

## 2008年广东省高考数学试卷（文科）

### 一、选择题（共10小题，每小题5分，满分50分）

1. （5分）（2008•广东）第二十九届夏季奥林匹克运动会将于2008年8月8日在北京举行，若集合A={参加北京奥运会比赛的运动员}，集合B={参加北京奥运会比赛的男运动员}，集合C={参加北京奥运会比赛的女运动员}，则下列关系正确的是（ ）

A.  $A \subseteq B$  B.  $B \subseteq C$  C.  $A \cap B = C$  D.  $B \cup C = A$

2. （5分）（2008•广东）已知 $0 < a < 2$ ，复数z的实部为a，虚部为1，则 $|z|$ 的取值范围是（ ）

A. (1, 5) B. (1, 3) C.  $(1, \sqrt{5})$  D.  $(1, \sqrt{3})$

3. （5分）（2008•广东）已知平面向量 $\vec{a} = (1, 2)$ ， $\vec{b} = (-2, m)$ ，且 $\vec{a} \parallel \vec{b}$ ，则 $2\vec{a} + 3\vec{b}$  =（ ）

A. (-5, -10) B. (-4, -8) C. (-3, -6) D. (-2, -4)

4. （5分）（2008•广东）记等差数列的前n项和为 $S_n$ ，若 $S_2 = 4$ ， $S_4 = 20$ ，则该数列的公差d =（ ）

A. 2 B. 3 C. 6 D. 7

5. （5分）（2008•广东）已知函数 $f(x) = (1 + \cos 2x) \sin^2 x$ ， $x \in \mathbb{R}$ ，则 $f(x)$ 是（ ）

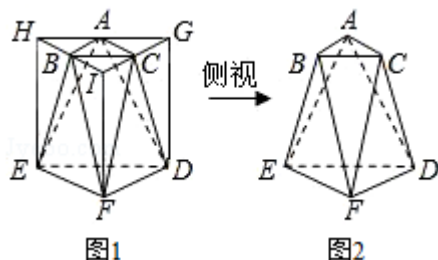
A. 最小正周期为 $\pi$ 的奇函数 B. 最小正周期为 $\frac{\pi}{2}$ 的奇函数

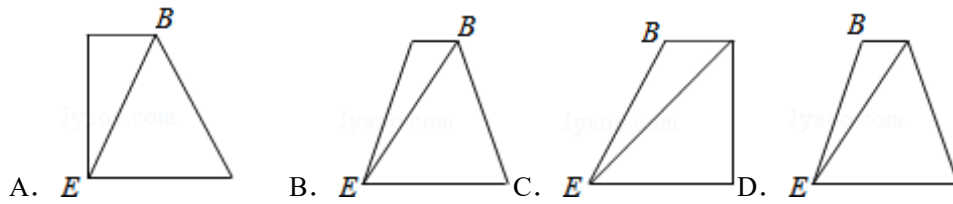
C. 最小正周期为 $\pi$ 的偶函数 D. 最小正周期为 $\frac{\pi}{2}$ 的偶函数

6. （5分）（2008•广东）经过圆 $x^2 + 2x + y^2 = 0$ 的圆心C，且与直线 $x + y = 0$ 垂直的直线方程是（ ）

A.  $x + y + 1 = 0$  B.  $x + y - 1 = 0$  C.  $x - y + 1 = 0$  D.  $x - y - 1 = 0$

7. （5分）（2008•广东）将正三棱柱截去三个角（如图1所示A，B，C分别是 $\triangle GHI$ 三边的中点）得到几何体如图2，则该几何体按图2所示方向的侧视图（或称左视图）为（ ）





8. (5分) (2008•广东) 命题“若函数 $f(x) = \log_a x$  ( $a > 0, a \neq 1$ ) 在其定义域内是减函数, 则 $\log_a 2 < 0$ ”的逆否命题是 ( )

- A. 若 $\log_a 2 \geq 0$ , 则函数 $f(x) = \log_a x$  ( $a > 0, a \neq 1$ ) 在其定义域内不是减函数
- B. 若 $\log_a 2 < 0$ , 则函数 $f(x) = \log_a x$  ( $a > 0, a \neq 1$ ) 在其定义域内不是减函数
- C. 若 $\log_a 2 \geq 0$ , 则函数 $f(x) = \log_a x$  ( $a > 0, a \neq 1$ ) 在其定义域内是减函数
- D. 若 $\log_a 2 < 0$ , 则函数 $f(x) = \log_a x$  ( $a > 0, a \neq 1$ ) 在其定义域内是减函数

