

湖南省 2021 年普通高中学业水平选择性考试

物理

注意事项：

- 1.答卷前，考生务必将自己的姓名、准考证号填写在本试卷和答题卡上。
- 2.回答选择题时，选出每小题答案后，用铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑。如需改动，用橡皮擦干净后，再选涂其他答案标号。回答非选择题时，将答案写在答题卡上。写在本试卷上无效。
- 3.考试结束后，将本试卷和答题卡一并交回。

一、选择题：本题共 6 小题，每小题 4 分，共 24 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

1. 核废料具有很强的放射性，需要妥善处理。下列说法正确的是（ ）
 - A. 放射性元素经过两个完整的半衰期后，将完全衰变殆尽
 - B. 原子核衰变时电荷数守恒，质量数不守恒
 - C. 改变压力、温度或浓度，将改变放射性元素的半衰期
 - D. 过量放射性辐射对人体组织有破坏作用，但辐射强度在安全剂量内则没有伤害

【答案】D

【解析】

【分析】

【详解】A. 放射性元素的半衰期是大量的放射性元素衰变的统计规律，对少量的个别的原子核无意义，则放射性元素完全衰变殆尽的说法错误，故 A 错误；

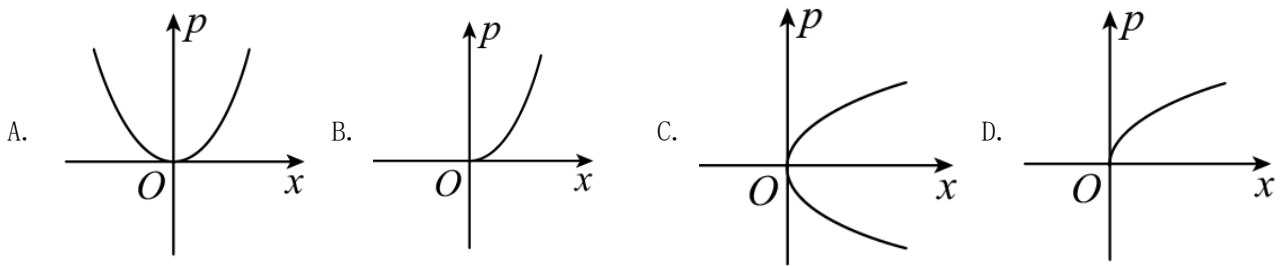
B. 原子核衰变时满足电荷数守恒，质量数守恒，故 B 错误；

C. 放射性元素的半衰期是由原子核的自身结构决定的，而与物理环境如压力、温度或浓度无关，与化学状态无关，故 C 错误；

D. 过量放射性辐射包含大量的射线，对人体组织有破坏作用，但辐射强度在安全剂量内则没有伤害，故 D 正确；

故选 D。

2. 物体的运动状态可用位置 x 和动量 p 描述，称为相，对应 $p-x$ 图像中的一个点。物体运动状态的变化可用 $p-x$ 图像中的一条曲线来描述，称为相轨迹。假如一质点沿 x 轴正方向做初速度为零的匀加速直线运动，则对应的相轨迹可能是（ ）



【答案】D

【解析】

【分析】

【详解】质点沿 x 轴正方向做初速度为零的匀加速直线运动，则有

$$v^2 = 2ax$$

而动量为

$$p = mv$$

联立可得

$$p = m\sqrt{2ax} = m\sqrt{2a} \cdot x^{\frac{1}{2}}$$

动量 p 关于 x 为幂函数，且 $x > 0$ ，故正确的相轨迹图像为 D。

故选 D。

3. “复兴号”动车组用多节车厢提供动力，从而达到提速的目的。总质量为 m 的动车组在平直的轨道上行驶。该动车组有四节动力车厢，每节车厢发动机的额定功率均为 P ，若动车组所受的阻力与其速率成正比

($F_{\text{阻}} = kv$ ， k 为常量)，动车组能达到的最大速度为 v_m 。下列说法正确的是 ()

- A. 动车组在匀加速启动过程中，牵引力恒定不变
- B. 若四节动力车厢输出功率均为额定值，则动车组从静止开始做匀加速运动
- C. 若四节动力车厢输出的总功率为 $2.25P$ ，则动车组匀速行驶的速度为 $\frac{3}{4}v_m$
- D. 若四节动力车厢输出功率均为额定值，动车组从静止启动，经过时间 t 达到最大速度 v_m ，则这一过程中

该动车组克服阻力做的功为 $\frac{1}{2}mv_m^2 - Pt$

【答案】C

【解析】

【分析】

【详解】A. 对动车由牛顿第二定律有

$$F - F_{\text{阻}} = ma$$

若动车组在匀加速启动，即加速度 a 恒定，但 $F_{\text{阻}} = kv$ 随速度增大而增大，则牵引力也随阻力增大而变大，故 A 错误；

B. 若四节动力车厢输出功率均为额定值，则总功率为 $4P$ ，由牛顿第二定律有

$$\frac{4P}{v} - kv = ma$$

故可知加速启动的过程，牵引力减小，阻力增大，则加速度逐渐减小，故 B 错误；

C. 若四节动力车厢输出的总功率为 $2.25P$ ，则动车组匀速行驶时加速度为零，有

$$\frac{2.25P}{v} = kv$$

而以额定功率匀速时，有

$$\frac{4P}{v_m} = kv_m$$

联立解得

$$v = \frac{3}{4}v_m$$

故 C 正确；

D. 若四节动力车厢输出功率均为额定值，动车组从静止启动，经过时间 t 达到最大速度 v_m ，由动能定理可知

$$4Pt - W_{F_{\text{阻}}} = \frac{1}{2}mv_m^2 - 0$$

可得动车组克服阻力做的功为

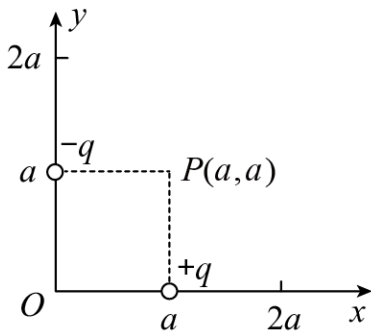
$$W_{F_{\text{阻}}} = 4Pt - \frac{1}{2}mv_m^2$$

故 D 错误；

故选 C。

4. 如图，在 $(a,0)$ 位置放置电荷量为 q 的正点电荷，在 $(0, a)$ 位置放置电荷量为 q 的负点电荷，在距

$P(a, a)$ 为 $\sqrt{2}a$ 的某点处放置正点电荷 Q ，使得 P 点的电场强度为零。则 Q 的位置及电荷量分别为 ()



A. $(0,2a), \sqrt{2}q$

B. $(0,2a), 2\sqrt{2}q$

C. $(2a,0), \sqrt{2}q$

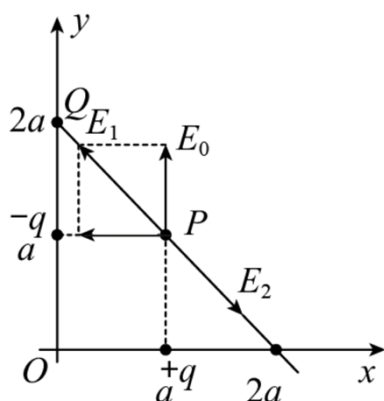
D. $(2a,0), 2\sqrt{2}q$

【答案】 B

【解析】

【分析】

【详解】



根据点电荷场强公式

$$E = k \frac{Q}{r^2}$$

两点量异种点电荷在 P 点的场强大小为

$$E_0 = \frac{kq}{a^2}, \text{ 方向如图所示}$$

两点量异种点电荷在 P 点的合场强为

$$E_1 = \sqrt{2}E_0 = \sqrt{2} \frac{kq}{a^2}, \text{ 方向与} +q \text{ 点电荷与} -q \text{ 点电荷的连线平行如图所示}$$

