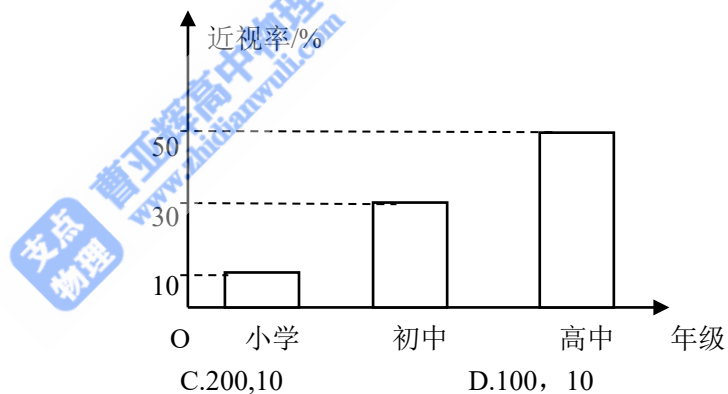
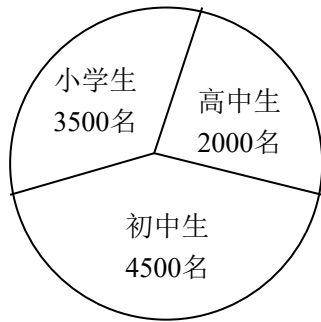


2014年普通高等学校招生全国统一考试（广东卷）

数学（理科）

一、选择题：本大题共8小题，每小题5分，满分40分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

- 已知集合 $M = \{-1, 0, 1\}$, $N = \{0, 1, 2\}$, 则 $M \cup N =$
 A. $\{-1, 0, 1\}$ B. $\{-1, 0, 1, 2\}$ C. $\{-1, 0, 2\}$ D. $\{0, 1\}$
- 已知复数 Z 满足 $(3 + 4i)z = 25$, 则 $Z =$
 A. $3 - 4i$ B. $3 + 4i$ C. $-3 - 4i$ D. $-3 + 4i$
- 若变量 x, y 满足约束条件 $\begin{cases} y \leq x \\ x + y \leq 1 \\ y \geq -1 \end{cases}$ 且 $z = 2x + y$ 的最大值和最小值分别为 m 和 n , 则 $m - n =$
 A. 8 B. 7 C. 6 D. 5
- 若实数 k 满足 $0 < k < 9$, 则曲线 $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{9-k} = 1$ 与曲线 $\frac{x^2}{25-k} - \frac{y^2}{9} = 1$ 的
 A. 离心率相等 B. 虚半轴长相等 C. 实半轴长相等 D. 焦距相等
- 已知向量 $a = (1, 0, -1)$, 则下列向量中与 a 成 60° 夹角的是
 A. $(-1, 1, 0)$ B. $(1, -1, 0)$ C. $(0, -1, 1)$ D. $(-1, 0, 1)$
- 已知某地区中小学生人数和近视情况分别如图1和图2所示, 为了解该地区中小学生的近视形成原因, 用分层抽样的方法抽取2%的学生进行调查, 则样本容量和抽取的高中生近视人数分别是



- A. 200, 20 B. 100, 20 C. 200, 10 D. 100, 10
- 若空间中四条两两不同的直线 l_1, l_2, l_3, l_4 , 满足 $l_1 \perp l_2, l_2 \perp l_3, l_3 \perp l_4$, 则下面结论一定正确的是
 A. $l_1 \perp l_4$ B. $l_1 // l_4$ C. l_1, l_4 既不垂直也不平行 D. l_1, l_4 的位置关系不确定
 - 设集合 $A = \{(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5) | x_i \in \{-1, 0, 1\}, i = 1, 2, 3, 4, 5\}$, 那么集合 A 中满足条件“ $1 \leq |x_1| + |x_2| + |x_3| + |x_4| + |x_5| \leq 3$ ”的元素个数为
 A. 60 B. 90 C. 120 D. 130
- 二、填空题：本大题共7小题，考生作答6小题，每小题5分，满分30分。
 (一) 必做题 (9~13题)
- 不等式 $|x - 1| + |x + 2| \geq 5$ 的解集为_____。
 - 曲线 $y = e^{-5x} + 2$ 在点 $(0, 3)$ 处的切线方程为_____。
 - 从 $0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9$ 中任取七个不同的数, 则这七个数的中位数是6的概率为_____。
 - 在 $\triangle ABC$ 中, 角 A, B, C 所对应的边分别为 a, b, c , 已知 $b \cos C + c \cos B = 2b$, 则 $\frac{a}{b} =$ _____。

