

2011年普通高等学校招生全国统一考试（陕西卷）

文科数学

一. 选择题：在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的（本大题共10小题，每小题5分，共50分）

1. 设 a, b 是向量，命题“若 $a \neq -b$ ，则 $|a| = |b|$ ”的逆命题是【】

(A) 若 $a \neq -b$ ，则 $|a| \neq |b|$

(B) 若 $a = b$ ，则 $|a| \neq |b|$

(C) 若 $|a| \neq |b|$ ，则 $|a| \neq |b|$ (D) 若 $|a| = |b|$ ，则 $a = -b$

-b

2. 设抛物线的顶点在原点，准线方程为 $x = -2$ ，则抛物线的方程是【】

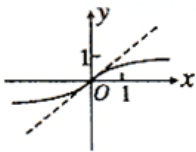
(A) $y^2 = -8x$ (B) $y^2 = 8x$ (C) $y^2 = -4x$ (D) $y^2 = 4x$

3. 设 $0 < a < b$ ，则下列不等式中正确的是【】

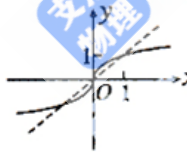
(A) $a < b < \sqrt{ab} < \frac{a+b}{2}$ (B) $a < \sqrt{ab} < \frac{a+b}{2} < b$

(C) $a < \sqrt{ab} < b < \frac{a+b}{2}$ (D) $\sqrt{ab} < a < \frac{a+b}{2} < b$

4. 函数 $y = x^{\frac{1}{3}}$ 的图像是【】



(A)



(B)

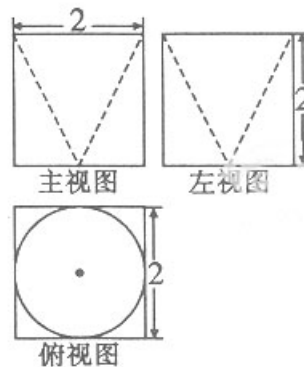
5. 某几何体的三视图如图所示，则是【】

(A) $8 - \frac{2\pi}{3}$

(B) $8 - \frac{\pi}{3}$

(C) $8 - 2\pi$

(D) $\frac{2\pi}{3}$



它的体积

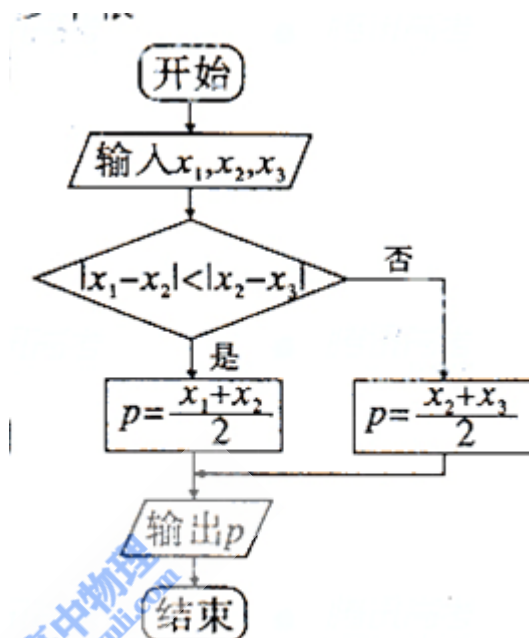
6. 方程 $|x| = \cos x$ 在 $(-\infty, +\infty)$ 内【】

- (A) 没有根 (B) 有且仅有一个根
 (C) 有且仅有两个根 (D) 有无穷多个根

7. 如右框图，当 $x_1=6, x_2=9, p=8.5$ 时， x_3 等于

【】

- (A) 7 (B) 8 (C) 10 (D) 11



8. 设集合 $M = \{y \mid |\cos^2 x - \sin^2 x|, x \in \mathbb{R}\}$,

$N = \{x \mid |x - \frac{1}{i}| < \sqrt{2}, i \text{ 为虚数单位}, x \in \mathbb{R}\}$, 则 $M \cap N$ 为 【】

- (A) (0, 1)
 (B) (0, 1]
 (C) [0, 1)
 (D) [0, 1]

9. 设 $(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots$

, (x_n, y_n) 是变量 x 和 y 的 n 次方个样本点，直线 l 是由这些样本点通过最小二乘法得到的线性回归直线（如图），以下结论正确的是（ ）

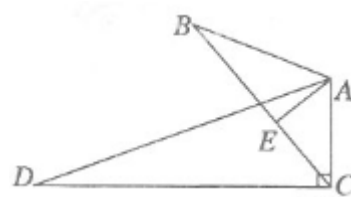
- (A) 直线 l 过点 (\bar{x}, \bar{y})
 (B) x 和 y 的相关系数为直线 l 的斜率

范围是_____。

B. (几何证明选做题) 如图,

$$\angle B = \angle D, AE \perp BC, \angle ACD = 90^\circ$$

且 $AB=6, AC=4, AD=12$, 则 $AE=$ _____.