Q 点电荷在 p 点的场强大小为

$$E_2 = k \frac{Q}{(\sqrt{2}a)^2} = \frac{kQ}{2a^2}$$

三点电荷的合场强为 0 ，则 E_2 方向如图所示，大小有

$$E_1 = E_2$$

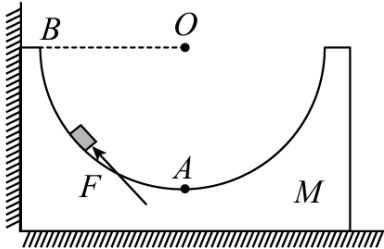
解得

$$Q = 2\sqrt{2}q$$

由几何关系可知 Q 的坐标为 $(0, 2a)$

故选 B。

5. 质量为 M 的凹槽静止在水平地面上，内壁为半圆柱面，截面如图所示，A 为半圆的最低点，B 为半圆水平直径的端点。凹槽恰好与竖直墙面接触，内有一质量为 m 的小滑块。用推力 F 推动小滑块由 A 点向 B 点缓慢移动，力 F 的方向始终沿圆弧的切线方向，在此过程中所有摩擦均可忽略，下列说法正确的是（ ）



- A. 推力 F 先增大后减小
- B. 凹槽对滑块的支持力先减小后增大
- C. 墙面对凹槽的压力先增大后减小
- D. 水平地面对凹槽的支持力先减小后增大

【答案】C

【解析】

【分析】

【详解】AB . 对滑块受力分析，由平衡条件有

$$F = mg \sin \theta$$

$$N = mg \cos \theta$$

滑块从 A 缓慢移动 B 点时， θ 越来越大，则推力 F 越来越大，支持力 N 越来越小，所以 AB 错误；

C. 对凹槽与滑块整体分析，有墙面对凹槽的压力为

$$F_N = F \cos \theta = mg \sin \theta \cos \theta = \frac{1}{2} mg \sin (2\theta)$$

则 θ 越来越大时，墙面对凹槽的压力先增大后减小，所以 C 正确；

D. 水平地面对凹槽的支持力为

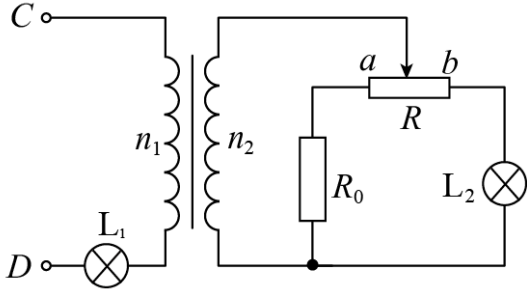
$$N_{地} = (M + m)g - F \sin \theta = (M + m)g - mg \sin^2 \theta$$

则 θ 越来越大时，水平地面对凹槽的支持力越来越小，所以 D 错误；

故选 C。

6. 如图，理想变压器原、副线圈匝数比为 $n_1 : n_2$ ，输入端 C、D 接入电压有效值恒定的交变电源，灯泡 L_1 、 L_2 的阻值始终与定值电阻 R_0 的阻值相同。在滑动变阻器 R 的滑片从 a 端滑动到 b 端的过程中，两个灯

泡始终发光且工作在额定电压以内，下列说法正确的是（ ）



- A. L_1 先变暗后变亮， L_2 一直变亮
- B. L_1 先变亮后变暗， L_2 一直变亮
- C. L_1 先变暗后变亮， L_2 先变亮后变暗
- D. L_1 先变亮后变暗， L_2 先变亮后变暗

【答案】A

【解析】

【分析】

【详解】副线圈的总电阻为

$$\frac{1}{R_2} = \frac{1}{R_0 + R_{ap}} + \frac{1}{R_0 + R_{pb}}$$

解得

$$R_2 = \frac{(R_0 + R_{ap}) \cdot (R_0 + R_{pb})}{(R_0 + R_{ap}) + (R_0 + R_{pb})} = \frac{(R_0 + R_{ap}) \cdot (R_0 + R_{pb})}{2R_0 + R}$$

则滑动变阻器 R 的滑片从 a 端滑到 b 端过程中，副线圈的总电阻先增大后减小，根据等效电阻关系有

$$R_{\text{等}} = \frac{U_1}{I_1} = \frac{\frac{n_1}{n_2} U_2}{\frac{n_2}{n_1} I_2} = \left(\frac{n_1}{n_2}\right)^2 \frac{U_2}{I_2} = \left(\frac{n_1}{n_2}\right)^2 R_2$$

则等效电阻先增大后减小，由欧姆定律有

$$I_1 = \frac{U}{R_0 + R_{\text{等}}}, \quad I_2 = \frac{n_1}{n_2} I_1$$

I_1 先减小后增大， I_2 先减小后增大，则 L_1 先变暗后变亮，根据

$$U_1 = U - I_1 R_0, \quad U_2 = \frac{n_2}{n_1} U_1$$

由于 I_1 先减小后增大，则副线圈的电压 U_2 先增大后减小，通过 L_2 的电流为

$$I_{L_2} = \frac{U_2}{R_0 + R_{pb}}$$

则滑动变阻器 R 的滑片从 a 端滑到 b 端过程中， R_{pb} 逐渐减小，副线圈的电压 U_2 增大过程中 I_{L_2} 增大；在副线圈的电压 U_2 减小过程中，通过 R_0 的电流为

$$I_{R_0} = \frac{U_2}{R_0 + R_{ap}}$$

R_{ap} 逐渐增大，则 I_{R_0} 越来越小，则

$$I_{L_2} \uparrow = I_2 \uparrow - I_{R_0} \downarrow$$

则 L_1 先变暗后变亮， L_2 一直变亮；

故选 A。

二、选择题：本题共 4 小题，每小题 5 分，共 20 分。在每小题给出的四个选项中，有多项符合题目要求。全部选对的得 5 分，选对但不全的得 3 分，有选错的得 0 分。

7. 2021 年 4 月 29 日，中国空间站天和核心舱发射升空，准确进入预定轨道。根据任务安排，后续将发射问天实验舱和梦天实验舱，计划 2022 年完成空间站在轨建造。核心舱绕地球飞行的轨道可视为圆轨道，轨道离地面的高度约为地球半径的 $\frac{1}{16}$ 。下列说法正确的是（ ）

- A. 核心舱进入轨道后所受地球的万有引力大小约为它在地面时的 $\left(\frac{16}{17}\right)^2$ 倍
- B. 核心舱在轨道上飞行的速度大于 7.9km/s
- C. 核心舱在轨道上飞行的周期小于 24h
- D. 后续加挂实验舱后，空间站由于质量增大，轨道半径将变小

【答案】 AC

【解析】

【分析】

【详解】 A. 根据万有引力定律有

$$F = G \frac{Mm}{r^2}$$

核心舱进入轨道后的万有引力与地面上万有引力之比为

$$\frac{F_1}{F_2} = \frac{R^2}{\left(R + \frac{1}{16}R\right)^2} = \left(\frac{16}{17}\right)^2$$