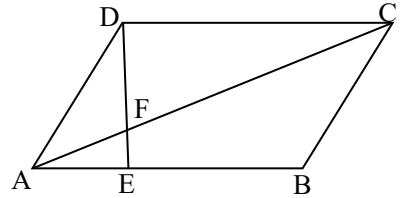
13. 若等比数列 $\{a_n\}$ 的各项均为正数, 且 $a_{10}a_{11} + a_9a_{12} = 2e^5$, 则 $\ln a_1 + \ln a_2 + \dots + \ln a_{20} =$ _____。

(二) 选做题 (14~15题, 考生从中选做一题)

14. (坐标系与参数方程选做题) 在极坐标系中, 曲线 C_1 和 C_2 的方程分别为 $\rho \sin^2 \theta = \cos \theta$ 和 $\rho \sin \theta = 1$, 以极点为平面直角坐标系的原点, 极轴为 x 轴正半轴, 建立平面直角坐标系, 则曲线 C_1 和 C_2 交点的直角坐标为 _____。

15. (几何证明选讲选做题) 如图3, 在平行四边形 $ABCD$ 中, 点 E 在 AB 上且 $EB = 2AE$, AC 与 DE 交于点 F , 则

$$\frac{\Delta CDF \text{ 的面积}}{\Delta AEF \text{ 的面积}} = \underline{\hspace{2cm}}$$



三、解答题: 本大题共6小题, 满分80分. 解答须写出文字说明、证明过程和演算步骤.

16. (本小题满分12分) 已知函数 $f(x) = A \sin(x + \frac{\pi}{4}), x \in R$, 且 $f(\frac{5}{12}\pi) = \frac{3}{2}$,

(1) 求 A 的值;

(2) 若 $f(\theta) + f(-\theta) = \frac{3}{2}, \theta \in (0, \frac{\pi}{2})$, 求 $f(\frac{3}{4}\pi - \theta)$ 。

支点教育 曹亚辉高中物理 www.zhidianwuli.com

17. (本小题满分13分) 随机观测生产某种零件的某工厂25名工人的日加工零件数(单位: 件), 获得数据如下: 30,42,41,36,44,40,37,37,25,45,29,43,31,36,49,34,33,43,38,42,32,34,46,39,36, 根据上述数据得到样本的频率分布表如下:

分组	频数	频率
[25,30]	3	0.12
(30,35]	5	0.20
(35,40]	8	0.32
(40,45]	n_1	f_1
(45,50]	n_2	f_2

(1) 确定样本频率分布表中 n_1, n_2, f_1 和 f_2 的值;

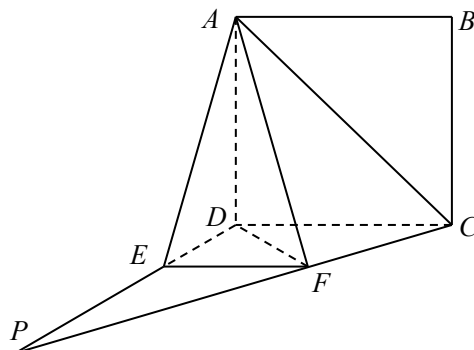
(2) 根据上述频率分布表, 画出样本频率分布直方图;

(3) 根据样本频率分布直方图, 求在该厂任取4人, 至少有1人的日加工零件数落在区间 $(30,35]$ 的概率。

18. (本小题满分13分) 如图4, 四边形 $ABCD$ 为正方形, $PD \perp$ 平面 $ABCD$, $\angle DPC = 30^\circ$, $AF \perp PC$ 于点 F , $FE \parallel CD$, 交 PD 于点 E .

