

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
D	B	B	C	A	C	D	A	BC	CD	BCD	AD

13. (1) 1.03m/s (2)  $mgh = \frac{1}{2}3mv^2$  (化简也对) (3) C

14. (1) C (2) 1.5V, 2500  $\Omega$  (3)  $4.5 \times 10^{-3} \text{J}$  (4.3~4.8 均正确) (每空 2 分)

15. 解: (1) 木筷静止在水中时, 设木筷在水中部分的长度为  $l_0$ , 有

$$mg = \rho g l_0 s$$

木筷在静止位置上方  $x$  处时, 以竖直向上为正方向, 合外力

$$F = \rho g (l_0 - x) s - mg$$

联立①②式得  $F = -\rho g s x$  .....① 5 分

故木筷做简谐运动。

(2) 木筷放手后做简谐运动, 有

$$x = A \cos \frac{2\pi}{T} t$$

又  $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$ , 其中  $k = \rho g s$

整理可知放手后木筷位移随时间变化的关系式为

$$x = A \cos \sqrt{\frac{\rho g s}{m}} t$$
 .....② 3 分

16 解:

(1) 设三角形某一顶点  $A'$  到圆心的距离为  $h$ , 到底部  $A$  的距离为  $s$ , 由几何关系

$$s^2 = h^2 + R^2$$

$$n = \frac{c}{v}$$

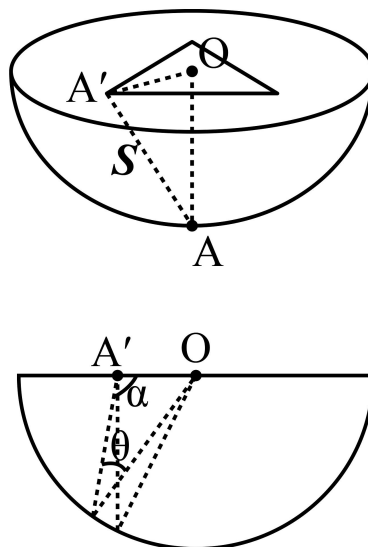
$$t = \frac{s}{v}$$

联立得光线从  $A'$  到底部  $A$  的时间

$$t = \frac{\sqrt{39}nR}{6c}$$
 .....① 4 分

(2) 由正弦定理

$$\frac{A'O}{\sin \theta} = \frac{R}{\sin \alpha}$$



$\alpha$  等于  $90^\circ$  时,  $\theta$  最大, 此时  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{6}$

$$n = \frac{1}{\sin \alpha}$$

解得  $n = 2\sqrt{3}$ , 故折射率应小于  $2\sqrt{3}$  .....②4 分

17. 解: (1) 小球从 P 到 A

$$\text{水平方向: } v_0 \cos \theta = \frac{Eq}{m} t$$

$$\text{竖直方向: } v_A = v_0 \sin \theta + gt$$

$$\text{解得 } v_A = \frac{5}{3} v_0, t = \frac{16v_0}{15g} \dots\dots\dots \text{① 4 分}$$

(2) 小球在第二、三象限运动过程中, 所受合的大小及方向

$$F = \sqrt{(mg)^2 + (Eq)^2}, \text{ 方向与水平方向的夹角为 } 53^\circ$$

当小球运动到合力与速度方向垂直时速度达到最大, 从 A 到 Q

$$mgR \cos 37^\circ + Eq(R + R \sin 37^\circ) = \frac{1}{2} mv_Q^2 - \frac{1}{2} mv_A^2$$

$$\text{解得 } v_Q = \sqrt{4gR + \frac{25}{9} v_0^2}$$

从 P 到 Q, 利用动量定理

$$I_{\text{总}} = mv_Q - m(-v_0)$$

$$\text{解得 } I_{\text{总}} = m\sqrt{4gR + \frac{25}{9} v_0^2} + mv_0 \dots\dots\dots \text{②6 分}$$

(3) 小球在第一象限运动时,  $Eq = mg$ , 故小球只受洛伦兹力, 小球运动至 x 轴最远位置时 y 方向上的分速度为零, 竖直方向利用动量定理

$$-qBv_x \Delta t = 0 - mv$$

其中  $B = ky$ , 左边微元累积

$$-(qky_1 v_1 \Delta t_1 + qky_2 v_1 \Delta t_2 + qky_3 v_1 \Delta t_3 \dots + qky_n v_1 \Delta t_n) = 0 - mv$$

$$\text{即 } -(qks_1 + qks_2 + qks_3 \dots + qks_n) = 0 - mv$$

$$\text{而 } s_1 + s_2 + s_3 \dots + s_n = s$$

$$\text{解得 } s = \frac{mv}{kq} \dots\dots\dots \text{③4 分}$$

18. 解：（1）设物块 A 到达圆弧底端的速度为  $v_{A0}$ ，由动能定理

$$m_A g R = \frac{1}{2} m_A v_{A0}^2 - \frac{1}{2} m_A v_0^2$$

解得  $v_{A0} = 12 \text{ m/s}$

A、B 相碰由动量守恒能量守恒

$$m_A v_{A0} + 0 = m_A v_{A1} + m_B v_{B1}$$

$$\frac{1}{2} m_A v_{A0}^2 + 0 = \frac{1}{2} m_A v_{A1}^2 + \frac{1}{2} m_B v_{B1}^2$$