所以 A 正确；

B. 核心舱在轨道上飞行的速度小于 7.9km/s，因为第一宇宙速度是最大的环绕速度，所以 B 错误；

C. 根据

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{R^3}{GM}}$$

可知轨道半径越大周期越大，则其周期比同步卫星的周期小，小于 24h，所以 C 正确；

D. 卫星做圆周运动时万有引力提供向心力有

$$G\frac{Mm}{r^2} = m\frac{v^2}{r}$$

解得

$$v = \sqrt{\frac{GM}{R}}$$

则卫星的环绕速度与卫星的质量无关，所以变轨时需要点火减速或者点火加速，增加质量不会改变轨道半径，所以 D 错误；

故选 AC。

8. 如图 (a)，质量分别为 m_A 、 m_B 的 A、B 两物体用轻弹簧连接构成一个系统，外力 F 作用在 A 上，系统静止在光滑水平面上 (B 靠墙面)，此时弹簧形变量为 x 。撤去外力并开始计时，A、B 两物体运动的 $a-t$ 图像如图 (b) 所示， S_1 表示 0 到 t_1 时间内 A 的 $a-t$ 图线与坐标轴所围面积大小， S_2 、 S_3 分别表示 t_1 到 t_2 时间内 A、B 的 $a-t$ 图线与坐标轴所围面积大小。A 在 t_1 时刻的速度为 v_0 。下列说法正确的是 ()

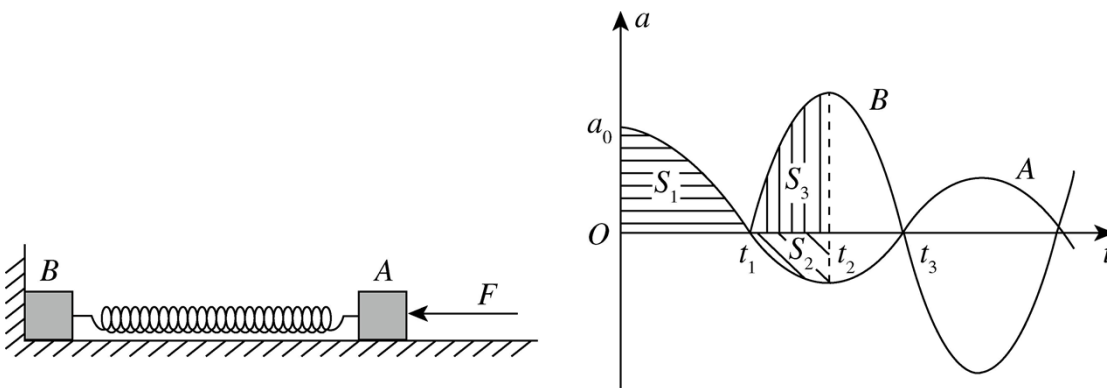


图 (a)

图 (b)

- A. 0 到 t_1 时间内，墙对 B 的冲量等于 $m_A v_0$
- B. $m_A > m_B$
- C. B 运动后，弹簧的最大形变量等于 x
- D. $S_1 - S_2 = S_3$

【答案】 ABD

【解析】

【分析】

【详解】 A. 由于在 $0 \sim t_1$ 时间内，物体 B 静止，则对 B 受力分析有

$$F_{\text{墙}} = F_{\text{弹}}$$

则墙对 B 的冲量大小等于弹簧对 B 的冲量大小，而弹簧既作用于 B 也作用于 A，则可将研究对象转为 A，撤去 F 后 A 只受弹力作用，则根据动量定理有

$$I = m_A v_0 \quad (\text{方向向右})$$

则墙对 B 的冲量与弹簧对 A 的冲量大小相等、方向相同，A 正确；

B. 由 $a-t$ 图可知 t_1 后弹簧被拉伸，在 t_2 时刻弹簧的拉伸量达到最大，根据牛顿第二定律有

$$F_{\text{弹}} = m_A a_A = m_B a_B$$

由图可知

$$a_B > a_A$$

则

$$m_B < m_A$$

B 正确；

C. 由图可得， t_1 时刻 B 开始运动，此时 A 速度为 v_0 ，之后 AB 动量守恒，AB 和弹簧整个系统能量守恒，则

$$m_A v_0 = m_A v_A + m_B v_B$$

可得 AB 整体的动能不等于 0，即弹簧的弹性势能会转化为 AB 系统的动能，弹簧的形变量小于 x ，C 错误

D. 由 $a-t$ 图可知 t_1 后 B 脱离墙壁，且弹簧被拉伸，在 t_1-t_2 时间内 AB 组成的系统动量守恒，且在 t_2 时刻弹簧的拉伸量达到最大，A、B 共速，由 $a-t$ 图像的面积 Δv ，在 t_2 时刻 AB 的速度分别为

$$v_A = S_1 - S_2, \quad v_B = S_3$$

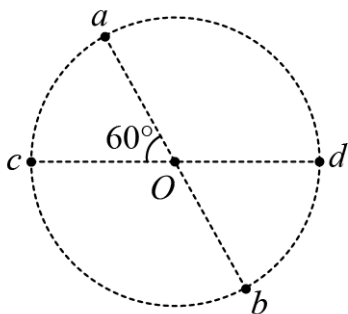
A、B 共速，则

$$S_1 - S_2 = S_3$$

D 正确。

故选 ABD。

9. 如图，圆心为 O 的圆处于匀强电场中，电场方向与圆平面平行， ab 和 cd 为该圆直径。将电荷量为 $q (q > 0)$ 的粒子从 a 点移动到 b 点，电场力做功为 $2W (W > 0)$ ；若将该粒子从 c 点移动到 d 点，电场力做功为 W 。下列说法正确的是 ()



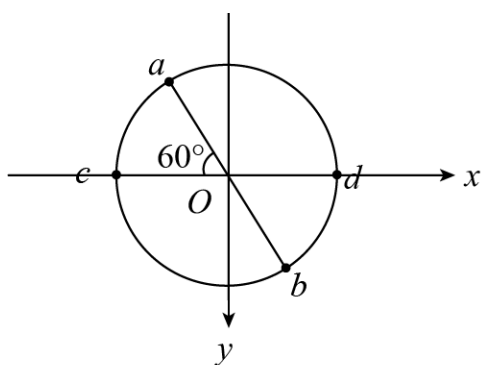
- A. 该匀强电场的场强方向与 ab 平行
- B. 将该粒子从 d 点移动到 b 点，电场力做功为 $0.5W$
- C. a 点电势低于 c 点电势
- D. 若只受电场力，从 d 点射入圆形电场区域的所有带电粒子都做曲线运动

【答案】 AB

【解析】

【分析】

【详解】 A. 由于该电场为匀强电场，可采用矢量分解的思路，沿 cd 方向建立 x 轴，垂直与 cd 方向建立 y 轴如下图所示



在 x 方向有

$$W = E_x q 2R$$

在 y 方向有

$$2W = E_y q \sqrt{3} R + E_x q R$$

经过计算有

$$E_x = \frac{W}{2qR}, E_y = \frac{\sqrt{3}W}{2qR}, E = \frac{W}{qR}, \tan\theta = \frac{E_y}{E_x} = \sqrt{3}$$

由于电场方向与水平方向成 60° ，则电场与 ab 平行，且沿 a 指向 b ，A 正确；

B. 该粒从 d 点运动到 b 点，电场力做的功为

$$W' = Eq \frac{R}{2} = 0.5W$$

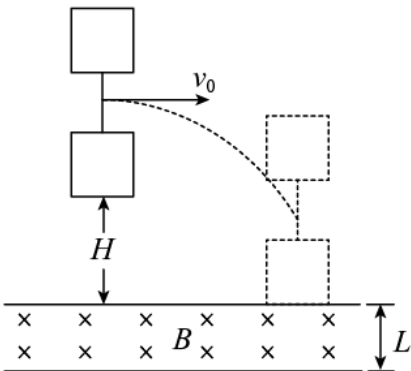
B 正确；

C. 沿电场线方向电势逐渐降低，则 a 点的电势高于 c 点的电势，C 错误；

D. 若粒子的初速度方向与 ab 平行则粒子做匀变速直线运动，D 错误。

故选 AB。

10. 两个完全相同的正方形匀质金属框，边长为 L ，通过长为 L 的绝缘轻质杆相连，构成如图所示的组合物体。距离组合物体下底边 H 处有一方向水平、垂直纸面向里的匀强磁场。磁场区域上下边界水平，高度为 L ，左右宽度足够大。把该组合物体在垂直磁场的平面内以初速度 v_0 水平无旋转抛出，设置合适的磁感应强度大小 B 使其匀速通过磁场，不计空气阻力。下列说法正确的是（ ）



