) v_{\text{共}}$  (1分)

$$\text{解得 } v_{\text{共}} = 4 \text{ m/s}$$

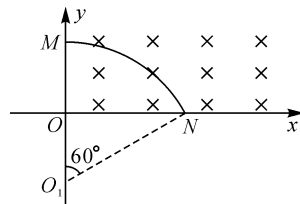
$$\text{根据能量守恒得 } \mu m_1 g L = \frac{1}{2} m_1 v^2 - \frac{1}{2} (m_1 + m_2) v_{\text{共}}^2 \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{解得 } L = 2 \text{ m} \quad (1 \text{ 分})$$

(2) 物块  $P$  第一次与长木板  $Q$  共速后, 长木板  $Q$  与滑块 1 发生弹性碰撞, 根据动量守恒和机械能守恒得  $m_2 v_{\text{共}} = m_2 v_1 + m v_0$  (1分)

$$\frac{1}{2} m_2 v_{\text{共}}^2 = \frac{1}{2} m_2 v_1^2 + \frac{1}{2} m v_0^2 \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{解得 } v_0 = 2 \text{ m/s} \quad (1 \text{ 分})$$



(3) 根据动量守恒定律得  $mv_0 = nmv_n$

解得第  $n$  个滑块被碰撞后瞬间的速度大小为  $v_n = \frac{1}{n}v_0$  (1 分)

对第一个滑块受力分析, 由牛顿第二定律得  $Eq = ma$  (1 分)

解得  $a = \frac{qE}{m}$

由运动学公式得  $v_1^2 - v_0^2 = 2al$

解得滑块在第一次碰撞前的速度大小为  $v_1 = \sqrt{v_0^2 + \frac{2qEl}{m}}$  (1 分)

滑块 1 与 2 碰撞过程中, 由动量守恒定律得  $mv_1 = 2mv_1'$  (1 分)

解得  $v_1' = \frac{1}{2}\sqrt{v_0^2 + \frac{2qEl}{m}}$

由能量守恒定律可知, 滑块在第一次碰撞过程中损失的机械能为  $E_{\text{损}} = \frac{1}{2}mv_1^2 - \frac{1}{2} \times 2mv_1'^2$  (1 分)

解得  $E_{\text{损}} = \frac{1}{4}mv_0^2 + \frac{1}{2}qEl$

代入数据得  $E_{\text{损}} = 8 \text{ J}$  (1 分)

(4) 第二次碰前, 滑块的速度大小为  $v_2^2 - v_1'^2 = 2al$

解得  $v_2 = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 \left(v_0^2 + \frac{2qEl}{m}\right) + \frac{2qEl}{m}}$  (1 分)

第二次碰撞过程中, 由动量守恒定律得  $2mv_2 = 3mv_2'$

可得第二次碰撞后滑块的速度大小为  $v_2' = \frac{2}{3}v_2$

则  $v_2'^2 = \left(\frac{2}{3}\right)^2 \left[\left(\frac{1}{2}\right)^2 \left(v_0^2 + \frac{2qEl}{m}\right) + \frac{2qEl}{m}\right]$

整理可得  $v_2'^2 = \left(\frac{1}{3}\right)^2 v_0^2 + \frac{1^2 + 2^2}{3^2} \cdot \frac{2qEl}{m}$

同理, 第三次碰撞后有  $v_3'^2 = \left(\frac{1}{4}\right)^2 v_0^2 + \frac{1^2 + 2^2 + 3^2}{4^2} \cdot \frac{2qEl}{m}$

...

第  $n$  次碰撞后  $v_n'^2 = \left(\frac{1}{n+1}\right)^2 v_0^2 + \frac{1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2}{(n+1)^2} \cdot \frac{2qEl}{m}$  (1 分)

第  $n$  次碰撞后结合在一起的滑块的总动能为  $E_{\text{k总}} = \frac{1}{2}(n+1)mv_n'^2$  (1 分)

化简得  $E_{\text{k总}} = \frac{mv_0^2}{2(n+1)} + \frac{1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2}{n+1} \cdot qEl = \frac{mv_0^2}{2(n+1)} + \frac{n(2n+1)}{6} \cdot qEl$

代入数据得  $E_{\text{k总}} = \frac{6}{(n+1)} + \frac{5n(2n+1)}{3}$  (J) (2 分)