

# 2009年普通高等学校招生全国统一考试（海南卷）

## 数学（理工农医类）

### 第I卷

一、选择题：（本大题共12题，每小题5分，在每小题给出的四个选项中，中有一项是符合题目要求的。

(1) 已知集合  $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ ,  $B = \{0, 3, 6, 9, 12\}$ , 则  $A \cap C_N B =$

- (A)  $\{1, 5, 7\}$                       (B)  $\{3, 5, 7\}$   
 (C)  $\{1, 3, 9\}$                       (D)  $\{1, 2, 3\}$

(2) 复数  $\frac{3+2i}{2-3i} - \frac{3-2i}{2+3i} =$

- (A) 0            (B) 2            (C) -2i        (D) 2

(3) 对变量  $x, y$  有观测数据  $(x_i, y_i)$  ( $i=1, 2, \dots, 10$ ), 得散点图1; 对变量  $u, v$

有观测数据  $(u_i, v_i)$  ( $i=1, 2, \dots, 10$ ), 得散点图2. 由这两个散点图可以判断。

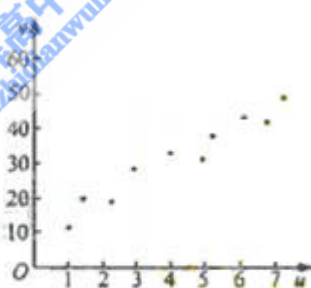
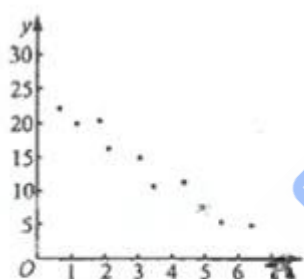


图 2

ks5u

- (A) 变量  $x$  与  $y$  正相关,  $u$  与  $v$  正相关      (B) 变量  $x$  与  $y$  正相关,  $u$  与  $v$  负相关  
 (C) 变量  $x$  与  $y$  负相关,  $u$  与  $v$  正相关      (D) 变量  $x$  与  $y$  负相关,  $u$  与  $v$  负相关

(4) 双曲线  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{12} = 1$  的焦点到渐近线的距离为

- (A)  $2\sqrt{3}$       (B) 2            (C)  $\sqrt{3}$             (D) 1

(5) 有四个关于三角函数的命题:

$$p_1: \exists x \in \mathbb{R}, \sin^2 \frac{x}{2} + \cos^2 \frac{x}{2} = \frac{1}{2} \quad p_2: \exists x, y \in \mathbb{R}, \sin(x-y) = \sin x - \sin y$$

$$p_3: \forall x \in [0, \pi], \sqrt{\frac{1 - \cos 2x}{2}} = \sin x \quad p_4: \sin x = \cos y \Rightarrow x + y = \frac{\pi}{2}$$

其中假命题的是

- (A)  $p_1, p_4$  (B)  $p_2, p_4$  (C)  $p_1, p_3$  (D)  $p_2, p_4$

(6) 设  $x, y$  满足 
$$\begin{cases} 2x + y \geq 4 \\ x - y \geq -1 \\ x - 2y \leq 2 \end{cases}$$
 则  $z = x + y$

- (A) 有最小值2, 最大值3 (B) 有最小值2, 无最大值  
(C) 有最大值3, 无最小值 (D) 既无最小值, 也无最大值

(7) 等比数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和为  $s_n$ , 且  $4a_1, 2a_2, a_3$  成等差数列。若  $a_1 = 1$ , 则  $s_4 =$

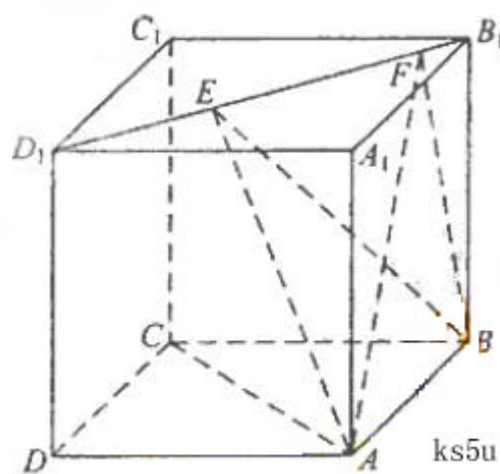
- (A) 7 (B) 8 (C) 15 (D) 16

(8) 如图, 正方体  $ABCD - A_1B_1C_1D_1$  的棱线长为1, 线段

$B_1D_1$  上有两个动点  $E, F$ , 且  $EF = \frac{\sqrt{2}}{2}$ , 则下列结论中

错误的是

- (A)  $AC \perp BE$   
(B)  $EF \parallel$  平面  $ABCD$   
(C) 三棱锥  $A - BEF$  的体积为定值  
(D) 异面直线  $AE, BF$  所成的角为定值