- A. B 与 v_0 无关，与 \sqrt{H} 成反比
- B. 通过磁场的过程中，金属框中电流的大小和方向保持不变
- C. 通过磁场的过程中，组合物体克服安培力做功的功率与重力做功的功率相等
- D. 调节 H 、 v_0 和 B ，只要组合物体仍能匀速通过磁场，则其通过磁场的过程中产生的热量不变

【答案】 CD

【解析】

【分析】

【详解】A. 将组合体以初速度 v_0 水平无旋转抛出后，组合体做平抛运动，后进入磁场做匀速运动，由于水平方向切割磁感线产生的感应电动势相互抵消，则有

$$mg = F_{安} = \frac{B^2 L^2 v_y}{R}, \quad v_y = \sqrt{2gH}$$

综合有

$$B = \sqrt{\frac{mgR}{L^2 \sqrt{2g}}} \cdot \frac{1}{\sqrt{\sqrt{H}}}$$

则 B 与 $\frac{1}{\sqrt{\sqrt{H}}}$ 成正比，A 错误；

B. 当金属框刚进入磁场时金属框的磁通量增加，此时感应电流的方向为逆时针方向，当金属框刚出磁场时金属框的磁通量减少，此时感应电流的方向为顺时针方向，B 错误；

C. 由于组合体进入磁场后做匀速运动，由于水平方向的感应电动势相互抵消，有

$$mg = F_{安} = \frac{B^2 L^2 v_y}{R}$$

则组合体克服安培力做功的功率等于重力做功的功率，C 正确；

D. 无论调节哪个物理量，只要组合体仍能匀速通过磁场，都有

$$mg = F_{安}$$

则安培力做的功都为

$$W = F_{安} 3L$$

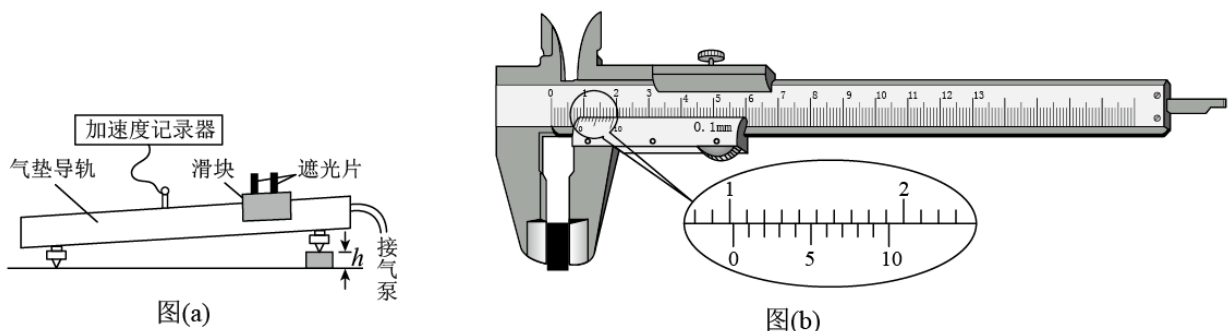
则组合体通过磁场过程中产生的焦耳热不变，D 正确。

故选 CD。

三、非选择题：共 56 分。第 11~14 题为必考题，每个试题考生都必须作答。第 15、16 题为选考题，考生根据要求作答。

(一) 必考题：共 43 分。

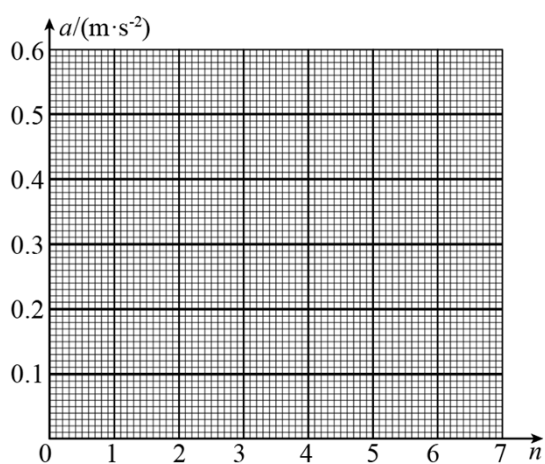
11. 某实验小组利用图 (a) 所示装置探究加速度与物体所受合外力的关系。主要实验步骤如下：



- (1) 用游标卡尺测量垫块厚度 h ，示数如图 (b) 所示， $h =$ _____ cm；
- (2) 接通气泵，将滑块轻放在气垫导轨上，调节导轨至水平；
- (3) 在右支点下放一垫块，改变气垫导轨的倾斜角度；
- (4) 在气垫导轨合适位置释放滑块，记录垫块个数 n 和滑块对应的加速度 a ；
- (5) 在右支点下增加垫块个数（垫块完全相同），重复步骤 (4)，记录数据如下表：

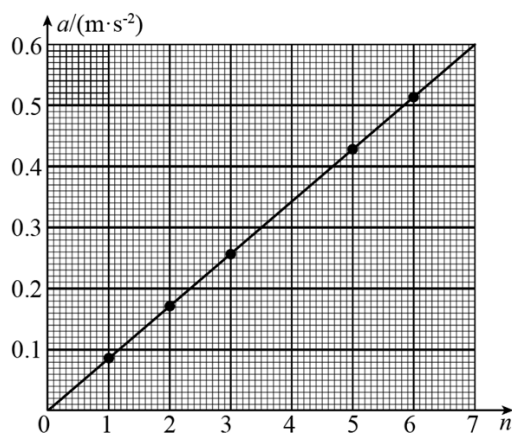
n	1	2	3	4	5	6
$(a / \text{m} \cdot \text{s}^{-2})$	0.087	0.180	0.260		0.425	0.519

根据表中数据在图 (c) 上描点，绘制图线_____。



图(c)

如果表中缺少的第 4 组数据是正确的，其应该是 _____ m/s^2 （保留三位有效数字）。



【答案】

(1). 1.02

(2).

(3). 0.342

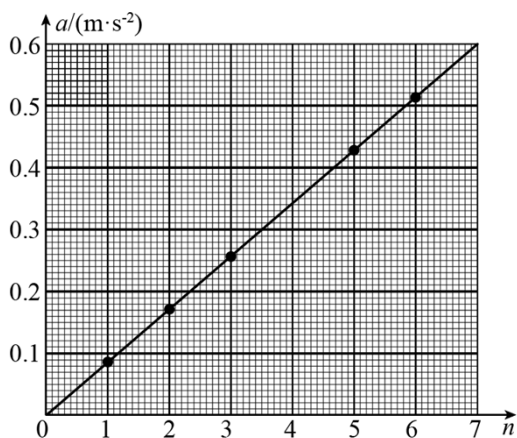
【解析】

【分析】

【详解】(1) [1]垫块的厚度为

$$h=1\text{cm}+2\times 0.1\text{mm}=1.02\text{cm}$$

(5) [2]绘制图线如图:



[3]根据

$$mg \cdot \frac{nh}{l} = ma$$

可知 a 与 n 成正比关系, 则根据图像可知, 斜率

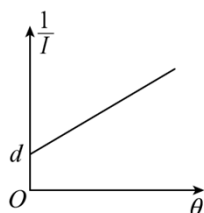
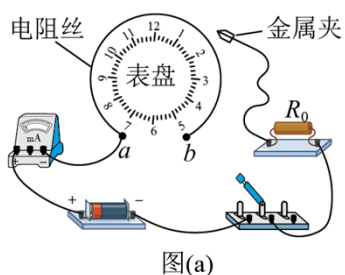
$$k = \frac{0.6}{7} = \frac{a}{4}$$

