

# 2008 年普通高等学校统一考试（浙江卷）

## 数学(文科) 试题

### 第 I 卷（共 50 分）

一、选择题：本大题共 10 小题，每小题 5 分，共 50 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

(1) 已知集合  $A = \{x | x > 0\}$ ,  $B = \{x | -1 \leq x \leq 2\}$ , 则  $A \cup B =$

- (A)  $\{x | x \geq -1\}$  (B)  $\{x | x \leq 2\}$   
(C)  $\{x | 0 < x \leq 2\}$  (D)  $\{x | -1 \leq x \leq 2\}$

(2) 函数  $y = (\sin x + \cos x)^2 + 1$  的最小正周期是

- (A)  $\frac{\pi}{2}$  (B)  $\pi$  (C)  $\frac{3\pi}{2}$  (D)  $2\pi$

(3) 已知  $a, b$  都是实数，那么 “ $a^2 > b^2$ ” 是 “ $a > b$ ” 的

- (A) 充分而不必要条件 (B) 必要而不充分条件  
(C) 充分必要条件 (D) 既不充分也不必要条件

(4) 已知  $\{a_n\}$  是等比数列， $a_2 = 2, a_5 = \frac{1}{4}$ , 则公比  $q =$

- (A)  $-\frac{1}{2}$  (B)  $-2$  (C)  $2$  (D)  $\frac{1}{2}$

(5) 已知  $a \geq 0, b \geq 0$ , 且  $a + b = 2$ , 则

- (A)  $ab \leq \frac{1}{2}$  (B)  $ab \geq \frac{1}{2}$  (C)  $a^2 + b^2 \geq 2$  (D)  $a^2 + b^2 \leq 3$

(6) 在  $(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)(x-5)$  的展开式中，含  $x^4$  的项的系数是

- (A)  $-15$  (B)  $85$  (C)  $-120$  (D)  $274$

(7) 在同一平面直角坐标系中，函数  $y = \cos\left(\frac{x}{2} + \frac{3\pi}{2}\right) (x \in [0, 2\pi])$  的图象和直线  $y = \frac{1}{2}$  的交点个数是

- (A) 0 (B) 1 (C) 2 (D) 4

(8) 若双曲线  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$  的两个焦点到一条准线的距离之比为 3:2, 则双曲线的离心率是

- (A) 3 (B) 5 (C)  $\sqrt{3}$  (D)  $\sqrt{5}$

(9) 对两条不相交的空间直线  $a$  与  $b$ , 必存在平面  $\alpha$ , 使得

- (A)  $a \subset \alpha, b \subset \alpha$                       (B)  $a \subset \alpha, b // \alpha$   
 (C)  $a \perp \alpha, b \perp \alpha$                       (D)  $a \subset \alpha, b \perp \alpha$

(10) 若  $a \geq 0, b \geq 0$ , 且当  $\begin{cases} x \geq 0, \\ y \geq 0, \\ x + y \leq 1 \end{cases}$  时, 恒有  $ax + by \leq 1$ , 则以  $a, b$  为坐标的点  $P(a, b)$  所形成的平面区域的面积是

- (A)  $\frac{1}{2}$                       (B)  $\frac{\pi}{4}$                       (C) 1                      (D)  $\frac{\pi}{2}$

### 第 II 卷 (共 100 分)

二、填空题: 本大题共 7 小题, 每小题 4 分, 共 28 分。

(11) 已知函数  $f(x) = x^2 + |x - 2|$ , 则  $f(1) =$  \_\_\_\_\_.

(12) 若  $\sin(\frac{\pi}{2} + \theta) = \frac{3}{5}$ , 则  $\cos 2\theta =$  \_\_\_\_\_.

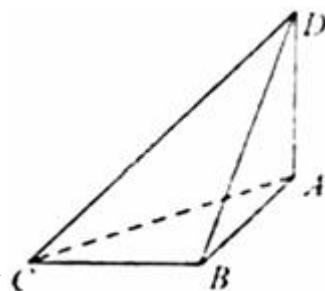
(13) 已知  $F_1, F_2$  为椭圆  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$  的两个焦点, 过  $F_1$  的直线交椭圆于  $A, B$  两点

若  $|F_2A| + |F_2B| = 12$ , 则  $|AB| =$  \_\_\_\_\_.

(14) 在  $\triangle ABC$  中, 角  $A, B, C$  所对的边分别为  $a, b, c$ . 若  $(\sqrt{3}b - c)\cos A = a\cos C$ , 则  $\cos A =$  \_\_\_\_\_.

(15) 如图, 已知球  $O$  的面上四点  $A, B, C, D$ ,  $DA \perp$  平面  $ABC$ .

$AB \perp BC$ ,  $DA = AB = BC = \sqrt{3}$ , 则球  $O$  的体积等于 \_\_\_\_\_.



(16) 已知  $a$  是平面内的单位向量, 若向量  $b$  满足  $b \cdot (a - b) = 0$ , 则  $|b|$  的取值范围是 \_\_\_\_\_.

(17) 用 1, 2, 3, 4, 5, 6 组成六位数 (没有重复数字), 要求任何相邻两个数字的奇偶性不同, 且 1 和 2 相邻. 这样的六位数的个数是 \_\_\_\_\_ (用数字作答)

三、解答题: 本大题共 5 小题, 共 72 分. 解答应写出文字说明、证明过程和演算步骤。

(18) (本题 14 分)

已知数列  $\{x_n\}$  的首项  $x_1 = 3$ , 通项  $x_n = 2^n p + np$  ( $n \in N^*, p, q$  为常数), 且成等差数列. 求:

(I)  $p, q$  的值;

(II) 数列  $\{x_n\}$  前  $n$  项和  $S_n$  的公式。

(19) (本题 14 分) 一个袋中装有大小相同的黑球、白球和红球, 已知袋中共有 10 个球, 从中任

意摸出 1 个球，得到黑球的概率是  $\frac{2}{5}$ ；从中任意摸出 2 个球，至少得到 1 个白球的概率是  $\frac{7}{9}$ 。求：

(I) 从中任意摸出 2 个球，得到的数是黑球的概率；

(II) 袋中白球的个数。

(20) (本题 14 分) 如图，矩形  $ABCD$  和梯形  $BEFC$  所在平面互相垂直， $\angle BCF = \angle CEF = 90^\circ$ ， $AD = \sqrt{3}$ ， $EF = 2$ 。

(I) 求证： $AE \parallel$  平面  $DCF$ ；

(II) 当  $AB$  的长为何值时，二面角  $A-EF-C$  的大小为  $60^\circ$ ？

(21) (本题 15 分) 已知  $a$  是实数，函数  $f(x) = x^2(x-a)$ 。

(I) 若  $f'(1) = 3$ ，求  $a$  的值及曲线  $y = f(x)$  在点  $(1, f(1))$  处的切线方程；

(II) 求  $f(x)$  在区间  $[0, 2]$  上的最大值。

(22) (本题 15 分) 已知曲线  $C$  是到点  $P(-\frac{1}{2}, \frac{3}{8})$  和到直线

$y = -\frac{5}{8}$  距离相等的点的轨迹， $l$  是过点  $Q(-1, 0)$  的直线，

$M$  是  $C$  上 (不在  $l$  上) 的动点； $A, B$  在  $l$  上，

$MA \perp l, MB \perp x$

轴 (如图)。

(I) 求曲线  $C$  的方程；

(II) 求出直线  $l$  的方程，使得  $\frac{|QB|^2}{|QA|}$  为常数。