C.

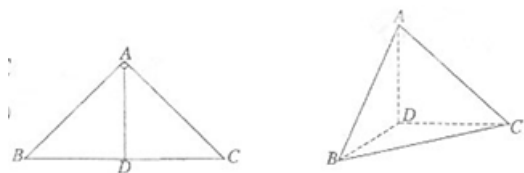
(坐标系与参数方程选做题) 直角坐标系 xOy 中, 以原点为极点, x 轴的正半轴

为极轴建极坐标系, 设点 A, B 分别在曲线 $C_1: \begin{cases} x = 3 + \cos \theta \\ y = \sin \theta \end{cases}$ (θ 为参数) 和曲线 $C_2: \rho = 1$ 上, 则 $|AB|$ 的最小值为_____.

三. 解答题: 接答应写出文字说明、证明过程或演算步骤 (本大题共6小题, 共75分)

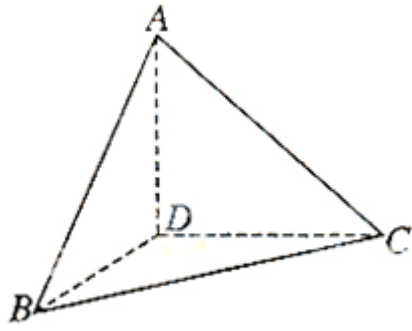
P. (本小题满分12分)

如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ABC = 45^\circ$, $\angle BAC = 90^\circ$, AD 高, 沿 AD 把 BC 上的 $\triangle ABD$ 折起, 使 $\angle BDC = 90^\circ$.



(I) 证明: 平面 $ADB \perp$ 平面 BDC ;

(II) 设 $BD=1$, 求三棱锥 $D-ABC$ 的表面积.



17. (本小题满分12分)

设椭圆C: $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 过点 $(0, 4)$, 离心率为 $\frac{3}{5}$

(I) 求C的方程;

(II) 求过点 $(3, 0)$ 且斜率为 $\frac{4}{5}$ 的直线被C所截线段的中点坐标

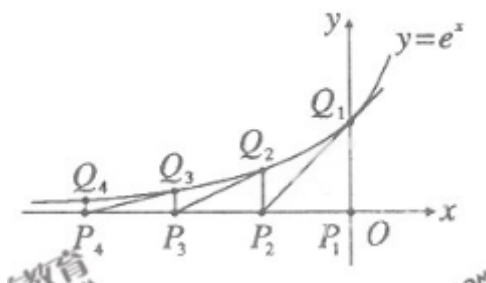
18. (本小题满分12分)

叙述并证明余弦定理。

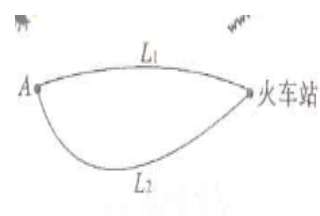
19. (本小题满分12分)

如图, 从点 $P_1(0,0)$ 做 x 轴的垂线交曲线 $y = e^x$ 于点 $Q_1(0,1)$, 曲线在 Q_1 点处的切线与 x 轴交于点 P_2 , 再从 P_2 做 x 轴的垂线交曲线于点 Q_2 , 依次重复上述过程得到一系列点: $P_1, Q_1; P_2, Q_2, \dots; P_n, Q_n$, 记 P_k 点的坐标为 $(x_k, 0) (k = 1, 2, \dots, n)$.

(I) 试求 x_k 与 x_{k-1} 的关系 $(2 \leq k \leq n)$



(II) 求 $|P_1Q_1| + |P_2Q_2| + |P_3Q_3| + \dots + |P_nQ_n|$



20. (本小题满分13分)

如图, A地到火车站共有两条路径 L_1 和 L_2 , 现随机抽取100位从A地到火车站的人进行调查, 调查结果如下:

所用时间(分钟)	10 ~ 20	20 ~ 30	30 ~ 40	40 ~ 50	50 ~ 60
选择 L_1 的人数	6	12	18	12	12
选择 L_2 的人数	0	4	16	16	4

- (I) 试估计40分钟内不能赶到火车站的概率;
- (II) 分别求通过路径 L_1 和 L_2 所用时间落在上表中各时间段内的频率;
- (III) 现甲、乙两人分别有40分钟和50分钟时间用于赶往火车站, 为了尽量大可能在允许的的时间内赶到火车站, 试通过计算说明, 他们应如何选择各自的路径。

21. (本小题满分14分)

设 $f(x) = \ln x, g(x) = f(x) + f'(x)$ 。

- (I) 求 $g(x)$ 的单调区间和最小值;
- (II) 讨论 $g(x)$ 与 $g(\frac{1}{x})$ 的大小关系;
- (III) 求 a 的取值范围, 使得 $g(a) - g(x) < \frac{1}{a}$ 对任意 $x > 0$ 成立。