(1) 证明: $CF \perp$ 平面 ADF

(2) 求二面角 $D-AF-E$ 的余弦值.



19. (本小题满分14分) 设数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 满足 $S_n = 2na_{n+1} - 3n^2 - 4n, n \in \mathbb{N}^*$, 且 $S_3 = 15$,

(1) 求 a_1, a_2, a_3 的值;

(2) 求数列 $\{a_n\}$ 的通项公式.

20. (本小题满分14分) 已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 的一个焦点为 $(\sqrt{5}, 0)$, 离心率为 $\frac{\sqrt{5}}{3}$,

(1) 求椭圆 C 的标准方程;

(2) 若动点 $P(x_0, y_0)$ 为椭圆外一点, 且点 P 到椭圆 C 的两条切线相互垂直, 求点 P 的轨迹方程.

21. (本小题满分14分) 设函数 $f(x) = \frac{1}{\sqrt{(x^2 + 2x + k)^2 + 2(x^2 + 2x + k) - 3}}$, 其中 $k < -2$,

(1) 求函数 $f(x)$ 的定义域 D (用区间表示);

(2) 讨论函数 $f(x)$ 在 D 上的单调性;

(3) 若 $k < -6$, 求 D 上满足条件 $f(x) > f(1)$ 的 x 的集合 (用区间表示)。

2014年普通高等学校招生全国统一考试（广东卷）

数学（理科）答案

一、选择题：本大题共8小题，每小题5分，满分40分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

1. 已知集合 $M = \{-1, 0, 1\}$, $N = \{0, 1, 2\}$, 则 $M \cup N =$ (B)

- A. $\{-1, 0, 1\}$ B. $\{-1, 0, 1, 2\}$ C. $\{-1, 0, 2\}$ D. $\{0, 1\}$

2. 已知复数 Z 满足 $(3 + 4i)z = 25$, 则 $Z =$ (A)

- A. $3 - 4i$ B. $3 + 4i$ C. $-3 - 4i$ D. $-3 + 4i$

3. 若变量 x, y 满足约束条件 $\begin{cases} y \leq x \\ x + y \leq 1 \\ y \geq -1 \end{cases}$ 且 $z = 2x + y$ 的最大值和最小值分别为 m 和 n , 则 $m - n =$ (C)

- A. 8 B. 7 C. 6 D. 5

4. 若实数 k 满足 $0 < k < 9$, 则曲线 $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{9-k} = 1$ 与曲线 $\frac{x^2}{25-k} - \frac{y^2}{9} = 1$ 的 (D)

- A. 离心率相等 B. 虚半轴长相等 C. 实半轴长相等 D. 焦距相等

5. 已知向量 $a = (1, 0, -1)$, 则下列向量中与 a 成 60° 夹角的是 (B)

- A. $(-1, 1, 0)$ B. $(1, -1, 0)$ C. $(0, -1, 1)$ D. $(-1, 0, 1)$

6. 已知某地区中小學生人數和近視情況分別如圖1和圖2所示，為了解該地區中小學生的近視形成原因，用分層抽樣的方法抽取2%的學生進行調查，則樣本容量和抽取的高中生近視人數分別為 (A)

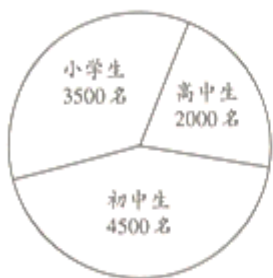


图 1

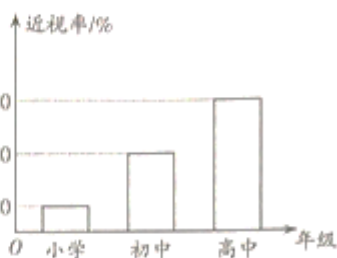


图 2

- A. 200,20 B. 100,20 C. 200,10 D. 100,10

7. 若空间中四条两两不同的直线 l_1, l_2, l_3, l_4 满足 $l_1 \perp l_2, l_2 \perp l_3, l_3 \perp l_4$, 则下列结论一定正确的是 (D)