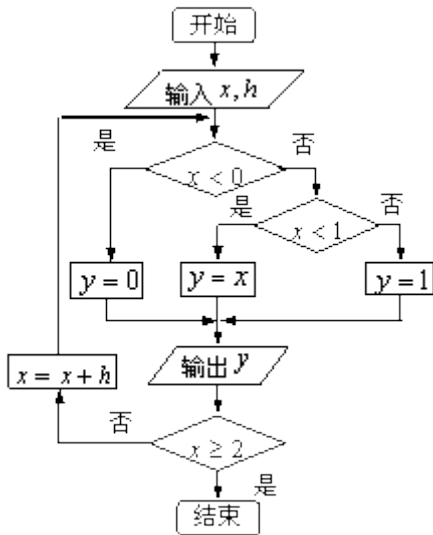
(9) 已知  $O, N, P$  在  $\triangle ABC$  所在平面内, 且  $|\overline{OA}| = |\overline{OB}| = |\overline{OC}|, \overline{NA} + \overline{NB} + \overline{NC} = \mathbf{0}$ , 且

$$\overline{PA} \cdot \overline{PB} = \overline{PB} \cdot \overline{PC} = \overline{PC} \cdot \overline{PA},$$

则点  $O, N, P$  依次是  $\triangle ABC$  的

- (A) 重心 外心 垂心 (B) 重心 外心 内心  
(C) 外心 重心 垂心 (D) 外心 重心 内心  
(注: 三角形的三条高线交于一点, 此点为三角形的垂心)

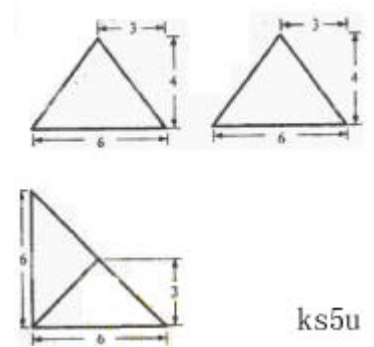
(10) 如果执行右边的程序框图, 输入  $x = -2, h = 0.5$ , 那么输出的各个数的合等于



- (A) 3    (B) 3.5    (C) 4    (D) 4.5

(11) 一个棱锥的三视图如图，则该棱锥的全面积（单位： $\text{cm}^2$ ）为

- (A)  $48+12\sqrt{2}$     (B)  $48+24\sqrt{2}$     (C)  $36+12\sqrt{2}$     (D)  $36+24\sqrt{2}$



ks5u

(12) 用  $\min\{a,b,c\}$  表示  $a,b,c$  三个数中的最小值

设  $f(x) = \min\{2^x, x+2, 10-x\}$  ( $x \geq 0$ ), 则  $f(x)$  的最大值为

- (A) 4    (B) 5    (C) 6    (D) 7

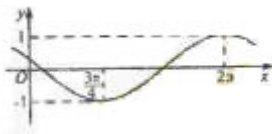
## 第II卷

二、填空题；本大题共4小题，每小题5分。

(13) 设已知抛物线  $C$  的顶点在坐标原点，焦点为  $F(1, 0)$ ，直线  $l$  与抛物线  $C$  相交于  $A, B$  两点。若  $AB$  的中点为  $(2, 2)$ ，则直线  $l$  的方程为\_\_\_\_\_。

