

物理试题参考答案及评分标准

2025. 11

一、单项选择题:本题共 8 小题,每小题 3 分,共 24 分。每小题只有一个选项符合题目要求。

1. C 2. A 3. C 4. A 5. B 6. B 7. D 8. D

二、多项选择题:本题共 4 小题,每小题 4 分,共 16 分。每小题有多个选项符合题目要求。

全部选对得 4 分,选对但不全得 2 分,有选错的得 0 分。

9. AC 10. AD 11. ACD 12. BD

三、非选择题:本题共 6 小题,共 60 分。

13. (6 分)(1)3.0 (2) $g = \frac{3(R+H)^2}{R^2} (R+H) \sqrt{\frac{3}{R}}$

14. (8 分)(1)4.917(4.915~4.918 都对) (2)小于 不需要 (3) $\frac{1}{\Delta t_1} - \frac{1}{\Delta t_2} = \frac{1}{\Delta t_3}$

评分标准:每空 2 分。

15. (8 分)

解:(1)当电动平衡车达到最高速度匀速行驶时 $P_e = kmgv_m$

解得 $k = 0.1$ (1 分)

因 OM 段图线为倾斜直线,此阶段平衡车做匀加速直线运动,且当 $v_1 = 3\text{m/s}$ 时功率达

到额定功率,故 $\frac{P_e}{v_1} - kmg = ma_1$ (1 分)

代入数据解得 $a_1 = 1\text{m/s}^2$ (1 分)

匀加速运动的时间为 $t_1 = \frac{v_1}{a_1} = 3\text{s}$ (1 分)

(2)在前 3s 内平衡车的位移为 $x_1 = \frac{1}{2}a_1 t_1^2 = 4.5\text{m}$ (1 分)

而在后 12s 内平衡车做加速度减小的加速运动,由动能定理得

$P_e(15-3) - kmgx_2 = \frac{1}{2}mv_m^2 - \frac{1}{2}mv_1^2$ (1 分)

解得 $x_2 = 58.5\text{m}$ (1 分)

前 15s 内的位移为 $x = x_1 + x_2 = 63\text{m}$ (1 分)

16. (8分)

解:(1)平抛运动

$$x = v_0 t$$

$$y = \frac{1}{2} g t^2 \quad \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

$$x^2 + y^2 = l^2 \quad \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

$$l = 0.75 \text{m} \quad \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

(2)绳子绷直瞬间后,沿绳子方向速度为 0

$$\text{垂直于绳子方向速度不变 } v_1 = v_y \cos 37^\circ - v_x \sin 37^\circ \quad \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

$$v_1 = 1.2 \text{m/s} \quad \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

(3)P 到 Q

$$mgl(1 - \sin 37^\circ) = \frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2 \quad \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

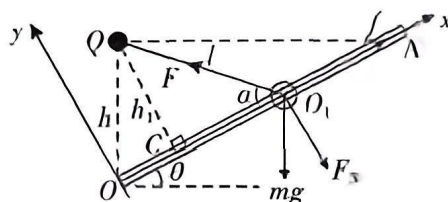
$$T - mg = \frac{m v_2^2}{l} \quad \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

$$T = 2 \text{N} \quad \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

17. (14分)

解:(1)如图所示

以 O 点为坐标原点,沿倾斜直杆 ON 向上为 x 轴正方向建立坐标系。任意选取小球 A 下滑过程中的某一位置 O_1 ,设此时弹力绳的伸长量为 l,小球 A 受到的滑动摩擦力为 f,小球 A 对倾斜直杆的压力为 F_N ,小球 A 所受弹力绳的



拉力为 F,弹力绳与倾斜直杆的夹角为 α ,孔钉 Q 到倾斜直杆的距离为 h_1 。设 $h = \frac{2mg}{k}$

$$\text{对小球 A 进行受力分析,可知 } f = \mu F_N \quad \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

$$F_N = F \sin \alpha - mg \cos \theta \quad \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

$$F = kl \quad \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

$$\text{由几何关系可得 } h_1 = l \sin \alpha = h \cos \theta \text{ 或正弦定理 } \frac{l}{\sin 60^\circ} = \frac{h}{\sin \alpha} \quad \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

$$\text{联立解得 } f = \frac{1}{2} mg \quad \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