- A. $l_1 \perp l_4$ B. $l_1 // l_4$ C. l_1, l_4 既不垂直也不平行 D. l_1, l_4 的位置关系不确定

8. 设集合 $A = \{(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5) \mid x_i \in \{-1, 0, 1\}, i = 1, 2, 3, 4, 5\}$, 那么集合A中满足条件“

$1 \leq |x_1| + |x_2| + |x_3| + |x_4| + |x_5| \leq 3$ ”的元素个数为 (D)

A. 60 B. 90 C. 120 D. 130

8.解: A中元素为有序数组 $(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5)$, 题中要求有序数组的5个数中仅1个数为 ± 1 、仅2个数为 ± 1 或仅3个数为 ± 1 , 所以共有 $C_5^1 \times 2 + C_5^2 \times 2 \times 2 + C_5^3 \times 2 \times 2 \times 2 = 130$ 个不同数组;

二、填空题: 本大题共7小题, 考生作答6小题, 每小题5分, 满分30分.

(一) 必做题 (9~13题)

9. 不等式 $|x-1| + |x+2| \geq 5$ 的解集为 $(-\infty, -3) \cup (2, +\infty)$ 。

10. 曲线 $y = e^{-5x} + 2$ 在点 (0,3) 处的切线方程为 $y = -5x + 3$ 。

11. 从0,1,2,3,4,5,6,7,8, 9中任取七个不同的数, 则这七个数的中位数是6的概率为 $\frac{1}{6}$ 。

11.解: 6之前6个数中取3个, 6之后3个数中取3个, $P = \frac{C_6^3 \cdot C_3^3}{C_{10}^3} = \frac{1}{6}$

12. 在 $\triangle ABC$ 中, 角 A, B, C 所对应的边分别为 a, b, c , 已知 $b \cos C + c \cos B = 2b$, 则 $\frac{a}{b} = \underline{2}$ 。

13. 若等比数列 $\{a_n\}$ 的各项均为正数, 且 $a_{10}a_{11} + a_9a_{12} = 2e^5$,

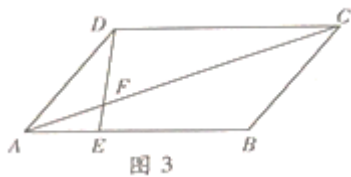
则 $\ln a_1 + \ln a_2 + \dots + \ln a_{2n} = \underline{50}$ 。

(二) 选做题 (14~15题, 考生从中选做一题)

14、(坐标与参数方程选做题) 在极坐标系中, 曲线 C_1 和 C_2 的方程分别为 $\rho \sin^2 \theta = \cos \theta$ 和

$\rho \sin \theta = 1$, 以极点为平面直角坐标系的原点, 极轴为x轴的正半轴, 建立平面直角坐标系, 则曲线 C_1 和 C_2 的交点的直角坐标为 $(1, 1)$ 。

15、(几何证明选讲选做题) 如图3, 在平行四边形ABCD中, 点E在AB上且 $EB = 2AE$, AC与DE交于点F, 则 $\frac{\triangle CDF \text{的面积}}{\triangle AEF \text{的面积}} = \underline{9}$ 。



三、解答题: 本大题共6小题, 满分80分. 解答须写出文字说明、证明过程和演算步骤.

16、（12分）已知函数 $f(x) = A \sin(x + \frac{\pi}{4})$, $x \in R$, 且 $f(\frac{5}{12}\pi) = \frac{3}{2}$,

(1) 求 A 的值;

(2) 若 $f(\theta) + f(-\theta) = \frac{3}{2}$, $\theta \in (0, \frac{\pi}{2})$, 求 $f(\frac{3}{4}\pi - \theta)$ 。

16.解: (1) $f(\frac{5\pi}{12}) = A \sin(\frac{5\pi}{12} + \frac{\pi}{4}) = \frac{3}{2}$,

$\therefore A \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{3}{2}$, $A = \sqrt{3}$; $f(-\theta) = f(\theta)$

(2) $f(\theta) + f(-\theta) = \sqrt{3} \sin(\theta + \frac{\pi}{4}) + \sqrt{3} \sin(-\theta + \frac{\pi}{4}) = \frac{3}{2}$,