(14) 已知函数  $y = \sin(\omega x + \varphi)$  ( $\omega > 0$ ,

$\pi \leq \varphi < 2\pi$ ) 的图像如



图所示，则  $\varphi =$ \_\_\_\_\_

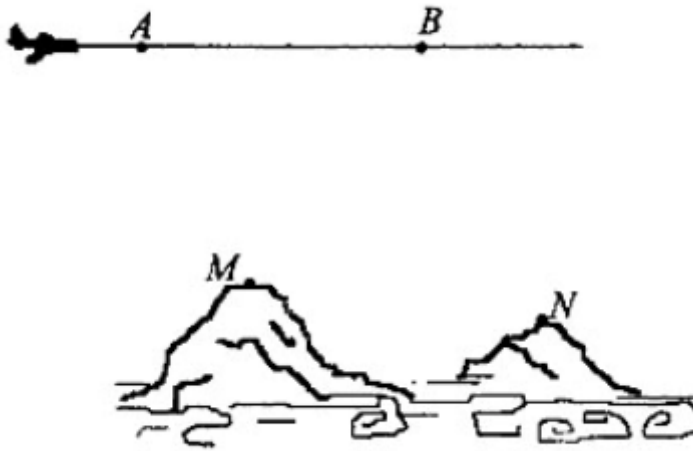
(15) 7名志愿者中安排6人在周六、周日两天参加社区公益活动。若每天安排3人，则不同的安排方案共有\_\_\_\_\_种（用数字作答）。

(16) 等差数列 $\{a_n\}$ 前 $n$ 项和为 $S_n$ 。已知 $a_{m-1}+a_{m+1}-a_m^2=0$ ， $S_{2m-1}=38$ ，则 $m=$ \_\_\_\_\_

三、解答题：解答应写出说明文字，证明过程或演算步骤。

(17)（本小题满分12分）

为了测量两山顶 $M$ ， $N$ 间的距离，飞机沿水平方向在 $A$ ， $B$ 两点进行测量， $A$ ， $B$ ， $M$ ， $N$ 在同一个铅垂平面内（如示意图），飞机能够测量的数据有俯角和 $A$ ， $B$ 间的距离，请设计一个方案，包括：①指出需要测量的数据（用字母表示，并在图中标出）；②用文字和公式写出计算 $M$ ， $N$ 间的距离的步骤。



(18)（本小题满分12分）

某工厂有工人1000名，

其中250名工人参加过短期培训（称为A类工人），另外750名工人参加过长期培训（称为B类工人），现用分层抽样方法（按A类、B类分二层）从该工厂的工人中共抽查100名工人，调查他们的生产能力（此处生产能力指一天加工的零件数）。

(I) 求甲、乙两工人都被抽到的概率，其中甲为A类工人，乙为B类工人；

(II) 从A类工人中的抽查结果和从B类工人中的抽插结果分别如下表1和表2.

表1:

生产能力分组	[100,110)	[110,120)	[120,130)	[130,140)	[140,150)
人数	4	8	$x$	5	3

表2:

生产能力分组	[110,120)	[120,130)	[130,140)	[140,150)
人数	6	$y$	36	18

(i) 先确定x, y, 再在答题纸上完成下列频率分布直方图。就生产能力而言, A类工人中个体间的差异程度与B类工人中个体间的差异程度哪个更小? (不用计算, 可通过观察直方图直接回答结论)