解得

$$a=0.342\text{m/s}^2$$

12. 某实验小组需测定电池的电动势和内阻, 器材有: 一节待测电池、一个单刀双掷开关、一个定值电阻 (阻值为 R_0)、一个电流表 (内阻为 R_A)、一根均匀电阻丝 (电阻丝总阻值大于 R_0 , 并配有可在电阻丝上移动的金属夹)、导线若干。由于缺少刻度尺, 无法测量电阻丝长度, 但发现桌上有一个圆形时钟表盘。某同学提出将电阻丝绕在该表盘上, 利用圆心角来表示接入电路的电阻丝长度。主要实验步骤如下:

(1) 将器材如图 (a) 连接:



图(b)



图(c)

(2) 开关闭合前, 金属夹应夹在电阻丝的 _____ 端 (填 “a” 或 “b”);

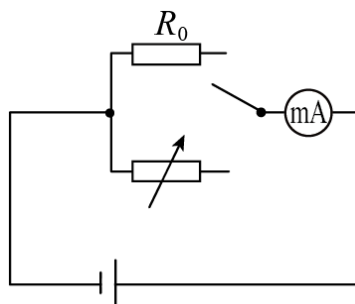
(3) 改变金属夹的位置, 闭合开关, 记录每次接入电路的电阻丝对应的圆心角 θ 和电流表示数 I , 得到多组数据:

(4) 整理数据并在坐标纸上描点绘图, 所得图像如图 (b) 所示, 图线斜率为 k , 与纵轴截距为 d , 设单位角度对应电阻丝的阻值为 r_0 , 该电池电动势和内阻可表示为 $E = \underline{\hspace{2cm}}$, $r = \underline{\hspace{2cm}}$ (用 R_0 、 R_A 、 k 、 d 、 r_0 表示)

(5) 为进一步确定结果, 还需要测量单位角度对应电阻丝的阻值 r_0 。利用现有器材设计实验, 在图 (c) 方框中画出实验电路图 (电阻丝用滑动变阻器符号表示);

(6) 利用测出的 r_0 , 可得该电池的电动势和内阻。

【答案】 (1). b (2). $\frac{r_0}{k}$ (3). $\frac{r_0 b}{k} - R_0 - R_A$ (4).



【解析】

【分析】

【详解】(2) [1]开关闭合前, 为了保护电路中的元件, 应将电阻丝的最大阻值接入电路, 根据电阻定律 $R = \rho \frac{L}{S}$ 可知电阻丝接入越长, 接入电阻越大, 金属夹应夹在电阻丝的 b 端。

(4) [2]设圆心角为 θ 时, 电阻丝接入电路中的电阻为 θr_0 , 根据闭合电路欧姆定律 $E = U + Ir$ 可知

$$E = I(R_A + R_0 + \theta r_0) + Ir$$

整理得

$$\frac{1}{I} = \frac{r_0}{E} \theta + \frac{R_A + R_0 + r}{E}$$

结合图象的斜率和截距满足

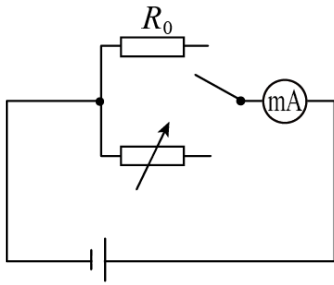
$$\frac{r_0}{E} = k, \quad \frac{R_A + R_0 + r}{E} = b$$

解得电源电动势和内阻为

$$E = \frac{r_0}{k}$$

$$r = \frac{r_0 b}{k} - R_0 - R_A$$

(5) [3]实验器材中有定值电阻 R_0 和单刀双掷开关, 考虑使用等效法测量电阻丝电阻, 如图

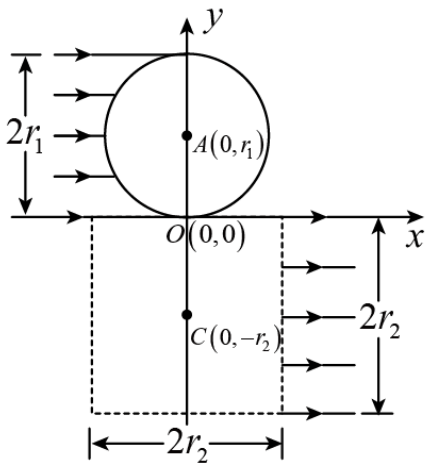


原理的简单说明：

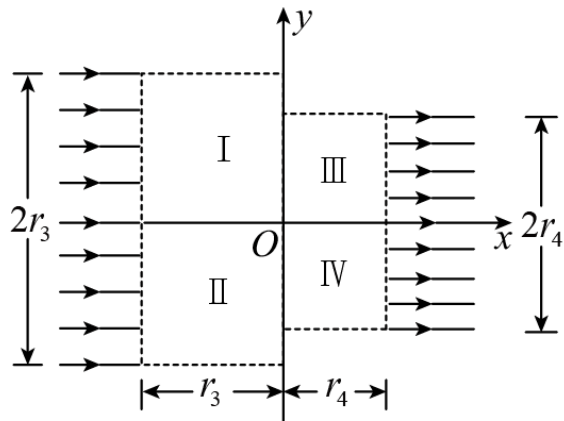
- ① 将开关置于 R_0 位置，读出电流表示数 I_0 ；
- ② 将开关置于电阻丝处，调节电阻丝的角度，直到电流表示数为 I_0 ，读出此时角度 θ ；
- ③ 此时 $\theta r_0 = R_0$ ，即可求得 r_0 的数值。

13. 带电粒子流的磁聚焦和磁控束是薄膜材料制备的关键技术之一、带电粒子流（每个粒子的质量为 m 、电荷量为 $+q$ ）以初速度 v 垂直进入磁场，不计重力及带电粒子之间的相互作用。对处在 xOy 平面内的粒子，求解以下问题。

- (1) 如图 (a)，宽度为 $2r_1$ 的带电粒子流沿 x 轴正方向射入圆心为 $A(0, r_1)$ 、半径为 r_1 的圆形匀强磁场中，若带电粒子流经过磁场后都汇聚到坐标原点 O ，求该磁场磁感应强度 B_1 的大小；
- (2) 如图 (a)，虚线框为边长等于 $2r_2$ 的正方形，其几何中心位于 $C(0, -r_2)$ 。在虚线框内设计一个区域面积最小的匀强磁场，使汇聚到 O 点的带电粒子流经过该区域后宽度变为 $2r_2$ ，并沿 x 轴正方向射出。求该磁场磁感应强度 B_2 的大小和方向，以及该磁场区域的面积（无需写出面积最小的证明过程）；
- (3) 如图 (b)，虚线框 I 和 II 均为边长等于 r_3 的正方形，虚线框 III 和 IV 均为边长等于 r_4 的正方形。在 I、II、III 和 IV 中分别设计一个区域面积最小的匀强磁场，使宽度为 $2r_3$ 的带电粒子流沿 x 轴正方向射入 I 和 II 后汇聚到坐标原点 O ，再经过 III 和 IV 后宽度变为 $2r_4$ ，并沿 x 轴正方向射出，从而实现带电粒子流的同轴控束。求 I 和 III 中磁场磁感应强度的大小，以及 II 和 IV 中匀强磁场区域的面积（无需写出面积最小的证明过程）。



图(a)



图(b)