$\therefore \sqrt{3} [\frac{\sqrt{2}}{2} (\sin \theta + \cos \theta) + \frac{\sqrt{2}}{2} (-\sin \theta + \cos \theta)] = \frac{3}{2}$,

$\therefore \sqrt{6} \cos \theta = \frac{3}{2}$, $\cos \theta = \frac{\sqrt{6}}{4}$, 又 $\theta \in (0, \frac{\pi}{2})$,

$\therefore \sin \theta = \sqrt{1 - \cos^2 \theta} = \frac{\sqrt{10}}{4}$,

$f(\frac{3}{4}\pi - \theta) = \sqrt{3} \sin(\pi - \theta) = \sqrt{3} \sin \theta = \frac{\sqrt{30}}{4}$.

17、（13分）随机观测生产某种零件的某工厂25名工人的日加工零件数（单位：件），获得数据如下：30,42,41,36,44,40,37,37,25,45,29,43,31,36,49,34,33,43,38,42,32,34,46,39,36.

根据上述数据得到样本的频率分布表如下：

分组	频数	频率
[25,30]	3	0.12
(30,35]	5	0.20
(35,40]	8	0.32
(40,45]	n_1	f_1
(45,50]	n_2	f_2

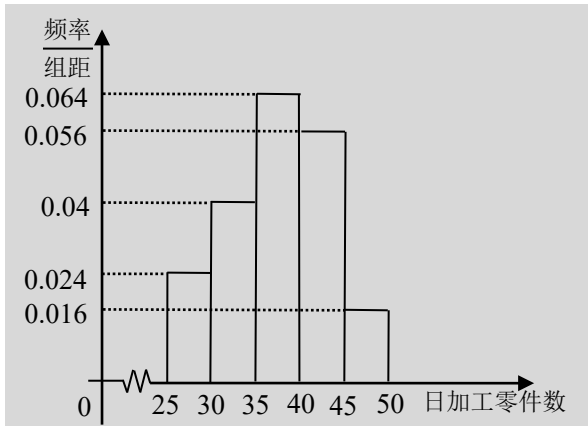
(1) 确定样本频率分布表中 n_1, n_2, f_1 和 f_2 的值;

(2) 根据上述频率分布表，画出样本频率分布直方图;

(3) 根据样本频率分布直方图，求在该厂任取4人，至少有1人的日加工零件数落在区间（30, 50] 的概率。

17.解: (1) $n_1 = 7, n_2 = 2, f_1 = 0.28, f_2 = 0.08$;

(2) 样本频率分布直方图为



(3) 根据样本频率分布直方图, 每人的日加工零件数落在区间 (30,35] 的概率0.2, 设所取的4人中, 日加工零件数落在区间 (30,35] 的人数为 ξ , 则 $\xi \sim B(4, 0.2)$, $P(\xi \geq 1) = 1 - P(\xi = 0) = 1 - (1 - 0.2)^4 = 1 - 0.4096 = 0.5904$, 所以4人中, 至少有1人的日加工零件数落在区间 (30,50] 的概率约为0.5904.

18、(13分) 如图4, 四边形ABCD为正方形, $PD \perp$ 平面ABCD, $\angle DPC = 30^\circ$, $AF \perp$ 式PC于点F, $FE \parallel CD$, 交PD于点E.

(1) 证明: $CF \perp$ 平面ADF;

(2) 求二面角D-AF-E的余弦值.

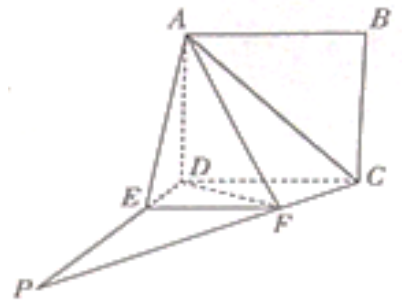


图 4

18. (1) $\because PD \perp$ 平面 ABCD, $\therefore PD \perp AD$, 又 $CD \perp AD$, $PD \cap CD = D$, $\therefore AD \perp$ 平面 PCD, $\therefore AD \perp PC$, 又 $AF \perp PC$,

$\therefore PC \perp$ 平面 ADF, 即 $CF \perp$ 平面 ADF;

