1995年宁夏高考文科数学真题及答案

本试卷分第Ⅰ卷(选择题)和第Ⅱ卷(非选择题)两部分，满分150分，考试时间120分钟.

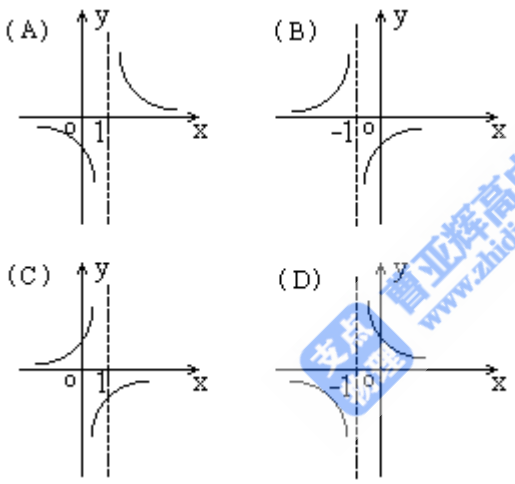
第Ⅰ卷(选择题共65分)

一、选择题(本大题共15小题；第1－10题每小题4分，第11－15题每小题5分，共65分，在每小题给出的四个选项中，只有一项有符合题目要求的)．

1．已知集合 I={0，－1，－2，－3，－4}，集合 M={0，－1，－2，}，N={0，－3，－4}，则 $\bar{M}\cap N=$(　　)

(A) {0}　　(B) {－3，－4}　　(C) {－1，－2}　　(D) ϕ

2．函数 $y=\dfrac{1}{x+1}$ 的图像是(　　)



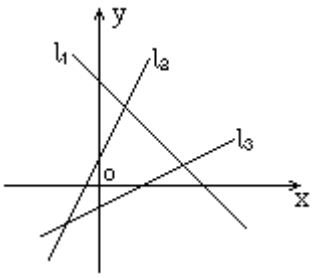
3．函数 $y=4\sin(3x+\dfrac{\pi}{4})+3\cos(3x+\dfrac{\pi}{4})$ 的最小正周期是(　　)

(A) 6π　　(B) 2π　　(C) $\dfrac{2\pi}{3}$　　(D) $\dfrac{\pi}{3}$

4．正方体的全面积是 a^2，它的顶点都在球面上，这个球的表面积是(　　)

(A) $\dfrac{\pi a^2}{3}$　　(B) $\dfrac{\pi a^2}{2}$　　(C) $2\pi a^2$　　(D) $3\pi a^2$

5．若图中的直线 l_1，l_2，l_3 的斜率分别为 k_1，k_2，k_3，则(　　)



(A) $k_1<k_2<k_3$

(B) $k_3<k_1<k_2$

曹亚辉高中物理 www.zhidianwuli.com

(C) $k_3<k_2<k_1$

(D) $k_1<k_3<k_2$

6．双曲线 $3x^2-y^2=3$ 的渐近线方程是(　　)

(A) $y=\pm 3x$　　(B) $\pm\frac{x}{3}$　　(C) $y=\pm\sqrt{3}x$　　(D) $y=\pm\frac{\sqrt{3}}{3}x$

7．使 $\sin x\leqslant\cos x$ 成立的 x 的一个变化区间是(　　)

(A) $\left[-\frac{3}{4}\pi,\ \frac{\pi}{4}\right]$　　(B) $\left[-\frac{\pi}{2},\ \frac{\pi}{2}\right]$

(C) $\left[-\frac{\pi}{4},\ \frac{3\pi}{4}\right]$　　(D) $[0,\ \pi]$

8．$x^2+y^2-2x=0$ 和 $x^2+y^2+4y=0$ 的位置关系是(　　)

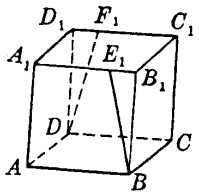
(A) 相离　　(B) 外切　　(C) 相交　　(D) 内切

9．已知 θ 是第三象限角，且 $\sin^4\theta+\cos^4\theta=\frac{5}{9}$，那么 $\sin 2\theta$ 等于(　　)

(A) $\frac{2\sqrt{2}}{3}$　　(B) $-\frac{2\sqrt{2}}{3}$　　(C) $\frac{2}{3}$　　(D) $-\frac{2}{3}$

10.如图 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 是正方体，$B_1E_1=D_1F_1=\frac{A_1B_1}{4}$，则 BE_1 与 DF_1 所成的角的余弦值是(　　)

(A) $\frac{15}{17}$　　(B) $\frac{1}{2}$　　(C) $\frac{8}{17}$　　(D) $\frac{\sqrt{3}}{2}$



