

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	A	B	B	C	A	D	B	BC	AC	BD

11. 【答案】 ①. $\frac{4\pi^2}{T^2}\left(l+\frac{d}{2}\right)$ ②. 大于 ③. 改变悬线长度，重复几次实验，利用 T^2-l 图像的斜率求重力加速度（或其他合理方案）

12. 【答案】 (1) ①. R_2 ②. R_3 (2) $1.5R_0$ (3) 大于 (4) 0.75

13. 【答案】 (1) 282K (2) 0.55J

【解析】 (1) 气泡在池底压强为 P_1 $P_1 = P_0 + \rho gh = 2.35 \times 10^5 \text{pa}$ 池底温度为 T_1 ;

气泡在水面压强 $P_2 = P_0 = 1.0 \times 10^5 \text{Pa}$ 温度 $T_2=300\text{K}$, 由 $\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2}$ 得 $T_1=282\text{K}$

(2) 气泡上升过程，外界对气泡做功 W , $W = -\frac{P_1+P_2}{2}(2.5V_1 - V_1) = -0.5025\text{J}$

$\Delta U = Q + W$ $Q = \Delta U - W = 0.55\text{J}$

14. 【答案】 (1) $E = \frac{mv_0^2}{2qL}$ (2) $B = \frac{mv_0}{qL}$ (3) $t = \frac{6L}{v_0} + \frac{3\pi L}{2v_0}$

【解析】 (1) 带电粒子在电场中做类平抛运动，在垂直电场方向做匀速直线运动，则有 $v_0 t_1 = 2L$

沿电场方向做匀变速直线运动，则有 $\frac{1}{2} a t_1^2 = L$

其中，在电场中，根据牛顿第二定律有 $qE = ma$

联立解得 $E = \frac{mv_0^2}{2qL}$

(2) 设粒子入射到磁场速度大小为 v ，与 y 轴夹角为 θ ，则有 $v^2 = v_0^2 + (at)^2$, $\tan \theta = \frac{at}{v_0}$ 解得 $v = \sqrt{2}v_0$, $\theta = 45^\circ$

设粒子在磁场中做匀速圆周运动的半径为 r ，则 $2L = 2r \sin \theta$ 解得 $r = \sqrt{2}L$

根据洛伦兹力提供向心力，故有 $qvB = m \frac{v^2}{r}$ 解得 $B = \frac{mv_0}{qL}$

(3) 粒子在电场中由 C 点运动到 D 点的时间为 $t_1 = \frac{2L}{v_0}$

粒子在磁场中运动周期为 $T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi L}{v_0}$

由图可知，粒子转过的圆心角为 $\alpha = 2(180^\circ - \theta) = 270^\circ$ 粒子由 D 点运动到 O 点的时间为 $t_2 = \frac{\alpha}{360^\circ} T = \frac{3\pi L}{2v_0}$

粒子在 O 点时， x 轴方向的分速度大小与 D 点的 x 轴方向的分速度大小相等，方向相反； y 轴方向的分速度大小与 C 点的 y 轴方向的分速度相同，所以粒子再次在电场中由 O 点运动到 F 点的过程，在沿 y 轴方向做匀速直线运动，沿 x 轴方向先匀减速后匀加速，根据运动的对称性可知，粒子由 O 点运动到 F 点的时间为 $t_3 = 2t_1 = \frac{4L}{v_0}$

故粒子从 C 点运动到 F 点的时间为 $t = t_1 + t_2 + t_3 = \frac{6L}{v_0} + \frac{3\pi L}{2v_0}$

15. 【答案】

【解析】(1) 因 $\mu = \frac{2\sqrt{3}}{3} > \tan\theta$ 即 $m_2 g \sin\theta < \mu m_2 g \cos\theta$ 则物块 Q 释放后保持静止

物块 P 从 a 点匀加速至 b 点的过程中, 由牛顿第二定律和运动学公式得 $m_1 g \sin\theta = m_1 a_1$

$$\text{又 } v_0^2 = 2a_1 L \quad \text{解得 } v_0 = \sqrt{gL}$$

(2) 物块 P 与物块 Q 第一次发生弹性碰撞后, 设物块 P、Q 的速度大小分别为 v_1 、 v_2 ,

$$m_1 v_0 = m_1 v_1 + m_2 v_2$$

$$\frac{1}{2} m_1 v_0^2 = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 \quad \text{解得 } v_1 = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_0, \quad v_2 = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_0$$

当 $m_1 = m_2$ 时, $v_1 = 0$, $v_2 = v_0$

物块 Q 碰后将做匀减速直线运动, 假设物块 Q 匀减速至停下前两物块未碰撞, 设该过程物块 Q 的加速度大小为 a_2 , 运动时间为 t_1 , 位移大小为 x_1 , 由牛顿第二定律和运动学公式得 $\mu m_2 g \cos\theta - m_2 g \sin\theta = m_2 a_2$

$$0 = v_2 - a_2 t_1 \quad x_1 = \frac{v_2 + 0}{2} t_1 \quad \text{解得 } t_1 = 2\sqrt{\frac{L}{g}}, \quad x_1 = L$$

物块 P 撞后将做初速度为 0 的匀加速直线运动, 在 t_1 时间内位移大小为 x_2 , 由运动学公式得 $x_2 = \frac{1}{2} a_1 t_1^2$ 解得 $x_2 = L$

即物块 Q 恰好运动至 c 点速度减为 0, 机关尚未触发, 此时物块 P 恰好也运动至 c 点, 故两物块会发生第二次弹性碰撞, 两次碰撞所间隔的时间为 $\Delta t = 2\sqrt{\frac{L}{g}}$

(3) ①当 $m_1 > m_2$ 时, 结合 (2) 的计算结果分析可得, 第一次碰撞后物块 Q 先经过 c 点, 触发机关, 物块 P 不会与物块 Q 发生第二次碰撞。假设物块 Q 与挡板 N 发生了 $n(n=1, 2, 3, \dots)$ 次碰撞后最终停在 C 点, 物块 Q 从第一次碰撞后至最终停止

运动的过程中, 由动能定理可得 $m_2 g \sin\theta \cdot L - \mu m_2 g \cos\theta \left(L + 2n \frac{L}{2} \right) = 0 - \frac{1}{2} m_2 v_2^2$ 解得 $v_2 = \sqrt{2n+1} v_0$

又因为 $v_2 < 2v_0$ 故 $n=1$ 此时 $\frac{m_1}{m_2}$ 最大, 解得 $\frac{m_1}{m_2} = 2\sqrt{3} + 3$

②当 $m_1 < m_2$ 时, 结合 (2) 计算结果分析可得, 第一次碰撞后物块 Q 沿斜面向下匀减速至 0, 物块 P 先沿斜面向上做匀减速直线运动, 再沿斜面向下做匀加速直线运动, 直至与已静止的物块 Q 再次发生碰撞, 此后重复该过程。当 $\frac{m_1}{m_2}$ 最小时, 经过无数次碰撞后, 两物块最终恰好均停在 c 点。对两物块全过程由能量守恒得 $m_1 g \cdot 2L \sin\theta + m_2 g L \sin\theta = \mu m_2 g \cos\theta \cdot L$

$$\text{解得 } \frac{m_1}{m_2} = \frac{1}{2}$$

综上, 要使得物块 Q 最终停在 C 点, $\frac{m_1}{m_2}$ 的最大值为 $2\sqrt{3} + 3$, 最小值为 $\frac{1}{2}$ 。