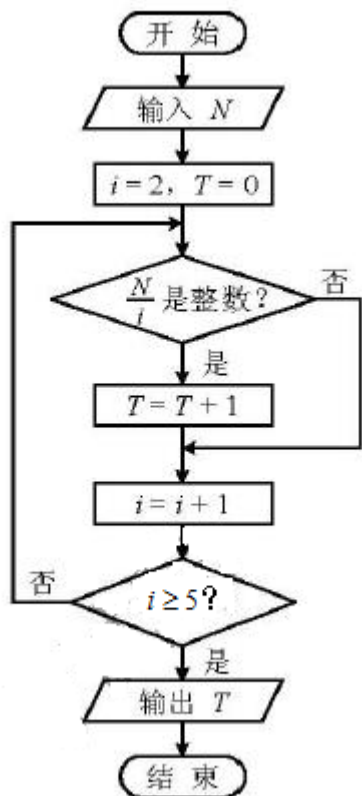




- (A) 充分而不必要条件 (B) 必要而不充分条件  
 (C) 充要条件 (D) 既不充分也不必要条件

(4) 阅读如图所示的程序框图，运行相应的程序，若输入  $N$  的值为20，则输出  $T$  的值为



- (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4

(5) 已知  $a = \log_3 \frac{7}{2}, b = (\frac{1}{4})^{\frac{1}{3}}, c = \log_{\frac{1}{3}} \frac{1}{5}$ ，则  $a, b, c$  的大小关系为

- (A)  $a > b > c$  (B)  $b > a > c$  (C)  $c > b > a$  (D)  $c > a > b$

(6) 将函数  $y = \sin(2x + \frac{\pi}{5})$  的图象向右平移  $\frac{\pi}{10}$  个单位长度，所得图象对应的函数

- (A) 在区间  $[-\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4}]$  上单调递增 (B) 在区间  $[\frac{\pi}{4}, 0]$  上单调递减  
 (C) 在区间  $[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}]$  上单调递增 (D) 在区间  $[\frac{\pi}{2}, \pi]$  上单调递减

(7) 已知双曲线  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$  的离心率为2，过右焦点且垂直于  $x$  轴的直线与双曲线交于

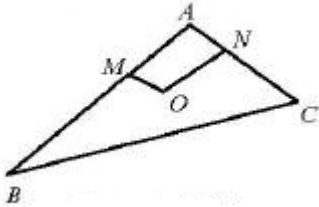
$A, B$  两点. 设  $A, B$  到双曲线的同一条渐近线的距离分别为  $d_1$  和  $d_2$ ，且  $d_1 + d_2 = 6$ ，则双曲线的方程为

- (A)  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{9} = 1$  (B)  $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{3} = 1$

(C)  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{12} = 1$

(D)  $\frac{x^2}{12} - \frac{y^2}{4} = 1$

(8) 在如图的平面图形中, 已知  $OM = 1, ON = 2, \angle MON = 120^\circ, \overrightarrow{BM} = 2\overrightarrow{MA}, \overrightarrow{CN} = 2\overrightarrow{NA}$ , 则  $\overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{OM}$  的值为



(A) -15

(B) -9

(C) -6

(D) 0

## 第II卷

注意事项:

1. 用黑色墨水的钢笔或签字笔将答案写在答题卡上。

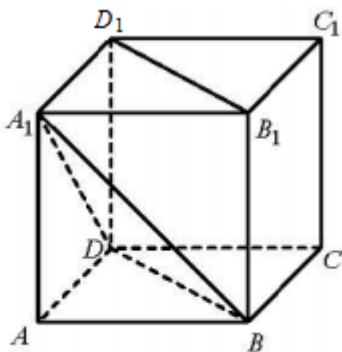
2. 本卷共12小题, 共110分。

二. 填空题: 本大题共6小题, 每小题5分, 共30分。

(9)  $i$  是虚数单位, 复数  $\frac{6+7i}{1+2i} =$  \_\_\_\_\_.

(10) 已知函数  $f(x) = e^x \ln x$ ,  $f'(x)$  为  $f(x)$  的导函数, 则  $f'(1)$  的值为 \_\_\_\_\_.

(11) 如图, 已知正方体  $ABCD-A_1B_1C_1D_1$  的棱长为1, 则四棱柱  $A_1-BB_1D_1D$  的体积为 \_\_\_\_\_.



第(11)题图

(12) 在平面直角坐标系中, 经过三点  $(0, 0)$ ,  $(1, 1)$ ,  $(2, 0)$  的圆的方程为 \_\_\_\_\_.