解得  $v_{A1} = -6 \text{ m/s}$ ， $v_{B1} = 6 \text{ m/s}$  .....① 5 分

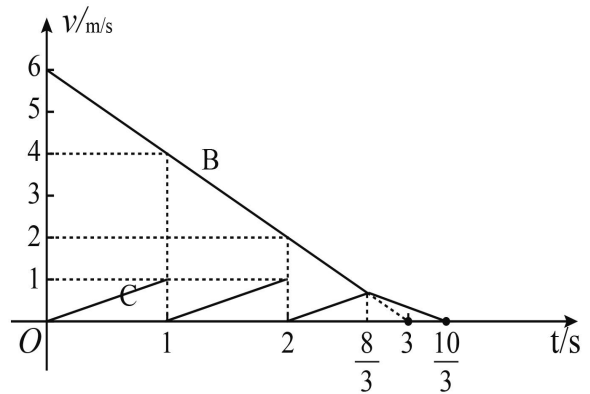
（2）物块 B 在木板 C 上滑动时

对 B： $\mu_1 m_B g = m_B a_B$

解得  $a_B = 2 \text{ m/s}^2$

对 C： $\mu_1 m_B g - \mu_2 (m_A + m_B) g = m_C a_C$

解得  $a_C = 1 \text{ m/s}^2$



设木板 C 运动到物体 D 位置时所用时间  $t_1$ ，此时 B、C 速度分别为  $v_{B2}$ 、 $v_{C1}$

$$d = \frac{1}{2} a_C t_1^2$$

$$v_{C1} = a_C t_1$$

$$v_{B2} = v_{B1} - a_B t_1$$

解得  $t_1 = 1 \text{ s}$ ， $v_{B2} = 4 \text{ m/s}$ ， $v_{C1} = 1 \text{ m/s}$

由于 C、D 质量相同，C、D 发生第一次弹性碰撞后二者交换速度

即碰后 C 的速度变为零， $v_{D1} = 1 \text{ m/s}$ ，B 接着减速，C 从零加速，D 减速

对 D： $\mu_1 m_D g = m_D a_D$

解得  $a_D = 1 \text{ m/s}^2$

D 第一次减速的位移  $x_{D1} = \frac{v_{D1}^2}{2a_D}$

解得  $x_{D1} = 0.5 \text{ m}$

C 从零加速到  $x_{D1} = 0.5 \text{ m}$  时，速度大小  $v_{C2} = 1 \text{ m/s}$ ，所用时间  $t_2 = 1 \text{ s}$

B 減速到  $v_{B3} = v_{B2} - a_B t_2$

解得  $v_{B3} = 2m/s$

由于 C、D 质量相同，C、D 发生第二次弹性碰撞后二者仍交换速度，即碰后 C 的速度变为零， $v_{D2} = 1m/s$ ，B 接着減速，C 从零加速，D 減速。D 第二次減速的位移  $x_{D2} = 0.5m$ ，设又经

过  $t_3$ ，B、C 达到共同速度  $v$ ，C 第三次加速的距离为  $x_{C3}$

$$v = v_{B3} - a_B t_3$$

$$v = a_C t_3$$

$$x_{C3} = \frac{v^2}{2a_C}$$

$$\text{解得 } t_3 = \frac{2}{3}s, \quad v = \frac{2}{3}m/s, \quad x_{C3} = \frac{2}{9}m$$

B、C 达到共同速度  $v$  后一起做匀減速运动，加速度大小为  $\mu_2 g$ ，假设与 D 不相碰，B、C

$$\text{一起停下来的位移为 } x_{C4} = \frac{v^2}{2\mu_2 g}$$

$$\text{解得 } x_{C4} = \frac{2}{9}m$$

由于  $x_{C3} + x_{C4} < x_{D2}$ ，假设成立

$$C \text{ 发生的总位移 } x_C = d + x_{D1} + x_{C3} + x_{C4}$$

$$\text{代入上述数据 } x_C = 1\frac{4}{9}m \quad \dots\dots\dots \text{②} 8 \text{ 分}$$

(3) (提示：图像的斜率代表重力做功的瞬时功率)



.....③ 3 分