(2)设小球 A 下滑到斜杆底端 O 点时的速度为 v_A ,小球由静止释放运动到 O 点的过程中,由动能定理可得 $-f \cdot 2h + mgh + \left[\frac{1}{2} k (\sqrt{3}h)^2 - \frac{1}{2} kh^2 \right] = \frac{1}{2} m v_A^2$ $\dots\dots\dots (1 \text{分})$

$$\text{可得 } \frac{1}{2} k (\sqrt{3}h)^2 - \frac{1}{2} kh^2 = \frac{1}{2} m v_A^2$$

由小球 A、B 发生弹性碰撞后瞬间的速度分别为 v'_A 、 v'_B ，由动量守恒定律和能量守恒定律有 $mv_A = mv'_A + 3mv'_B$ (1分)

$$\frac{1}{2}mv_A^2 = \frac{1}{2}mv_A'^2 + \frac{1}{2} \times 3mv_B'^2 \dots\dots\dots (1分)$$

$$\text{解得 } v'_A = -g\sqrt{\frac{2m}{k}}, v'_B = g\sqrt{\frac{2m}{k}}$$

下面求碰撞后小球沿杆向上运动的最大距离 A_0 ，根据动能定理：

$$0 - \frac{1}{2}m(v'_A)^2 = -mgA_0 + \left[\frac{1}{2}kh^2 - \frac{1}{2}k[h_1^2 + (A_0 - OC)^2] \right] \dots\dots\dots (1分)$$

$$0 - \frac{1}{2}m\left(g\sqrt{\frac{2m}{k}}\right)^2 = -mgA_0 + \left[\frac{1}{2}kh^2 - \frac{1}{2}k[(h\cos 30^\circ)^2 + (A_0 - h\sin 30^\circ)^2] \right]$$

$$0 - \frac{1}{2}m\left(g\sqrt{\frac{2m}{k}}\right)^2 = -mgA_0 + \left[\frac{1}{2}k\left(\frac{2mg}{k}\right)^2 - \frac{1}{2}k\left[\left(\frac{2mg\sqrt{3}}{k}\right)^2 + \left(A_0 - \frac{2mg}{k}\right)^2\right] \right]$$

$$0 - \frac{1}{2}m\frac{2mg^2}{k} = -mgA_0 + \left[\frac{2m^2g^2}{k} - \frac{3m^2g^2}{2k} - \frac{1}{2}k\left(A_0 - \frac{mg}{k}\right)^2 \right]$$

$$\frac{m^2g^2}{k} = mgA_0 - \frac{2m^2g^2}{k} + \frac{3m^2g^2}{2k} + \frac{1}{2}k\left(A_0 - \frac{mg}{k}\right)^2$$

$$\frac{3m^2g^2}{2k} = mgA_0 + \frac{1}{2}k\left(A_0 - \frac{mg}{k}\right)^2 = mgA_0 + \frac{1}{2}k\left(A_0^2 - 2A_0\frac{mg}{k} + \frac{m^2g^2}{k^2}\right)$$

$$= mgA_0 + \frac{1}{2}kA_0^2 - mgA_0 + \frac{m^2g^2}{2k} = \frac{1}{2}kA_0^2 + \frac{m^2g^2}{2k}$$

$$\frac{1}{2}kA_0^2 = \frac{m^2g^2}{k} \dots\dots\dots (1分)$$

$$\text{解得 } A_0 = \frac{\sqrt{2}mg}{k} \dots\dots\dots (1分)$$

小球碰撞后由 O 点沿杆向上运动，此时摩擦力向下，设小球碰撞后由 O 点沿杆向上运动到某点 P 时 $\angle QPN = \beta$ (P 点在 OC 之间时 $\beta < 90^\circ$ ，P 点在 CN 之间时 $\beta > 90^\circ$)， $x = OP$ ，小球沿杆受到的合力