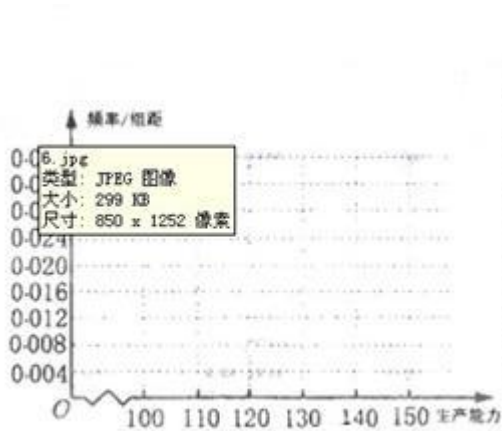


图1 A类工人生产能力的频率分布直方图

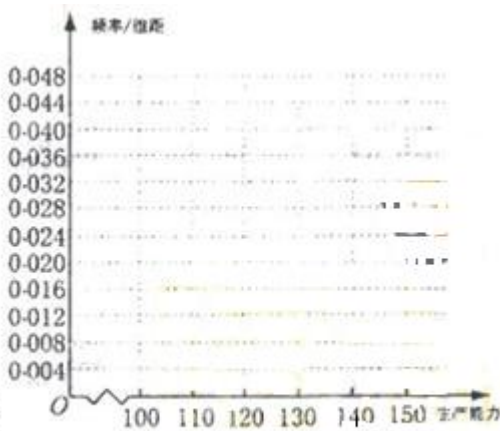
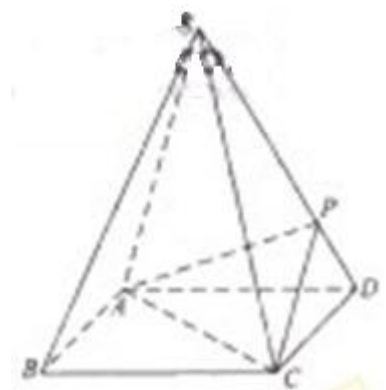


图2 B类工人生产能力的频率分布直方图

(ii) 分别估计A类工人和B类工人生产能力的平均数, 并估计该工厂工人的生产能力的平均数, 同一组中的数据用该组区间的中点值作代表)

(19) (本小题满分12分)

如图, 四棱锥S-ABCD



的底面是正方形, 每条侧棱的长都是地面边长的 $\sqrt{2}$ 倍, P为侧棱SD上的点。

(I) 求证:  $AC \perp SD$ ;

(II) 若  $SD \perp$  平面PAC, 求二面角P-AC-D的大小

(III) 在 (II) 的条件下, 侧棱SC上是否存在一点E, 使得  $BE \parallel$  平面PAC。若存在, 求SE: EC的值; 若不存在, 试说明理由。

(20) (本小题满分12分)

已知椭圆C的中心为直角坐标系xOy的原点，焦点在x轴上，它的一个顶点到两个焦点的距离分别是7和1.

(I) 求椭圆C的方程;

(II) 若P为椭圆C上的动点，M为过P且垂直于x轴的直线上的点， $\frac{|OP|}{|OM|}=\lambda$ ，求点M的轨迹方程，并说明轨迹是什么曲线。

(21) (本小题满分12分)

已知函数  $f(x) = (x^3 + 3x^2 + ax + b)e^{-x}$

(I) 如  $a = b = -3$ ，求  $f(x)$  的单调区间;

(II) 若  $f(x)$  在  $(-\infty, \alpha), (2, \beta)$  单调增加，在  $(\alpha, 2), (\beta, +\infty)$  单调减少，证明

$\beta - \alpha < 6$ .

请考生在第(22)、(23)、(24)三题中任选一题作答，如果多做，则按所做的第一题记分。作答时用2B铅笔在答题卡上把所选题目对应的题号涂黑。

(22) 本小题满分10分) 选修4-1: 几何证明选讲

如图，已知  $\triangle ABC$  的两条角平分线  $AD$  和  $CE$  相交于  $H$ ， $\angle B = 60^\circ$ ， $F$  在  $AC$  上，且  $AE = AF$ 。

- (I) 证明：B,D,H,E四点共圆；
- (II) 证明： $CE$  平分  $\angle DEF$ 。

(23) (本小题满分10分) 选修4—4：坐标系与参数方程。

已知曲线  $C_1: \begin{cases} x = -4 + \cos t, \\ y = 3 + \sin t, \end{cases}$  ( $t$ 为参数)， $C_2: \begin{cases} x = 8 \cos \theta, \\ y = 3 \sin \theta, \end{cases}$  ( $\theta$ 为参数)。

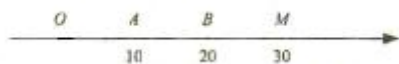
- (1) 化  $C_1, C_2$  的方程为普通方程，并说明它们分别表示什么曲线；
- (2) 若  $C_1$  上的点  $P$  对应的参数为  $t = \frac{\pi}{2}$ ， $Q$  为  $C_2$  上的动点，求  $PQ$  中点  $M$  到直线

$C_3: \begin{cases} x = 3 + 2t, \\ y = -2 + t \end{cases}$  ( $t$ 为参数) 距离的最小值。

(24) (本小题满分10分) 选修4-5：不等式选讲

如图， $O$  为数轴的原点， $A, B, M$  为数轴上三点， $C$  为线段  $OM$  上的动点，设  $x$  表示  $C$  与原点的距离， $y$  表示  $C$  到  $A$  距离4倍与  $C$  到  $B$  距离的6倍的和。