9. (5分) (2008•广东) 设 $a \in \mathbb{R}$ , 若函数 $y = e^x + ax, x \in \mathbb{R}$ , 有大于零的极值点, 则 ( )

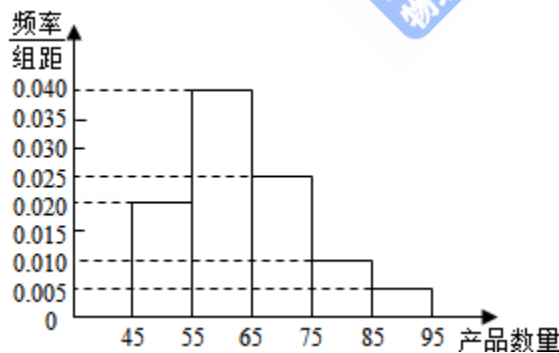
- A.  $a < -1$
- B.  $a > -1$
- C.  $a < -\frac{1}{e}$
- D.  $a > -\frac{1}{e}$

10. (5分) (2008•广东) 设 $a, b \in \mathbb{R}$ , 若 $a - |b| > 0$ , 则下列不等式中正确的是 ( )

- A.  $b - a > 0$
- B.  $a^3 + b^3 < 0$
- C.  $a^2 - b^2 < 0$
- D.  $b + a > 0$

二、填空题 (共5小题, 11-13为必做题, 14-15题选做1题, 每小题5分, 满分20分)

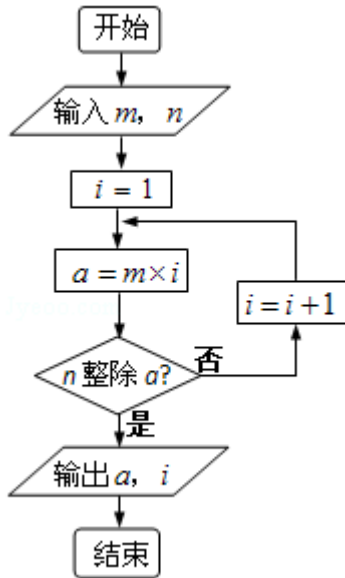
11. (5分) (2008•广东) 为了调查某厂工人生产某种产品的能力, 随机抽查了20位工人某天生产该产品的数量. 产品数量的分组区间为 $[45, 55)$ ,  $[55, 65)$ ,  $[65, 75)$ ,  $[75, 85)$ ,  $[85, 95)$  由此得到频率分布直方图如图, 则这20名工人中一天生产该产品数量在 $[55, 75)$  的人数是\_\_\_\_\_.



12. (5分) (2008•广东) 若变量 $x, y$ 满足 
$$\begin{cases} 2x+y \leq 40 \\ x+2y \leq 50 \\ x \geq 0 \\ y \geq 0 \end{cases}$$
, 则 $z = 3x + 2y$  的最大值是\_\_\_\_\_.

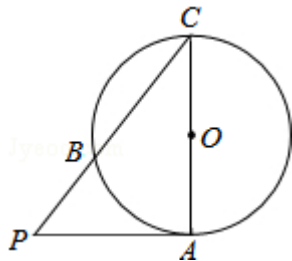
13. (5分) (2008•广东) 阅读程序框图, 若输入 $m=4$ ,  $n=3$ , 则输出 $a=$ \_\_\_\_\_,  $i=$ \_\_\_\_\_.

(注: 框图中的赋值符号“=”, 也可以写成“ $\leftarrow$ ”或“ $:=$ ”)



14. (5分) (2008•广东) 已知曲线 $C_1$ ,  $C_2$ 的极坐标方程分别为 $\rho \cos \theta = 3$ ,  $\rho = 4 \cos \theta$  ( $\rho \geq 0$ ,  $0 \leq \theta < \frac{\pi}{2}$ ), 则曲线 $C_1$ 与 $C_2$ 交点的极坐标为\_\_\_\_\_.

15. (2008•广东) 已知 $PA$ 是圆 $O$ 的切线, 切点为 $A$ ,  $PA=2$ .  $AC$ 是圆 $O$ 的直径,  $PC$ 与圆 $O$ 交于点 $B$ ,  $PB=1$ , 则圆 $O$ 的半径 $R=$ \_\_\_\_\_.