11．已知 $y=\log_a(2-x)$ 是 x 的增函数，则 a 的取值范围是(　　)

(A) (0，2)　　(B) (0，1)　　(C) (1，2)　　(D) (2，+∞)

12．在 $(1-x^3)(1+x)^{10}$ 的展开式中，x^5 的系数是(　　)

(A) −297　　(B) −252　　(C) 297　　(D) 207

13．已知直线 $l\perp$ 平面 α，直线 $m\subset$ 平面 β，有下面四个命题，

① $\alpha\parallel\beta\Rightarrow l\perp m$　② $\alpha\perp\beta\Rightarrow l\parallel m$　③ $l\parallel m\Rightarrow\alpha\perp\beta$　④ $l\perp m\Rightarrow\alpha\parallel\beta$

其中正确的两个命题是(　　)

(A) ①与②　　(B) ③与④　　(C) ②与④　　(D) ①与③

14．等差数列 $\{a_n\}$，$\{b_n\}$ 的前 n 项和分别是 S_n 与 T_n，若 $\frac{S_n}{T_n}=\frac{2n}{3n+1}$，则 $\lim\limits_{n\to\infty}\frac{a_n}{b_n}$ 等于(　　)

支点物理 慧业辉高中物理 www.zhidianwuli.com

(A) 1　　(B) $\frac{\sqrt{6}}{3}$　　(C) $\frac{2}{3}$　　(D) $\frac{4}{9}$

15．用1，2，3，4，5这五个数字，组成没有重复数字的三位数，其中偶数共有(　　)

(A) 24个　　(B) 30个　　(C) 40个　　(D) 60个

第Ⅱ卷(非选择题共85分)

二、填空题(本大题共5小题，每小题4分，共20分，把答案填在题中的横线上)

16．方程 $\log_2(x+1)^2+\log_4(x+1)=5$ 的解是_____.

17．已知圆台上、下底面圆周都在球面上，且下底面过球心，母线与底面所成角为$\frac{\pi}{3}$，则圆台的体积与球体积之比为_____.

18．函数 $y=\cos x+\cos(x+\frac{\pi}{3})$ 的最大值是_____.

19．若直线 l 过抛物线 $y^2=4(x+1)$ 的焦点，并且与 x 轴垂直，则 l 被抛物线截得的线段长为_____.

20．四个不同的小球放入编号为1、2、3、4的四个盒子中，则恰有一个空盒的放法共有_____种(用数字作答).

三、解答题(本大题共6小题，共65分：解答应写出文字说明、证明过程或推演步骤)

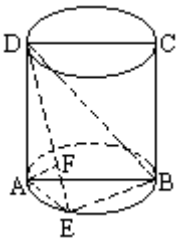
21．(本小题满分7分)解方程 $3^{x+2}-3^{2-x}=80$.

22．(本小题满分12分)设复数 $z=\cos\theta+i\sin\theta$，$\theta\in(\pi,2\pi)$，求复数 z^2+z 的模和辐角.

23．(本小题满分10分)设 $\{a_n\}$ 是由正数组成的等比数列，S_n 是其前 n 项和，证明：

$$\frac{\log_{0.5}S_n+\log_{0.5}S_{n+2}}{2}>\log_{0.5}S_{n+1}.$$

24．(本小题满分12分)如图，$ABCD$ 是圆柱的轴截面，点 E 在底面的圆周上，$AF\perp DE$，F 是垂足.



(1)求证：$AF\perp DB$

(2)如果 $AB=a$，圆柱与三棱锥 $D-ABE$ 的体积比等于 3π，求点 E 到截面 $ABCD$ 的距离.

25．(本小题满分12分)某地为促进淡水鱼养殖业的发展，将价格控制在适当范围内，

决定对淡水鱼养值提供政府补贴，设淡水鱼的市场价格为x元/千克，政府补贴为t元/千克，根据市场调查，当8≤x≤14时，淡水鱼的市场日供应量p千克与市场日需求量Q近似地满足关系：

P=1000(x+t−8)　(x≥8，t≥0)，

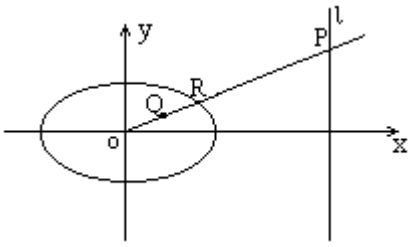
Q=500$\sqrt{40-(x-8)^2}$ (8≤x≤14)，

当P=Q时的市场价格为市场平衡价格，

(1)将市场平衡价格表示为政府补贴的函数，并求出函数的定义域：

(2)为使市场平衡价格不高于每千克10元，政府补贴至少每千克多少元？

26．(本小题满分12分)已知椭圆$\frac{x^2}{24}+\frac{y^2}{16}=1$，直线$l$：$x$=12，$P$是$l$上一点，射线$OP$交椭圆于点$R$，又点$Q$在$OP$上，且满足|$OQ$|·|$OP$|=|$OR$|^2，当点$P$在$l$上移动时，求点$Q$的轨迹方程，并说明轨迹是什么曲线．



