



沿垂直于板面方向偏移的距离

$$y = \frac{v_y}{2} t \dots\dots\dots(1 \text{分})$$

解得

$$t = d \sqrt{\frac{m}{2qU}}, \quad v_y = \frac{3}{4} \sqrt{\frac{2qU}{m}}, \quad y = \frac{3}{8} d \dots\dots\dots(1 \text{分})$$

(3) 质子在平行金属板 C、D 间运动时有

$$v_y = at \dots\dots\dots(1 \text{分})$$

根据牛顿第二定律有

$$Eq = ma \dots\dots\dots(1 \text{分})$$

$$E = \frac{U'}{d} \dots\dots\dots(1 \text{分})$$

解得

$$U' = \frac{3}{2} U \dots\dots\dots(1 \text{分})$$

15.解 (1) 小球开始时做平抛运动，，到 A 点时速度方向沿 AB 方向（与水平方向夹角  $\theta = 60^\circ$ ）。设到达 A 点时竖直速度为  $v_y$ ，水平速度始终为  $v_0 = \sqrt{6} \text{ m/s}$ 。

由速度方向关系可得：

$$\tan 60^\circ = \frac{v_y}{v_x} \dots\dots\dots(1 \text{分})$$

$$v_y = 3\sqrt{2} \text{ m/s} \dots\dots\dots(1 \text{分})$$

竖直方向是自由下落，得：

$$v_y^2 = 2gh \dots\dots\dots(1分)$$

$$h = 0.9 \text{ m} \dots\dots\dots(1分)$$

(2)从水平抛出到 C 点的过程中, 由动能定理得:

$$mg(h + L_1 \sin\theta) - \mu mgL_1 \cos\theta - \mu mgL_2 = \frac{1}{2}mv_C^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 \dots\dots\dots(3分)$$

代入数据解得:

$$v_C = 3\sqrt{6} \text{ m/s} \dots\dots\dots(2分)$$

(3)小球刚刚过最高点时, 重力提供向心力, 则:

$$mg = \frac{mv^2}{R_1} \dots\dots\dots(1分)$$

$$\frac{1}{2}mv_C^2 = 2mgR_1 + \frac{1}{2}mv^2 \dots\dots\dots(1分)$$

代入数据解得

$$R_1 = 1.08 \text{ m} \dots\dots\dots(1分)$$

当小球刚能到达与圆心等高时

$$\frac{1}{2}mv_C^2 = mgR_2 \dots\dots\dots(1分)$$

代入数据解得

$$R_2 = 2.7 \text{ m} \dots\dots\dots(1分)$$

当圆轨道与 AB 相切时

$$R_3 = BC \cdot \tan 60^\circ = 1.5 \text{ m} \dots\dots\dots(1分)$$

即圆轨道的半径不能超过 1.5 m

综上所述: 要使小球不离开轨道, R 应该满足的条件是

$$0 \leq R \leq 1.08 \text{ m} \dots\dots\dots(1分)$$