(13) 已知  $a, b \in \mathbf{R}$ , 且  $a - 3b + 6 = 0$ , 则  $2^a + \frac{1}{8^b}$  的最小值为 \_\_\_\_\_.

(14) 已知  $a \in \mathbf{R}$ , 函数  $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x + a - 2, & x \leq 0, \\ -x^2 + 2x - 2a, & x > 0. \end{cases}$  若对任意  $x \in [-$

$3, +\infty)$ ,  $f(x) \leq |x|$  恒成立, 则  $a$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

三. 解答题: 本大题共6小题, 共80分. 解答应写出文字说明, 证明过程或演算步骤.

(15) (本小题满分13分)

已知某校甲、乙、丙三个年级的学生志愿者人数分别为240, 160, 160. 现采用分层抽样的方法从中抽取7名同学去某敬老院参加献爱心活动.

(I) 应从甲、乙、丙三个年级的学生志愿者中分别抽取多少人?

(II) 设抽出的7名同学分别用  $A, B, C, D, E, F, G$  表示, 现从中随机抽取2名同学承担敬老院的卫生工作.

(i) 试用所给字母列举出所有可能的抽取结果;

(ii) 设  $M$  为事件“抽取的2名同学来自同一年级”, 求事件  $M$  发生的概率.

(16) (本小题满分13分)

在  $\triangle ABC$  中, 内角  $A, B, C$  所对的边分别为  $a, b, c$ . 已知  $b \sin A = a \cos(B - \frac{\pi}{6})$ .

(I) 求角  $B$  的大小;

(II) 设  $a=2, c=3$ , 求  $b$  和  $\sin(2A-B)$  的值.

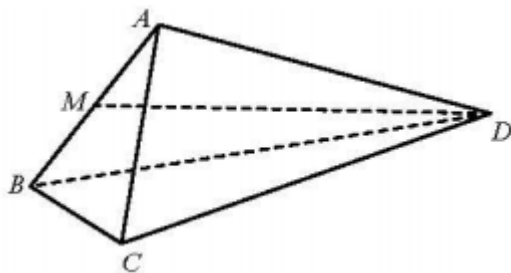
(17) (本小题满分13分)

如图, 在四面体  $ABCD$  中,  $\triangle ABC$  是等边三角形, 平面  $ABC \perp$  平面  $ABD$ , 点  $M$  为棱  $AB$  的中点,  $AB=2, AD=2\sqrt{3}, \angle BAD=90^\circ$ .

(I) 求证:  $AD \perp BC$ ;

(II) 求异面直线  $BC$  与  $MD$  所成角的余弦值;

(III) 求直线  $CD$  与平面  $ABD$  所成角的正弦值.



(18) (本小题满分13分)

设  $\{a_n\}$  是等差数列, 其前  $n$  项和为  $S_n$  ( $n \in \mathbf{N}^*$ );  $\{b_n\}$  是等比数列, 公比大于0, 其前  $n$  项和为  $T_n$  ( $n \in \mathbf{N}^*$ ). 已

知 $b_1=1$ ,  $b_3=b_2+2$ ,  $b_4=a_3+a_5$ ,  $b_5=a_4+2a_6$ .

(I) 求 $S_n$ 和 $T_n$ ;

(II) 若 $S_n + (T_1+T_2+\dots+T_n) = a_n+4b_n$ , 求正整数 $n$ 的值.

(19) (本小题满分14分)

设椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$  的右顶点为 $A$ , 上顶点为 $B$ . 已知椭圆的离心率为 $\frac{\sqrt{5}}{3}$ ,  $|AB| = \sqrt{13}$ .

(I) 求椭圆的方程;

(II) 设直线 $l: y = kx (k < 0)$  与椭圆交于 $P, Q$  两点,  $l$  与直线 $AB$  交于点 $M$ , 且点 $P, M$  均在第四象限. 若

$\triangle BPM$  的面积是  $\triangle BPQ$  面积的2倍, 求 $k$  的值.

(20) (本小题满分14分)

设函数 $f(x) = (x-t_1)(x-t_2)(x-t_3)$ , 其中 $t_1, t_2, t_3 \in \mathbf{R}$ , 且 $t_1, t_2, t_3$  是公差为 $d$  的等差数列.

(I) 若 $t_2 = 0, d = 1$ , 求曲线 $y = f(x)$  在点 $(0, f(0))$  处的切线方程;

(II) 若 $d = 3$ , 求 $f(x)$  的极值;

(III) 若曲线 $y = f(x)$  与直线 $y = -(x_1 - t_2) - 6\sqrt{3}$  有三个互异的公共点, 求 $d$  的取值范围.