- (1) 将  $y$  表示成  $x$  的函数；
- (2) 要使  $y$  的值不超过70， $x$  应该在什么范围内取值？



# 理数数学试题参考答案

## 一. 选择题

- (1) A (2) D (3) C (4) A (5) A (6) B  
 (7) C (8) D (9) C (10) B (11) A (12) C

## 二. 填空题

- (13)  $y = x$  (14)  $\frac{9}{10}\pi$  (15) 140 (16) 10

## 三. 解答题

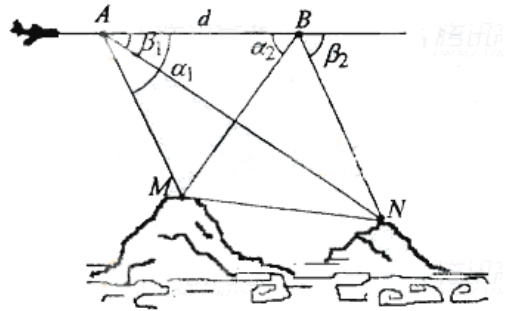
(17) 解:

方案一: ①需要测量的数据有: A

点到M, N点的俯角  $\alpha_1, \beta_1$ ; B点到M,

N的俯角  $\alpha_2, \beta_2$ ; A, B的距离 d (如图)

所示) . .....3分



②第一步: 计算AM. 由正弦定理  $AM = \frac{d \sin \alpha_2}{\sin(\alpha_1 + \alpha_2)}$  ;

第二步: 计算AN. 由正弦定理  $AN = \frac{d \sin \beta_2}{\sin(\beta_2 - \beta_1)}$  ;

第三步: 计算MN. 由余弦定理  $MN = \sqrt{AM^2 + AN^2 - 2AM \times AN \cos(\alpha_1 - \beta_1)}$  .

方案二: ①需要测量的数据有:

A点到M, N点的俯角  $\alpha_1, \beta_1$ ; B点到M, N点的俯角  $\alpha_2, \beta_2$ ; A, B的距离 d (如图所示) .

②第一步: 计算BM. 由正弦定理  $BM = \frac{d \sin \alpha_1}{\sin(\alpha_1 + \alpha_2)}$  ;

第二步: 计算BN. 由正弦定理  $BN = \frac{d \sin \beta_1}{\sin(\beta_2 - \beta_1)}$  ;

第三步: 计算MN. 由余弦定理  $MN = \sqrt{BM^2 + BN^2 - 2BM \times BN \cos(\beta_2 + \alpha_2)}$

(18) 解:

(I) 甲、乙被抽到的概率均为  $\frac{1}{10}$ ，且事件“甲工人被抽到”与事件“乙工人被抽到”相互独立，故甲、乙两工人都被抽到的概率为

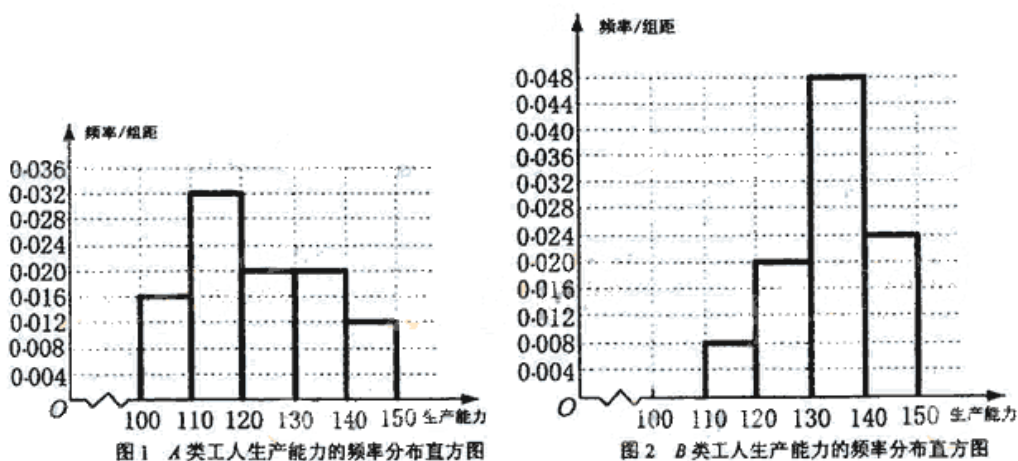
$$p = \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} = \frac{1}{100}.$$

(II) (i) 由题意知A类工人中应抽查25名，B类工人中应抽查75名.