【答案】(1) $\frac{mv}{qr_1}$; (2) $\frac{mv}{qr_2}$, 垂直与纸面向里, $S_2 = \pi r_2^2$; (3) $B_1 = \frac{mv}{qr_3}$, $B_{III} = \frac{mv}{qr_4}$,

$$S_{II} = (\frac{1}{2}\pi - 1)r_3^2, S_{IV} = (\frac{1}{2}\pi - 1)r_4^2$$

【解析】

【分析】

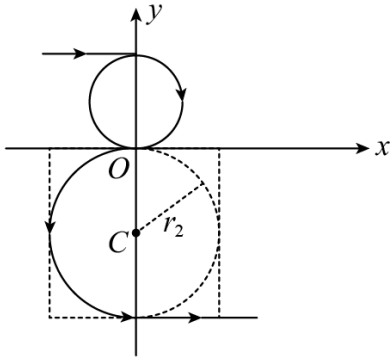
【详解】(1) 粒子垂直 x 进入圆形磁场, 在坐标原点 O 汇聚, 满足磁聚焦的条件, 即粒子在磁场中运动的半径等于圆形磁场的半径 r_1 , 粒子在磁场中运动, 洛伦兹力提供向心力

$$qvB_1 = m \frac{v^2}{r_1}$$

解得

$$B_1 = \frac{mv}{qr_1}$$

(2) 粒子从 O 点进入下方虚线区域, 若要从聚焦的 O 点飞入然后平行 x 轴飞出, 为磁发散的过程, 即粒子在下方圆形磁场运动的轨迹半径等于磁场半径, 粒子轨迹最大的边界如图所示, 图中圆形磁场即为最小的匀强磁场区域



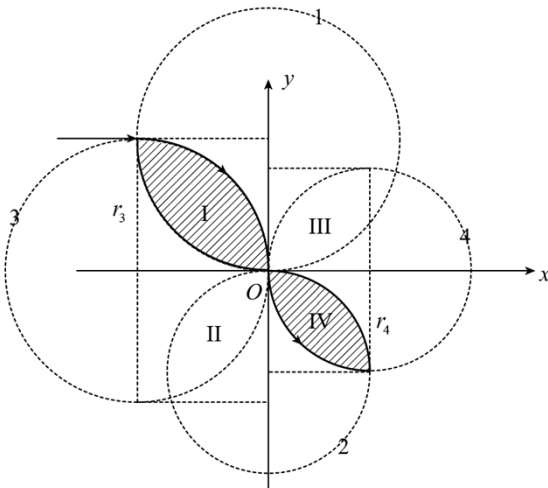
磁场半径为 r_2 ，根据 $qvB = m \frac{v^2}{r}$ 可知磁感应强度为

$$B_2 = \frac{mv}{qr_2}$$

根据左手定则可知磁场的方向为垂直纸面向里，圆形磁场的面积为

$$S_2 = \pi r_2^2$$

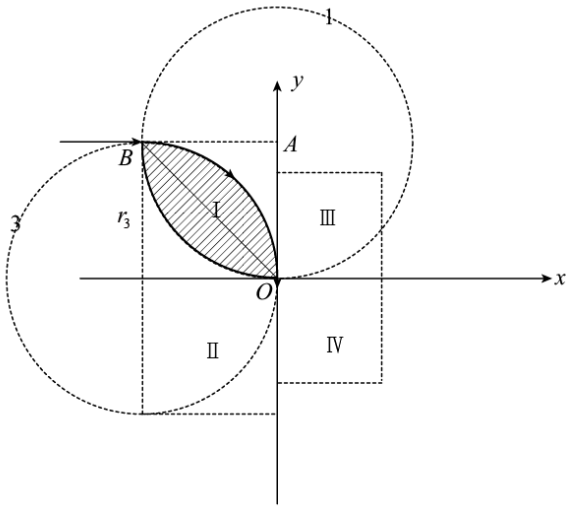
(3) 粒子在磁场中运动，3 和 4 为粒子运动的轨迹圆，1 和 2 为粒子运动的磁场的圆周



根据 $qvB = m \frac{v^2}{r}$ 可知 I 和 III 中的磁感应强度为

$$B_I = \frac{mv}{qr_3}, \quad B_{III} = \frac{mv}{qr_4}$$

图中箭头部分的实线为粒子运动的轨迹，可知磁场的最小面积为叶子形状，取 I 区域如图



图中阴影部分面积的一半为四分之一圆周 \widehat{S}_{AOB} 与三角形 S_{AOB} 之差，所以阴影部分的面积为

$$S_I = 2(\widehat{S}_{AOB} - S_{AOB}) = 2 \times \left(\frac{1}{4} \pi r_3^2 - \frac{1}{2} r_3^2 \right) = \left(\frac{1}{2} \pi - 1 \right) r_3^2$$

类似地可知 IV 区域的阴影部分面积为

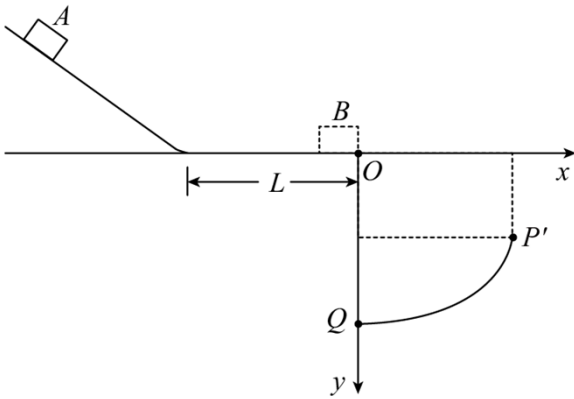
$$S_{IV} = 2 \times \left(\frac{1}{4} \pi r_4^2 - \frac{1}{2} r_4^2 \right) = \left(\frac{1}{2} \pi - 1 \right) r_4^2$$

根据对称性可知 II 中的匀强磁场面积为

$$S_{II} = \left(\frac{1}{2} \pi - 1 \right) r_3^2$$

14. 如图，竖直平面内一足够长的光滑倾斜轨道与一长为 L 的水平轨道通过一小段光滑圆弧平滑连接，水平轨道右下方有一段弧形轨道 PQ 。质量为 m 的小物块 A 与水平轨道间的动摩擦因数为 μ 。以水平轨道末端 O 点为坐标原点建立平面直角坐标系 xOy ， x 轴的正方向水平向右， y 轴的正方向竖直向下，弧形轨道 P 端坐标为 $(2\mu L, \mu L)$ ， Q 端在 y 轴上。重力加速度为 g 。

- (1) 若 A 从倾斜轨道上距 x 轴高度为 $2\mu L$ 的位置由静止开始下滑，求 A 经过 O 点时的速度大小；
- (2) 若 A 从倾斜轨道上不同位置由静止开始下滑，经过 O 点落在弧形轨道 PQ 上的动能均相同，求 PQ 的曲线方程；
- (3) 将质量为 λm (λ 为常数且 $\lambda \geq 5$) 的小物块 B 置于 O 点，A 沿倾斜轨道由静止开始下滑，与 B 发生弹性碰撞（碰撞时间极短），要使 A 和 B 均能落在弧形轨道上，且 A 落在 B 落点的右侧，求 A 下滑的初始位置距 x 轴高度的取值范围。



【答案】(1) $\sqrt{2\mu gL}$; (2) $x = 2\sqrt{2\mu Ly - y^2}$ (其中, $\mu L \leq y \leq 2\mu L$); (3)

$$\frac{3\lambda - 1}{\lambda - 3} \cdot \mu L \leq x \leq \frac{\lambda^2 + \lambda + 1}{(\lambda - 1)^2} \cdot 4\mu L$$