(2) 设 $AB = 1$, 则 $Rt\triangle PDC$ 中, $CD = 1$, 又 $\angle DPC = 30^\circ$,

$\therefore PC = 2$, $PD = \sqrt{3}$, 由 (1) 知 $CF \perp DF$

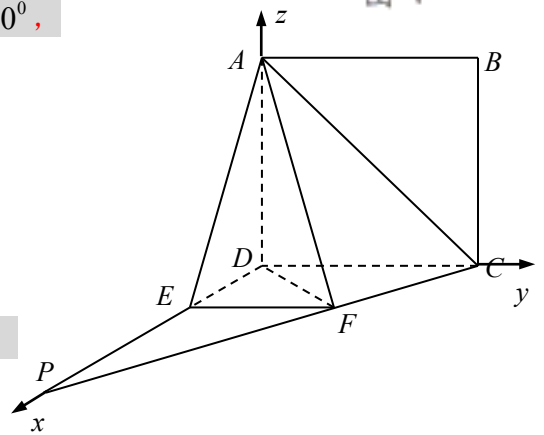
$\therefore DF = \frac{\sqrt{3}}{2}$, $AF = \sqrt{AD^2 + DF^2} = \frac{\sqrt{7}}{2}$,

$\therefore CF = \sqrt{AC^2 - AF^2} = \frac{1}{2}$, 又 $FE \parallel CD$,

$\therefore \frac{DE}{PD} = \frac{CF}{PC} = \frac{1}{4}$, $\therefore DE = \frac{\sqrt{3}}{4}$, 同理 $EF = \frac{3}{4} CD = \frac{3}{4}$,

如图所示, 以D为原点, 建立空间直角坐标系, 则 $A(0,0,1)$,

$E(\frac{\sqrt{3}}{4}, 0, 0)$, $F(\frac{\sqrt{3}}{4}, \frac{3}{4}, 0)$, $P(\sqrt{3}, 0, 0)$, $C(0,1,0)$,



设 $\vec{m} = (x, y, z)$ 是平面 AEF 的法向量, 则 $\begin{cases} \vec{m} \perp \vec{AE} \\ \vec{m} \perp \vec{EF} \end{cases}$, 又 $\begin{cases} \vec{AE} = (\frac{\sqrt{3}}{4}, 0, 0) \\ \vec{EF} = (0, \frac{3}{4}, 0) \end{cases}$,

所以 $\begin{cases} \vec{m} \cdot \vec{AE} = \frac{\sqrt{3}}{4}x - z = 0 \\ \vec{m} \cdot \vec{EF} = \frac{3}{4}y = 0 \end{cases}$, 令 $x = 4$, 得 $z = \sqrt{3}$, $\vec{m} = (4, 0, \sqrt{3})$,

由 (1) 知平面 ADF 的一个法向量 $\vec{PC} = (-\sqrt{3}, 1, 0)$, 设二面角 D-AF-E 的平面角为 θ , 可知 θ 为锐角,

$$\cos \theta = |\cos \langle \vec{m}, \overrightarrow{PC} \rangle| = \frac{|\vec{m} \cdot \overrightarrow{PC}|}{|\vec{m}| \cdot |\overrightarrow{PC}|} = \frac{4\sqrt{3}}{\sqrt{19} \times 2} = \frac{2\sqrt{57}}{19}, \text{ 即所求.}$$

19. (14分) 设数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 满足 $S_n = 2na_{n+1} - 3n^2 - 4n, n \in \mathbb{N}^*$, 且 $S_3 = 15$.

(1) 求 a_1, a_2, a_3 的值;

(2) 求数列 $\{a_n\}$ 的通项公式;

19.解: $S_2 = 4a_3 - 20$, $S_3 = S_2 + a_3 = 5a_3 - 20$, 又 $S_3 = 15$,
 $\therefore a_3 = 7$, $S_2 = 4a_3 - 20 = 8$, 又 $S_2 = S_1 + a_2 = (2a_2 - 7) + a_2 = 3a_2 - 7$,
 $\therefore a_2 = 5$, $a_1 = S_1 = 2a_2 - 7 = 3$,
 综上知 $a_1 = 3$, $a_2 = 5$, $a_3 = 7$;

(2) 由 (1) 猜想 $a_n = 2n + 1$, 下面用数学归纳法证明.