参考答案

一、选择题(本题考查基本知识和基本运算)

1．B　2．D　3．C　4．B　5．D　6．C　7．A　8．C　9．A　10．A　11．B　12．D

13．D　14．C　15．A

二、填空题(本题考查基本知识和基本运算)

16．3　　17．$\frac{7\sqrt{3}}{32}$　　18．$\sqrt{3}$　　19．4　　20．144

三、解答题

21．本小题主要考查指数方程的解法及运算能力，

解：设y=3^x，则原方程可化为9y^2−80y−9=0，

解得：y_1=9，y_2=$-\frac{1}{9}$

方程3^x=$-\frac{1}{9}$无解，

由3^x =9得x=2，所以原方程的解为x=2．

22．本小题主要考查复数的有关概念，三角公式及运算能力，

解：$z^2+z=(\cos\theta+i\sin\theta)^2+(\cos\theta+i\sin\theta)$

$=\cos2\theta+i\sin2\theta+\cos\theta+i\sin\theta$

$=2\cos\frac{3\theta}{2}\cos\frac{\theta}{2}+i(2\sin\frac{3\theta}{2}\cos\frac{\theta}{2})$

$=2\cos\frac{\theta}{2}(\cos\frac{3\theta}{2}+i\sin\frac{3\theta}{2})$

$=-2\cos\frac{\theta}{2}[\cos(-\pi+\frac{3\theta}{2})+i\sin(-\pi+\frac{3\theta}{2})]$

∵ $\theta\in(\pi,2\pi)$

∴ $\frac{\theta}{2}\in(\frac{\pi}{2},\pi)$

∴ $-2\cos(\frac{\theta}{2})>0$

所以复数 z^2+z 的模为 $-2\cos\frac{\theta}{2}$，辐角 $(2k-1)\pi+\frac{3\theta}{2}$ $(k\in z)$.

23．本小题主要考查等比数列、对数、不等式等基础知识以及逻辑推理能力，

证法一：设$\{a_n\}$的公比为 q，由题设知 $a_1>0$，$q>0$，

(1)当 $q=1$ 时，$S_n=na_1$，从而

$S_n\cdot S_{n+2}-S_{n+1}^2=na_1(n+2)a_1-(n+1)^2a_1^2=-a_1^2<0$.

(2)当 $q\neq1$ 时，$S_n=\frac{a_1(1-q^n)}{1-q}$，从而

$S_n\cdot S_{n+2}-S_{n+1}^2=\frac{a_1^2(1-q^n)(1-q^{n+2})}{(1-q)^2}-\frac{a_1^2(1-q^{n+1})^2}{(1-q)^2}=-a_1^2q^n<0$.

由(1)和(2)得 $S_n\cdot S_{n+2}<S_{n+1}^2$.

根据对数函数的单调性，得 $\log_{0.5}(S_n\cdot S_{n+2})>\log_{0.5}S_{n+1}^2$，

即 $\frac{\log_{0.5}S_n+\log_{0.5}S_{n+2}}{2}>\log_{0.5}S_{n+1}$.

证法二：设$\{a_n\}$的公比为 q，由题设知 $a_1>0$，$q>0$，

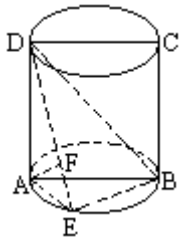
∵ $S_{n+1}=a_1+qS_n$，

$S_{n+2}=a_1+qS_{n+1}$，

∴ $S_n\cdot S_{n+2}-S_{n+1}^2=S_n(a_1+qS_{n+1})-(a_1+qS_n)S_{n+1}=a_1(S_n-S_{n+1})=-a_1a_{n+1}<0$.