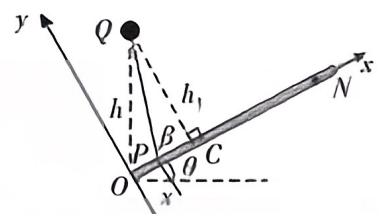
$$F_{\text{合}} = kl\cos\beta - \left(mg\sin 30^\circ + \frac{1}{2}mg\right) = kl\cos\beta - mg \dots\dots\dots (1分)$$

$$= k(OC - x) - mg$$

$$= k(h\cos 60^\circ - x) - mg$$

$$= k\frac{2mg}{k} - kx - mg$$

$$= -kx \dots\dots\dots (1分)$$



因此,该简谐振动的表达式为: $x = \frac{\sqrt{2}mg}{k} \sin\left(\sqrt{\frac{k}{m}}t\right)$ (1分)

18. (16分)

解:(1)设 t_1 时刻 A 碰到弹簧,对整体有 $(F_1+F_2) - \mu_1(m_1+m_2)g = (m_1+m_2)a_1$... (1分)

代入数据解得 $a_1 = 2 + t_1$ (m/s²) (1分)

由题意知当 A 刚碰到弹簧时 A、B 刚要发生相对滑动,对 B 有 $F_2 + \mu_2 m_2 g = m_2 a_1$... (1分)

解得 $t_1 = 2s$

由于 AB 整体的加速度随时间线性增加,故 t_1 时刻 A 的速度 $v_1 = \frac{2+4}{2} \times 2 = 6m/s$... (1分)

(2)撤去外力,木板 A 压缩弹簧过程中, A 与 B 恰好发生相对滑动时

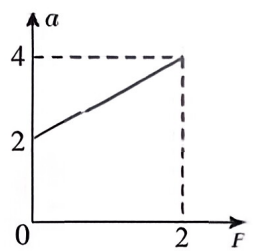
对 B: $\mu_2 m_2 g \geq m_2 a_2$ (1分)

解得: $a_2 \leq \mu_2 g = 4m/s^2$

对 A: $\mu_1(m_1+m_2)g + kx_1 - \mu_2 m_2 g = m_1 a_2$ (1分)

对 AB 整体: $\frac{1}{2}(m_1+m_2)v_1^2 = \mu_1(m_1+m_2)g \cdot x_1 + \frac{1}{2}kx_1^2$ (1分)

解得: $k \leq \frac{5}{6}N/m, x_1 = 7.2m$ (1分)



(3)撤去外力后, A 与 B 一起压缩弹簧,因为 $k = 3N/m > \frac{5}{6}N/m$. 再次要发生相对滑动时

弹簧形变量为 x_2 , A 与 B 的速度为 v_2 .

对 B 有 $\mu_2 mg = m_2 a_2$ (1分)

解得 $a_2 = \mu_2 g = 4m/s^2$

对整体有 $\mu_1(m_1+m_2)g + kx_2 = (m_1+m_2)a_2$ (1分)

解得 $x_2 = 2m$ (1分)

根据能量关系有 $\frac{1}{2}(m_1+m_2)v_1^2 = \frac{1}{2}(m_1+m_2)v_2^2 + \mu_1(m_1+m_2)g \cdot x_2 + \frac{1}{2}kx_2^2$ (1分)

解得 $v_2^2 = 26(m/s)^2$ (1分)

滑动后,设弹簧最短时的形变量为 x_3 ,单独对 A 分析有

$\frac{1}{2}m_1 v_2^2 + \mu_2 m_2 g \cdot (x_3 - x_2) = \mu_1(m_1+m_2)g \cdot (x_3 - x_2) + \frac{1}{2}kx_3^2 - \frac{1}{2}kx_2^2$ (1分)

解得 $x_3 = \frac{2+\sqrt{94}}{3}m$ (1分)

此时弹簧的弹力 $F = kx_3 = (2+\sqrt{94})N$ (1分)