① 当 $n = 1$ 时, 结论显然成立;

② 假设当 $n = k$ ($k \geq 1$) 时, $a_k = 2k + 1$,

$$\text{则 } S_k = 3 + 5 + 7 + \dots + (2k + 1) = \frac{3 + (2k + 1)}{2} \times k = k(k + 2), \text{ 又 } S_k = 2ka_{k+1} - 3k^2 - 4k,$$

$$\therefore k(k + 2) = 2ka_{k+1} - 3k^2 - 4k, \text{ 解得 } 2a_{k+1} = 4k + 6,$$

$$\therefore a_{k+1} = 2(k + 1) + 1, \text{ 即当 } n = k + 1 \text{ 时, 结论成立;}$$

由 ①② 知, $\forall n \in \mathbb{N}^*, a_n = 2n + 1$.

20. (14分) 已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 的一个焦点为 $(\sqrt{5}, 0)$, 离心率为 $\frac{\sqrt{5}}{3}$,

(1) 求椭圆 C 的标准方程;

(2) 若动点 $P(x_0, y_0)$ 为椭圆外一点, 且点 P 到椭圆 C 的两条切线相互垂直, 求点 P 的轨迹方程.

20.解: (1) 可知 $c = \sqrt{5}$, 又 $\frac{c}{a} = \frac{\sqrt{5}}{3}$, $\therefore a = 3$, $b^2 = a^2 - c^2 = 4$,

椭圆 C 的标准方程为 $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$;

(2) 设两切线为 l_1, l_2 ,

① 当 $l_1 \perp x$ 轴或 $l_1 // x$ 轴时, 对应 $l_2 // x$ 轴或 $l_2 \perp x$ 轴, 可知 $P(\pm 3, \pm 2)$;

② 当 l_1 与 x 轴不垂直且不平行时, $x_0 \neq \pm 3$, 设 l_1 的斜率为 k , 则 $k \neq 0$, l_2 的斜率为 $-\frac{1}{k}$,

$$l_1 \text{ 的方程为 } y - y_0 = k(x - x_0), \text{ 联立 } \frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1,$$

$$\text{得 } (9k^2 + 4)x^2 + 18(y_0 - kx_0)kx + 9(y_0 - kx_0)^2 - 36 = 0,$$

$$\text{因为直线与椭圆相切, 所以 } \Delta = 0, \text{ 得 } 9(y_0 - kx_0)^2 k^2 - (9k^2 + 4)[(y_0 - kx_0)^2 - 4] = 0,$$

$$\therefore -36k^2 + 4[(y_0 - kx_0)^2 - 4] = 0,$$

$$\therefore (x_0^2 - 9)k^2 - 2x_0y_0k + y_0^2 - 4 = 0$$

所以 k 是方程 $(x_0^2 - 9)x^2 - 2x_0y_0x + y_0^2 - 4 = 0$ 的一个根,

同理 $-\frac{1}{k}$ 是方程 $(x_0^2 - 9)x^2 - 2x_0y_0x + y_0^2 - 4 = 0$ 的另一个根,

$$\therefore k \cdot \left(-\frac{1}{k}\right) = \frac{y_0^2 - 4}{x_0^2 - 9}, \text{ 得 } x_0^2 + y_0^2 = 13, \text{ 其中 } x_0 \neq \pm 3,$$

所以点 P 的轨迹方程为 $x^2 + y^2 = 13$ ($x \neq \pm 3$),

因为 $P(\pm 3, \pm 2)$ 满足上式, 综上知: 点 P 的轨迹方程为 $x^2 + y^2 = 13$.

21. (本题14分) 设函数 $f(x) = \frac{1}{\sqrt{(x^2 + 2x + k)^2 + 2(x^2 + 2x + k) - 3}}$, 其中 $k < -2$,

(1) 求函数 $f(x)$ 的定义域 D ; (用区间表示)

(2) 讨论 $f(x)$ 在区间 D 上的单调性;

(3) 若 $k < -6$, 求 D 上满足条件 $f(x) > f(1)$ 的 x 的集合.