即 $S_n\cdot S_{n+2}<S_{n+1}^2$.　　(以下同证法一)

24．本小题主要考查空间线面关系、圆柱性质、空间想象能力和逻辑推理能力．



(1)证明：根据圆柱性质，$DA\perp$平面 ABE，

∵ $EB\subset$平面 ABE，

∴ $DA\perp EB$，

∵ AB是圆柱底面的直径，点 E在圆周上，

∴ $AE\perp EB$，又 $AE\cap AD=A$，故得 $EB\perp$平面 DAE，

∵ $AF\subset$平面 DAE，

∴ $EB\perp AF$，

又 $AF\perp DE$，且 $EB\cap DE=E$，故得 $AF\perp$平面 DEB，

∵ $DB\subset$平面 DEB，

∴ $AF\perp DB$.

(2)解：设点 E到平面 $ABCD$的距离为 d，记 $AD=h$，因圆柱轴截面 $ABCD$是矩形，所以 $AD\perp AB$.

$S_{\triangle ABD}=\frac{1}{2}AB\cdot AD=\frac{ah}{2}$

∴ $V_{D-ABE}=V_{E-ABD}=\frac{d}{3}S_{\triangle ABD}=\frac{1}{6}dah$

又 $V_{圆柱}=\pi\left(\frac{AB^2}{2}\right)\cdot AD=\frac{\pi}{4}a^2h$

由题设知 $\frac{\frac{\pi}{4}a^2h}{\frac{1}{6}dah}=3\pi$，即 $d=\frac{a}{2}$.

25．本小题主要考查运用所学数学知识和方法解决实际问题的能力，以及函数的概念、方程和不等式的解法等基础知识和方法．

解：(1)依题设有 $1000(x+t-8)=500\sqrt{40-(x-8)^2}$

化简得 $5x^2+(8t-80)x+(4t^2-64t+280)=0$，

当判别式$\triangle=800-16t^2\geqslant 0$时，可得：$x=8-\frac{4}{5}t\pm\frac{2}{5}\sqrt{50-t^2}$.

由$\triangle\geqslant 0$，$t\geqslant 0$，$8\leqslant x\leqslant 14$，得不等式组：

$$①\begin{cases}0\leq t\leq\sqrt{50}\\ 8\leq 8-\frac{4}{5}t+\frac{2}{5}\sqrt{50-t^2}\leq 14\end{cases}$$

②$\begin{cases}0\le t\le\sqrt{50}\\ 8\le 8-\frac{4}{5}t-\frac{2}{5}\sqrt{50-t^2}\le 14\end{cases}$

解不等式组①，得 0≤t≤$\sqrt{10}$，不等式组②无解，故所求的函数关系式为

x=8−$\frac{4}{5}$ t+$\frac{2}{5}\sqrt{50-t^2}$

函数的定义域为[0，$\sqrt{10}$]

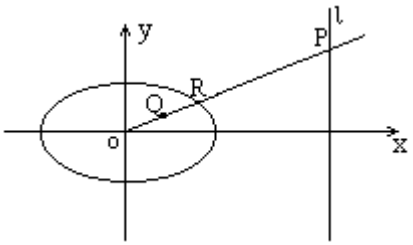
(2)为使 x≤10，应有 8−$\frac{4}{5}$ t+$\frac{2}{5}\sqrt{50-t^2}$ ≤10，

化简得：t^2+4t−5≥0，

解得 t≥1 或 t≤−5，由于 t≥0 知 t≥1，从而政府补贴至少为每千克 1 元.

26．本小题主要考查直线、椭圆的方程和性质，曲线与方程的关系，轨迹的概念和求法等解析几何的基本思想综合运用知识的能力.

解：设点 P、Q、R 的坐标分别为(12，y_p)，(x，y)，(x_R，y_R由题设知 x_R>0，x>0，



由点 R 在椭圆上及点 O、Q、R 共线，得方程组

$\begin{cases}\frac{x_R^2}{24}+\frac{y_R^2}{16}=1\\ \frac{y_R}{x_R}=\frac{y}{x}\end{cases}$ 解得 $\begin{cases}x_R^2=\frac{48x^2}{2x^2+3y^2} & ①\\ y_R^2=\frac{48y^2}{2x^2+3y^2} & ②\end{cases}$

由点 O、Q、P 共线，得 $\frac{y_p}{12}=\frac{y}{x}$，即 y_p=$\frac{12y}{x}$. ③

由题设|OQ|·|OP|=|OR|²得

$\sqrt{x^2+y^2}\cdot\sqrt{12^2+y_p^2}=\left(\sqrt{x_R^2+y_R^2}\right)^2$

将①、②、③式代入上式，整理得点 Q 的轨迹方程

(x−1)²+$\frac{y^2}{\frac{2}{3}}$=1 (x>0)

所以点 Q 的轨迹是以(1，0)为中心，长、短半轴长分别为 1 和$\frac{\sqrt{6}}{3}$，且长轴在 x 轴上的椭圆、去掉坐标圆点.