故  $4+8+x+5=25$ ，得  $x=5$ ，

$$6+y+36+18=75，得 y=15.$$

频率分布直方图如下



从直方图可以判断：B类工人中个体间的差异程度更小.

$$(ii) \bar{x}_A = \frac{4}{25} \times 105 + \frac{8}{25} \times 115 + \frac{5}{25} \times 125 + \frac{5}{25} \times 135 + \frac{3}{25} \times 145 = 123,$$

$$\bar{x}_B = \frac{6}{75} \times 115 + \frac{15}{75} \times 125 + \frac{36}{75} \times 135 + \frac{18}{75} \times 145 = 133.8,$$

$$\bar{x} = \frac{25}{100} \times 123 + \frac{75}{100} \times 133.8 = 131.1$$

A类工人生产能力的平均数，B类工人生产能力的平均数以及全工厂工人生产能力的平均数的估计值分别为123，133.8和131.1.

(19) 解法一：

(I) 连BD，设AC交BD于O，由题意  $SO \perp AC$ 。在正方形ABCD中， $AC \perp BD$ ，所以  $AC \perp$  平面SBD，得  $AC \perp SD$ 。

(II) 设正方形边长  $a$ ，则  $SD = \sqrt{2}a$ 。

$$\text{又 } OD = \frac{\sqrt{2}}{2}a，\text{ 所以 } \angle SOD = 60^\circ，$$

连OP，由(I)知  $AC \perp$  平面SBD，所以  $AC \perp OP$ ，

且  $AC \perp OD$ , 所以  $\angle POD$  是二面角  $P-AC-D$  的平面角。

由  $SD \perp$  平面  $PAC$ , 知  $SD \perp OP$ , 所以  $\angle POD = 30^\circ$ ,

即二面角  $P-AC-D$  的大小为  $30^\circ$ 。

(III) 在棱  $SC$  上存在一点  $E$ , 使  $BE \parallel$  平面  $PAC$

由 (II) 可得  $PD = \frac{\sqrt{2}}{4}a$ , 故可在  $SP$  上取一点  $N$ , 使  $PN = PD$ , 过  $N$  作  $PC$  的平行线

与  $SC$  的交点即为  $E$ 。连  $BN$ 。在  $\triangle BDN$  中知  $BN \parallel PO$ , 又由于  $NE \parallel PC$ , 故平面

$BEN \parallel$  平面  $PAC$ , 得  $BE \parallel$  平面  $PAC$ , 由于  $SN: NP = 2:1$ , 故  $SE: EC = 2:1$ 。

解法二:

(I); 连  $BD$ , 设  $AC$  交于  $BD$  于  $O$ , 由题意知  $SO \perp$  平面  $ABCD$ 。以  $O$  为坐标原点,

$\overline{OB}, \overline{OC}, \overline{OS}$  分别为  $x$  轴、 $y$  轴、 $z$  轴正方向, 建立坐标系  $O-xyz$  如图。

设底面边长为  $a$ , 则高  $SO = \frac{\sqrt{6}}{2}a$ 。

于是  $S(0, 0, \frac{\sqrt{6}}{2}a), D(-\frac{\sqrt{2}}{2}a, 0, 0)$

$C(0, \frac{\sqrt{2}}{2}a, 0)$

$\overline{OC} = (0, \frac{\sqrt{2}}{2}a, 0)$

$\overline{SD} = (-\frac{\sqrt{2}}{2}a, 0, -\frac{\sqrt{6}}{2}a)$

$\overline{OC} \cdot \overline{SD} = 0$

故  $OC \perp SD$

从而  $AC \perp SD$

(II) 由题设知, 平面  $PAC$  的一个法向量  $\overline{DS} = (-\frac{\sqrt{2}}{2}a, 0, \frac{\sqrt{6}}{2}a)$ , 平面  $DAC$  的一个法向量

$\overline{OS} = (0, 0, \frac{\sqrt{6}}{2}a)$ , 设所求二面角为  $\theta$ , 则  $\cos \theta = \frac{\overline{OS} \cdot \overline{DS}}{|\overline{OS}| |\overline{DS}|} = \frac{\sqrt{3}}{2}$ , 所求二面角的大小为

$30^\circ$

(III) 在棱  $SC$  上存在一点  $E$  使  $BE \parallel$  平面  $PAC$ .