21.解: (1) 可知 $(x^2 + 2x + k)^2 + 2(x^2 + 2x + k) - 3 > 0$,

$$\therefore [(x^2 + 2x + k) + 3] \cdot [(x^2 + 2x + k) - 1] > 0,$$

$$\therefore x^2 + 2x + k < -3 \text{ 或 } x^2 + 2x + k > 1,$$

$$\therefore (x+1)^2 < -2-k \text{ (-2-k > 0) 或 } (x+1)^2 > 2-k \text{ (2-k > 0)},$$

$$\therefore |x+1| < \sqrt{-2-k} \text{ 或 } |x+1| > \sqrt{2-k},$$

$$\therefore -1 - \sqrt{-2-k} < x < -1 + \sqrt{-2-k} \text{ 或 } x < -1 - \sqrt{2-k} \text{ 或 } x > -1 + \sqrt{2-k},$$

所以函数 $f(x)$ 的定义域 D 为

$$(-\infty, -1 - \sqrt{2-k}) \cup (-1 - \sqrt{-2-k}, -1 + \sqrt{-2-k}) \cup (-1 + \sqrt{2-k}, +\infty);$$

$$\begin{aligned} (2) f'(x) &= -\frac{2(x^2 + 2x + k)(2x + 2) + 2(2x + 2)}{2\sqrt{(x^2 + 2x + k)^2 + 2(x^2 + 2x + k) - 3}^3} \\ &= -\frac{(x^2 + 2x + k + 1)(2x + 2)}{\sqrt{(x^2 + 2x + k)^2 + 2(x^2 + 2x + k) - 3}^3}, \end{aligned}$$

由 $f'(x) > 0$ 得 $(x^2 + 2x + k + 1)(2x + 2) < 0$, 即 $(x+1+\sqrt{k})(x+1-\sqrt{k})(x+1) < 0$,

$$\therefore x < -1 - \sqrt{-k} \text{ 或 } -1 < x < -1 + \sqrt{-k}, \text{ 结合定义域知 } x < -1 - \sqrt{2-k} \text{ 或 } -1 < x < -1 + \sqrt{-2-k},$$

所以函数 $f(x)$ 的单调递增区间为 $(-\infty, -1 - \sqrt{2-k})$, $(-1, -1 + \sqrt{-2-k})$,

同理递减区间为 $(-1 - \sqrt{-2-k}, -1)$, $(-1 + \sqrt{2-k}, +\infty)$;

(3) 由 $f(x) = f(1)$ 得 $(x^2 + 2x + k)^2 + 2(x^2 + 2x + k) - 3 = (3+k)^2 + 2(3+k) - 3$,

$$\therefore [(x^2 + 2x + k)^2 - (3+k)^2] + 2[(x^2 + 2x + k) - (3+k)] = 0,$$

$$\therefore (x^2 + 2x + 2k + 5) \cdot (x^2 + 2x - 3) = 0,$$

$$\therefore (x+1+\sqrt{-2k-4})(x+1-\sqrt{-2k-4}) \cdot (x+3)(x-1) = 0,$$

$$\therefore x = -1 - \sqrt{-2k-4} \text{ 或 } x = -1 + \sqrt{-2k-4} \text{ 或 } x = -3 \text{ 或 } x = 1,$$

$$\therefore k < -6, \therefore 1 \in (-1, -1 + \sqrt{-2-k}), -3 \in (-1 - \sqrt{-2-k}, -1),$$

$$-1 - \sqrt{-2k-4} < -1 - \sqrt{2-k}, -1 + \sqrt{-2k-4} > -1 + \sqrt{2-k},$$

结合函数 $f(x)$ 的单调性知 $f(x) > f(1)$ 的解集为

$$\begin{aligned} &(-1-\sqrt{-2k-4}, -1-\sqrt{2-k}) \cup (-1-\sqrt{-2-k}, -3) \cup (1, -1+\sqrt{-2-k}) \cup \\ &(-1+\sqrt{2-k}, -1+\sqrt{-2k-4}). \end{aligned}$$