【解析】

【分析】

【详解】(1) 物块 A 从光滑轨道滑至 O 点, 根据动能定理

$$mg \cdot 2\mu L - \mu mgL = \frac{1}{2}mv^2$$

解得

$$v = \sqrt{2\mu gL}$$

(2) 物块 A 从 O 点飞出后做平抛运动, 设飞出的初速度为 v_0 , 落在弧形轨道上的坐标为 (x, y) , 将平抛运动分别分解到水平方向的匀速直线运动和竖直方向的自由落体运动, 有

$$x = v_0 t, \quad y = \frac{1}{2}gt^2$$

解得水平初速度为

$$v_0^2 = \frac{gx^2}{2y}$$

物块 A 从 O 点到落点, 根据动能定理可知

$$mgy = E_k - \frac{1}{2}mv_0^2$$

解得落点处动能为

$$E_k = mgy + \frac{1}{2}mv_0^2 = mgy + \frac{mgx^2}{4y}$$

因为物块 A 从 O 点到弧形轨道上动能均相同, 将落点 $P(2\mu L, \mu L)$ 的坐标代入, 可得

$$E_k = mgy + \frac{mgx^2}{4y} = mg \times \mu L + \frac{mg(2\mu L)^2}{4 \times \mu L} = 2\mu mgL$$

化简可得

$$y + \frac{x^2}{4y} = 2\mu L$$

即

$$x = 2\sqrt{2\mu Ly - y^2} \quad (\text{其中, } \mu L \leq y \leq 2\mu L)$$

(3) 物块 A 在倾斜轨道上从距 x 轴高 h 处静止滑下, 到达 O 点与 B 物块碰前, 其速度为 v_0 , 根据动能定理可知

$$mgh - \mu mgL = \frac{1}{2}mv_0^2$$

解得

$$v_0^2 = 2gh - 2\mu gL \quad \text{----- ①}$$

物块 A 与 B 发生弹性碰撞, 使 A 和 B 均能落在弧形轨道上, 且 A 落在 B 落点的右侧, 则 A 与 B 碰撞后需要反弹后再经过水平轨道-倾斜轨道-水平轨道再次到达 O 点。规定水平向右为正方向, 碰后 AB 的速度大小分别为 v_1 和 v_2 , 在物块 A 与 B 碰撞过程中, 动量守恒, 能量守恒。则

$$mv_0 = -mv_1 + \lambda mv_2$$

$$\frac{1}{2}mv_0^2 = \frac{1}{2}mv_1^2 + \frac{1}{2} \cdot \lambda mv_2^2$$

解得

$$v_1 = \frac{\lambda - 1}{\lambda + 1}v_0 \quad \text{----- ②}$$

$$v_2 = \frac{2}{\lambda + 1}v_0 \quad \text{----- ③}$$

设碰后 A 物块反弹, 再次到达 O 点时速度为 v_3 , 根据动能定理可知

$$-2\mu mgL = \frac{1}{2}mv_3^2 - \frac{1}{2}mv_1^2$$

解得

$$v_3^2 = v_1^2 - 4\mu gL \quad \text{----- ④}$$

据题意, A 落在 B 落点的右侧, 则

$$v_3 > v_2 \quad \text{-----⑤}$$

据题意，A 和 B 均能落在弧形轨道上，则 A 必须落在 P 点的左侧，即：

$$v_3 \leq \sqrt{2\mu gL} \quad \text{-----⑥}$$

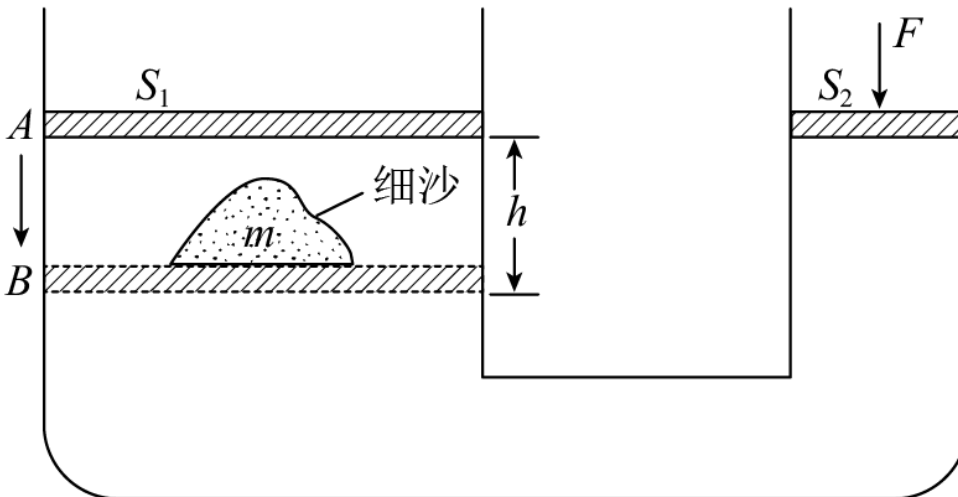
联立以上，可得 h 的取值范围为

$$\frac{3\lambda-1}{\lambda-3} \cdot \mu L < h \leq \frac{\lambda^2+\lambda+1}{(\lambda-1)^2} \cdot 4\mu L$$

(二) 选考题：共 13 分。请考生从两道题中任选一题作答。如果多做，则按第一题计分。

[物理——选修 3-3]

15. 如图，两端开口、下端连通的导热汽缸，用两个轻质绝热活塞（截面积分别为 S_1 和 S_2 ）封闭一定质量的理想气体，活塞与汽缸壁间无摩擦。在左端活塞上缓慢加细沙，活塞从 A 下降 h 高度到 B 位置时，活塞上细沙的总质量为 m 。在此过程中，用外力 F 作用在右端活塞上，使活塞位置始终不变。整个过程环境温度和大气压强 p_0 保持不变，系统始终处于平衡状态，重力加速度为 g 。下列说法正确的是（ ）



- A. 整个过程，外力 F 做功大于 0，小于 mgh
- B. 整个过程，理想气体的分子平均动能保持不变
- C. 整个过程，理想气体的内能增大
- D. 整个过程，理想气体向外界释放的热量小于 $(p_0 S_1 h + mgh)$
- E. 左端活塞到达 B 位置时，外力 F 等于 $\frac{mgS_2}{S_1}$

【答案】 BDE

【解析】

【分析】

【详解】A. 根据做功的两个必要因素有力和在力的方向上有位移，由于活塞 S_2 没有移动，可知整个过程，外力 F 做功等于 0，A 错误；

BC. 根据气缸导热且环境温度没有变，可知气缸内的温度也保持不变，则整个过程，理想气体的分子平均动能保持不变，内能不变，B 正确，C 错误；

D. 由内能不变可知理想气体向外界释放的热量等于外界对理想气体做的功：

$$Q = W < p_0 S_1 h + mgh$$

D 正确；

E. 左端活塞到达 B 位置时，根据压强平衡可得：

$$p_0 + \frac{mg}{S_1} = p_0 + \frac{F}{S_2}$$

即：

$$F = \frac{mgS_2}{S_1}$$

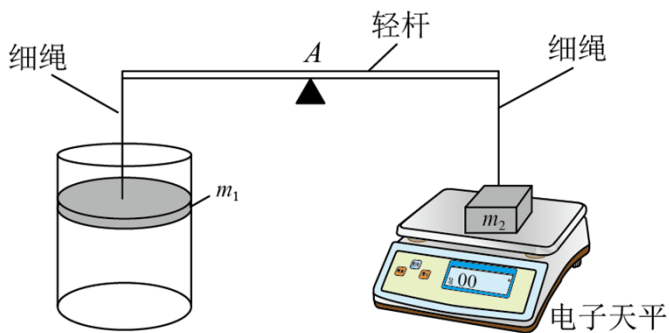
E 正确。

故选 BDE。

16. 小赞同学设计了一个用电子天平测量环境温度的实验装置，如图所示。导热汽缸开口向上并固定在桌面上，用质量 $m_1 = 600\text{g}$ 、截面积 $S = 20\text{cm}^2$ 的活塞封闭一定质量的理想气体，活塞与汽缸壁间无摩擦。一轻质直杆中心置于固定支点 A 上，左端用不可伸长的细绳竖直悬挂活塞，右端用相同细绳竖直悬挂一个质量 $m_2 = 1200\text{g}$ 的铁块，并将铁块放置到电子天平上。当电子天平示数为 600.0g 时，测得环境温度 $T_1 = 300\text{K}$ 。设外界大气压强 $p_0 = 1.0 \times 10^5 \text{Pa}$ ，重力加速度 $g = 10\text{m/s}^2$ 。