### 三、解答题 (共6小题, 满分80分)

16. (13分) (2008•广东) 已知函数 $f(x) = A \sin(x + \varphi)$  ( $A > 0$ ,  $0 < \varphi < \pi$ ),  $x \in \mathbb{R}$ 的最大值是1, 其图象经过点 $M\left(\frac{\pi}{3}, \frac{1}{2}\right)$ .

(1) 求 $f(x)$ 的解析式;

(2) 已知 $\alpha, \beta \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$ , 且 $f(\alpha) = \frac{3}{5}$ ,  $f(\beta) = \frac{12}{13}$ , 求 $f(\alpha - \beta)$ 的值.

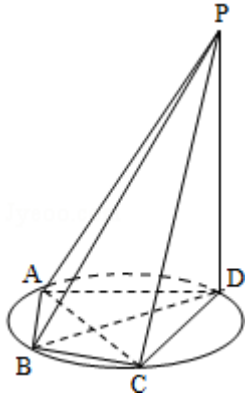
17. (12分) (2008•广东) 某单位用2160万元购得一块空地, 计划在该地块上建造一栋至少10层、每层2000平方米的楼房. 经测算, 如果将楼房建为 $x$  ( $x \geq 10$ )层, 则每平方米的平

均建筑费用为 $560+48x$ （单位：元）。为了使楼房每平方米的平均综合费用最少，该楼房应建为多少层？

（注：平均综合费用=平均建筑费用+平均购地费用，平均购地费用= $\frac{\text{购地总费用}}{\text{建筑总面积}}$ ）

18. （14分）（2008•广东）如图所示，四棱锥P - ABCD的底面ABCD是半径为R的圆的内接四边形，其中BD是圆的直径， $\angle ABD=60^\circ$ ， $\angle BDC=45^\circ$ ， $\triangle ADP \sim \triangle BAD$ 。

- （1）求线段PD的长；
- （2）若 $PC=\sqrt{11}R$ ，求三棱锥P - ABC的体积。



19. （13分）（2008•广东）某中学共有学生2000人，各年级男、女生人数如下表：

	一年级	二年级	三年级
女生	373	x	y
男生	377	370	z

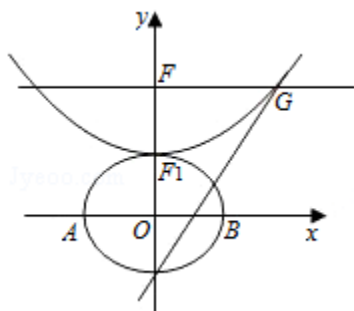
已知在全校学生中随机抽取1名，抽到高二年级女生的概率是0.19。

- （1）现用分层抽样的方法在全校抽取48名学生，问应在高三年级抽取多少名？
- （2）已知 $y \geq 245$ ， $z \geq 245$ ，求高三年级中女生比男生多的概率。

20. （14分）（2008•广东）设 $b > 0$ ，椭圆方程为 $\frac{x^2}{2b^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ，抛物线方程为 $x^2 = 8(y - b)$

。如图所示，过点F(0, b+2)作x轴的平行线，与抛物线在第一象限的交点为G，已知抛物线在点G的切线经过椭圆的右焦点 $F_1$ 。

- （1）求满足条件的椭圆方程和抛物线方程；
- （2）设A, B分别是椭圆长轴的左、右端点，试探究在抛物线上是否存在点P，使得 $\triangle ABP$ 为直角三角形？若存在，请指出共有几个这样的点？并说明理由（不必具体求出这些点的坐标）。



21. (14分) (2008•广东) 设数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1=1$ ,  $a_2=2$ ,  $a_n=\frac{1}{3}(a_{n-1}+2a_{n-2})$  ( $n=3, 4, \dots$ ). 数列 $\{b_n\}$ 满足 $b_1=1$ ,  $b_n$  ( $n=2, 3, \dots$ ) 是非零整数, 且对任意的正整数 $m$ 和自然数 $k$ , 都有  $-1 \leq b_m + b_{m+1} + \dots + b_{m+k} \leq 1$ .
- (1) 求数列 $\{a_n\}$ 和 $\{b_n\}$ 的通项公式;
- (2) 记 $c_n = na_nb_n$  ( $n=1, 2, \dots$ ), 求数列 $\{c_n\}$ 的前 $n$ 项和 $S_n$ .