由 (II) 知  $\overline{DS}$  是平面  $PAC$  的一个法向量,

$$\text{且 } \overline{DS} = (\frac{\sqrt{2}}{2}a, 0, \frac{\sqrt{6}}{2}a), \overline{CS} = (0, -\frac{\sqrt{2}}{2}a, \frac{\sqrt{6}}{2}a)$$

$$\text{设 } \overline{CE} = t\overline{CS},$$

$$\text{则 } \overline{BE} = \overline{BC} + \overline{CE} = \overline{BC} + t\overline{CS} = (-\frac{\sqrt{2}}{2}a, \frac{\sqrt{2}}{2}a(1-t), \frac{\sqrt{6}}{2}at)$$

$$\text{而 } \overline{BE} \cdot \overline{DS} = 0 \Leftrightarrow t = \frac{1}{3}$$

即当  $SE:EC = 2:1$  时,  $\overline{BE} \perp \overline{DS}$

而  $BE$  不在平面  $PAC$  内, 故  $BE \parallel$  平面  $PAC$

(20) 解:

(I) 设椭圆长半轴长及半焦距分别为  $a, c$ , 由已知得

$$\begin{cases} a - c = 1 \\ a + c = 7 \end{cases}, \text{解得 } a = 4, c = 3,$$

所以椭圆  $C$  的标准方程为  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{7} = 1$

(II) 设  $M(x, y)$ , 其中  $x \in [-4, 4]$ . 由已知  $\frac{|OP|^2}{|OM|^2} = \lambda^2$  及点  $P$  在椭圆  $C$  上可得

$$\frac{9x^2 + 112}{16(x^2 + y^2)} = \lambda^2.$$

整理得  $(16\lambda^2 - 9)x^2 + 16\lambda^2 y^2 = 112$ , 其中  $x \in [-4, 4]$ .

(i)  $\lambda = \frac{3}{4}$  时. 化简得  $9y^2 = 112$ .

所以点  $M$  的轨迹方程为  $y = \pm \frac{4\sqrt{7}}{3} (-4 \leq x \leq 4)$ , 轨迹是两条平行于  $x$  轴的线段.

(ii)  $\lambda \neq \frac{3}{4}$  时, 方程变形为  $\frac{x^2}{\frac{112}{16\lambda^2 - 9}} + \frac{y^2}{\frac{112}{16\lambda^2}} = 1$ , 其中  $x \in [-4, 4]$

当  $0 < \lambda < \frac{3}{4}$  时, 点  $M$  的轨迹为中心在原点、实轴在  $y$  轴上的双曲线满足  $-4 \leq x \leq 4$  的部分。

当  $\frac{3}{4} < \lambda < 1$  时, 点  $M$  的轨迹为中心在原点、长轴在  $x$  轴上的椭圆满足  $-4 \leq x \leq 4$  的部分;

当  $\lambda \geq 1$  时, 点  $M$  的轨迹为中心在原点、长轴在  $x$  轴上的椭圆;

(21) 解:

(I) 当  $a = b = -3$  时,  $f(x) = (x^3 + 3x^2 - 3x - 3)e^{-x}$ , 故

$$\begin{aligned} f'(x) &= -(x^3 + 3x^2 - 3x - 3)e^{-x} + (3x^2 + 6x - 3)e^{-x} \\ &= -e^{-x}(x^3 - 9x) \\ &= -x(x-3)(x+3)e^{-x} \end{aligned}$$

当  $x < -3$  或  $0 < x < 3$  时,  $f'(x) > 0$ ;

当  $-3 < x < 0$  或  $x > 3$  时,  $f'(x) < 0$ .

从而  $f(x)$  在  $(-\infty, -3), (0, 3)$  单调增加, 在  $(-3, 0), (3, +\infty)$  单调减少。

(II)  $f'(x) = -(x^3 + 3x^2 + ax + b)e^{-x} + (3x^2 + 6x + a)e^{-x} = -e^{-x}[x^3 + (a-6)x + b-a]$ .