(1) 当电子天平示数为 400.0g 时，环境温度 T_2 为多少？

(2) 该装置可测量的最高环境温度 T_{max} 为多少？



【答案】(1) 297K; (2) 309K

【解析】

【分析】

【详解】(1) 由电子天平示数为 600.0g 时, 则细绳对铁块拉力为

$$\Delta mg = (m_2 - m_{示})g = m_1 g$$

又: 铁块和活塞对细绳的拉力相等, 则气缸内气体压强等于大气压强

$$p_1 = p_0 \text{ ①}$$

当电子天平示数为 400.0g 时, 设此时气缸内气体压强为 p_2 , 对 m_1 受力分析有

$$(m_2 - 400g - m_1)g = (p_0 - p_2)S \text{ ②}$$

由题意可知, 气缸内气体体积不变, 则压强与温度成正比:

$$\frac{p_1}{T_1} = \frac{p_2}{T_2} \text{ ③}$$

联立①②③式解得

$$T_2 = 297K$$

(2) 环境温度越高, 气缸内气体压强越大, 活塞对细绳的拉力越小, 则电子秤示数越大, 由于细绳对铁块的拉力最大为 0, 即电子天平的示数恰好为 1200g 时, 此时对应的环境温度为装置可以测量最高环境温度。

设此时气缸内气体压强为 p_3 , 对 m_1 受力分析有

$$(p_3 - p_0)S = m_1 g \text{ ④}$$

又由气缸内气体体积不变, 则压强与温度成正比

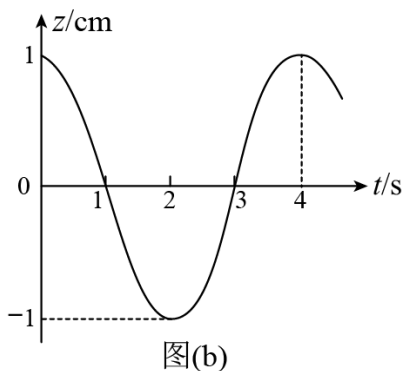
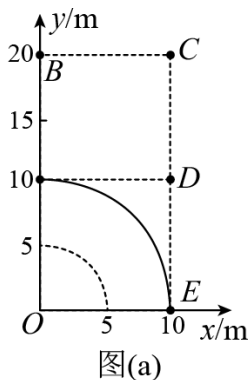
$$\frac{p_1}{T_1} = \frac{p_3}{T_{\max}} \text{ ⑤}$$

联立①④⑤式解得

$$T_{\max} = 309\text{K}$$

[物理——选修 3-4]

17. 均匀介质中，波源位于 O 点的简谐横波在 xOy 水平面内传播，波面为圆。 $t = 0$ 时刻，波面分布如图 (a) 所示，其中实线表示波峰，虚线表示相邻的波谷。 A 处质点的振动图像如图 (b) 所示， z 轴正方向竖直向上。下列说法正确的是 ()



- A. 该波从 A 点传播到 B 点，所需时间为 4s
- B. $t = 6\text{s}$ 时， B 处质点位于波峰
- C. $t = 8\text{s}$ 时， C 处质点振动速度方向竖直向上
- D. $t = 10\text{s}$ 时， D 处质点所受回复力方向竖直向上
- E. E 处质点起振后， 12s 内经过的路程为 12cm

【答案】ACE

【解析】

【分析】

【详解】A. 由图 a 、 b 可看出，该波的波长、周期分别为

$$\lambda = 10\text{m}, T = 4\text{s}$$

则根据波速公式

$$v = \frac{\lambda}{T} = 2.5\text{m/s}$$

则该波从 A 点传播到 B 点，所需时间为

$$t = \frac{x}{v} = \frac{10}{2.5}\text{m/s} = 4\text{m/s}$$

A 正确；

B. 由选项 A 可知，则该波从 A 点传播到 B 点，所需时间为 4s ，则在 $t = 6\text{s}$ 时， B 点运动了 2s ，即 $\frac{T}{2}$ ，则

B 处质点位于波谷，B 错误；

C. 波从 AE 波面传播到 C 的距离为

$$x = (10\sqrt{5} - 10)\text{m}$$

则波从 AE 波面传播到 C 的时间为

$$t = \frac{x}{v} \approx 4.9\text{s}$$

则 $t = 8\text{s}$ 时, C 处质点动了 3.1s , 则此时质点速度方向向上, C 正确;

D. 波从 AE 波面传播到 D 的距离为

$$x = (10\sqrt{2} - 10)\text{m}$$

则波从 AE 波面传播到 C 的时间为

$$t = \frac{x}{v} \approx 1.7\text{s}$$

则 $t = 10\text{s}$ 时, C 处质点动了 8.3s , 则此时质点位于 z 轴上方, 回复力方向向下, D 错误;

E. 由选项 A 知

$$T = 4\text{s}, 12\text{s} = 3T$$

一个周期质点运动的路程为 4cm , 则 $3T$ 质点运动的路程为 12cm , E 正确。

故选 ACE。

18. 我国古代著作《墨经》中记载了小孔成倒像的实验, 认识到光沿直线传播。身高 1.6m 的人站在水平地面上, 其正前方 0.6m 处的竖直木板墙上有一个圆柱形孔洞, 直径为 1.0cm 、深度为 1.4cm , 孔洞距水平地面的高度是人身高的一半。此时, 由于孔洞深度过大, 使得成像不完整, 如图所示。现在孔洞中填充厚度等于洞深的某种均匀透明介质, 不考虑光在透明介质中的反射。

(i) 若该人通过小孔能成完整的像, 透明介质的折射率最小为多少?

(ii) 若让掠射进入孔洞的光能成功出射, 透明介质的折射率最小为多少?

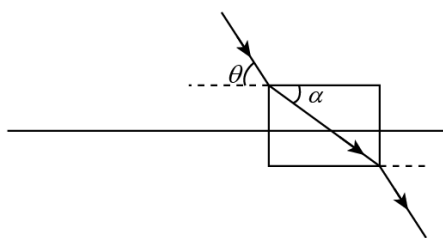


【答案】(i) 1.38; (ii) 1.7

【解析】

【分析】

【详解】(i) 根据题意作出如下光路图



当孔在人身高一半时有

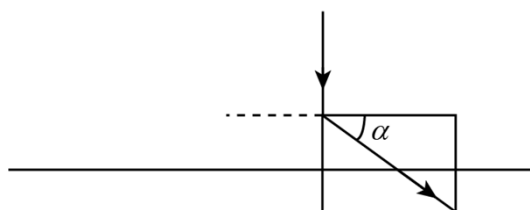
$$\tan\theta = \frac{\frac{h}{2} - \frac{d}{2}}{L} = \frac{0.8 - 0.005}{0.6} \approx \frac{4}{3}, \quad \sin\theta = 0.8,$$

$$\tan\alpha = \frac{0.01}{0.014} = \frac{1}{1.4}, \quad \sin\alpha = \frac{1}{\sqrt{2.96}}$$

由折射定律有

$$n = \frac{\sin\theta}{\sin\alpha} \approx 1.38$$

(ii) 若让掠射进入孔洞的光能成功出射, 则可画出如下光路图



根据几何关系有

$$n' = \frac{\sin 90^\circ}{\sin\alpha} \approx 1.7$$