由条件得:  $f'(2) = 0$ , 即  $2^3 + 2(a-6) + b-a = 0$ , 故  $b = 4-a$ , 从而

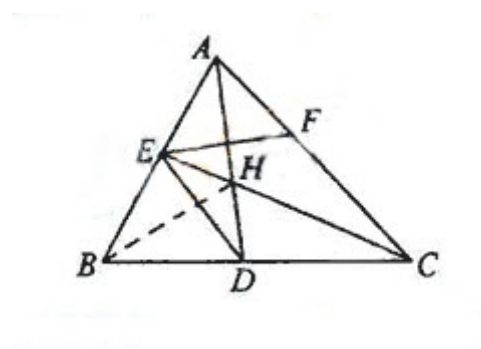
$$f'(x) = -e^{-x}[x^3 + (a-6)x + 4-2a].$$

因为  $f'(\alpha) = f'(\beta) = 0$ , 所以

$$\begin{aligned} x^3 + (a-6)x + 4-2a &= (x-2)(x-\alpha)(x-\beta) \\ &= (x-2)(x^2 - (\alpha+\beta)x + \alpha\beta). \end{aligned}$$

将右边展开, 与左边比较系数得,  $\alpha + \beta = -2, \alpha\beta = a-2$ . 故

$$\beta - \alpha = \sqrt{(\beta + \alpha)^2 - 4\alpha\beta} = \sqrt{12 - 4a}.$$



又 $(\beta-2)(\alpha-2) < 0$ , 即 $\alpha\beta - 2(\alpha + \beta) + 4 < 0$ . 由此可得 $a < -6$ .

于是 $\beta - \alpha > 6$ .

(22) 解:

(I) 在 $\triangle ABC$ 中, 因为 $\angle B = 60^\circ$ ,

所以 $\angle BAC + \angle BCA = 120^\circ$ .

因为 $AD, CE$ 是角平分线,

所以 $\angle HAC + \angle HCA = 60^\circ$ ,

故 $\angle AHC = 120^\circ$ .

于是 $\angle EHD = \angle AHC = 120^\circ$ .

因为 $\angle EBD + \angle EHD = 180^\circ$ ,

所以 $B, D, H, E$ 四点共圆.

(II) 连结 $BH$ , 则 $BH$ 为 $\angle ABC$ 的平分线, 得 $\angle HBD = 30^\circ$

由(I)知 $B, D, H, E$ 四点共圆,

所以 $\angle CED = \angle HBD = 30^\circ$ .

又 $\angle AHE = \angle EBD = 60^\circ$ , 由已知可得 $EF \perp AD$ ,

可得 $\angle CEF = 30^\circ$ .

所以 $CE$ 平分 $\angle DEF$ .

(23) 解:

$$(I) C_1: (x+4)^2 + (y-3)^2 = 1, C_2: \frac{x^2}{64} + \frac{y^2}{9} = 1.$$

$C_1$ 为圆心是 $(-4, 3)$ , 半径是1的圆.

$C_2$ 为中心是坐标原点, 焦点在 $x$ 轴上, 长半轴长是8, 短半轴长是3的椭圆.

$$(II) \text{ 当 } t = \frac{\pi}{2} \text{ 时, } P(-4, 4), Q(8 \cos \theta, 3 \sin \theta), \text{ 故 } M(-2 + 4 \cos \theta, 2 + \frac{3}{2} \sin \theta).$$

$$C_3 \text{ 为直线 } x - 2y - 7 = 0, M \text{ 到 } C_3 \text{ 的距离 } d = \frac{\sqrt{5}}{5} |4 \cos \theta - 3 \sin \theta - 13|.$$

$$\text{从而当 } \cos \theta = \frac{4}{5}, \sin \theta = -\frac{3}{5} \text{ 时, } d \text{ 取得最小值 } \frac{8\sqrt{5}}{5}.$$

(24) 解:

$$(I) y = 4|x-10| + 6|x-20|, 0 \leq x \leq 30.$$

(II) 依题意,  $x$ 满足

$$\begin{cases} 4|x-10| + 6|x-20| \leq 70, \\ 0 \leq x \leq 30. \end{cases}$$

解不等式组, 其解集为【9, 23】

所以  $x \in [9, 23]$ .